

## Specijalni kurs - Kriptografija - Prvi kolokvijum

1. Popuniti tablicu mnozenja polinoma ostataka pri deljenju sa  $x^3+x+1$  ciji su koeficijenti iz polja  $F_2[x]$ .
2. Opisati preslikavanje koje definise S tabelu.
3. Izvesti formule za racunanje  $2P$  i  $P+Q$  za proizvoljne tacke  $P$  i  $Q$  elipticke krive. Ukratko opisati proces predstavljanja poruke uz pomoc tacke elipticke krive.
4. Po paddingu iz PKCS#7 dopuniti poruku za blokovsku sifru koja prima blokove duzine 4 bajta.  
 $0x12\ 0x34\ 0x56\ 0x78\ 0xab\ \underline{0x03\ 0x03\ 0x03}$

5. Za RSA kriptografski sistem gde radimo po modulu 33:

- Alisini parametri: privatni ključ 7, javni ključ 3

- Bobanovi parametri: privatni ključ 9, javni ključ 9

Boban želi da pošalje poruku  $m=2$  Alisi, on šalje:  $\underline{2^3 = 8}$

Alisa je potpisala neku poruku  $m$  i dobila  $S(m) = 4$ , i poslala Bobanu  $m=25$ ,  $S(m)=4$

Kako Boban proverava potpis:

Boban racuna  $S(m)$  na Alisin javni kljuc i proverava da li je to jednako sa  $m$   
Odnosno  $4^3 \equiv 25 \pmod{33}$ . Kako  $64 \not\equiv 25 \pmod{33}$  on odbija potpis.

Da li prihvata potpis(zaokruziti): DA  NE

(prihvatao sam i  $m^9 \equiv S(m)^3$ )

6. Za komunikaciju izmedju dva cvora se koristi AES(128b->128b) u modu CTR(counter mode).

- Poruka koju jedna osoba želi da šifruje je duga 250b, napisatii (u notaciji  $AES_k(b_i)$   $k$  je ključ,  $b_i$  je  $i$ -ti blok poruke) kako se poruka šifruje, ako je nonce  $N$  i kljuc  $k$  i koje je duzine šifrat u ovom konkretnum slučaju.

Poruka se sifruje tako sto se podeli na dva bloka,  $b_1$ -128b i  $b_2$ -122b, zatim se izracuna  $a_1 = AES_k(N || 1)$  i  $a_2 = AES_k(N || 2)$ , zatim se  $a_2$  skrati na 122b. Sifrat je  $a_1 \text{ xor } b_1 || a_2 \text{ xor } b_2$ . Duzina sifrata je 250b.

- Poruka "GET /domaci/01\_zadatak HTTP/1.1" je šifrovana AES-om u modu CTR i dobijena je poruka "lfkajdfkajdfaldajfaldskfjalfdjk" bez poznavanja ključa je moguće promeniti sifrat tako da prilikom dešifrovanja dobijemo poruku "GET /domaci/02\_zadatak HTTP/1.1", označiti koji karakteri se menjaju u šifratu i napisati na koji način treba promeniti označene karaktere:

lfkajdfkajdfaldajfaldskfjalfdjk  
^

Kako svaki bit sifrata odgovara istom bitu u otvorenom tekstu potrebno je promeniti bajt koji odgovara karakteru 1 otvorenog teksta odnosno karakter a sifrata.

Promena koju je potrebno uraditi je:  $\text{novi\_karakter} = 'a' \text{ xor } '1' \text{ xor } '2'$