

--	--	--

Аналитичка Геометрија - Тест 15. мај 2023

Обавезно прочитати!

Најпре упишите, име и презиме, ток и број индекса. Тест се састоји од 10 задатака, где сваки носи по 3 поена. У задацима 1–7, решења су реални бројеви које уписујете у кућице, док у задацима 8–10 заокружујете тачан одговор. Време предвиђено за рад је 90 минута! Срећан рад!

1	Ако су A, B, C, O различите тачке за које важи $4\vec{AC} = \vec{CB}$, онда је $\vec{OC} = \boxed{\frac{4}{5}}\vec{OA} + \boxed{\frac{1}{5}}\vec{OB}$
2	Нека је T тежиште тетраедра $ABCD$, а S средиште дужи AB . Тада је $\vec{ST} = \boxed{-\frac{1}{4}}\vec{AB} + \boxed{\frac{1}{4}}\vec{AC} + \boxed{\frac{1}{4}}\vec{AD}$
3	Нека су \vec{u} и \vec{v} вектори такви да је $\ \vec{u}\ = \ \vec{v}\ = 1$ и $\angle(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{\pi}{4}$. Ако је \vec{x} ортогоналан на $\vec{u} \times \vec{v}$ и такав да је $\vec{x} \cdot \vec{u} = 5$ и $\vec{x} \cdot \vec{v} = 3\sqrt{2}$, тада је $\vec{x} = \boxed{4}\vec{u} + \boxed{\sqrt{2}}\vec{v}$
4	Ако су $A(6, 2, 2)$, $B(0, 0, 1)$, $C(0, 1, 0)$ и $D(1, 0, 0)$ темена тетраедра, онда је његова запремина једнака $\boxed{\frac{3}{2}}$
5	Подножје нормале из тачке $(1, 2, 1)$ на раван $x + 2y + 2z + 11 = 0$ је тачка $\left(\boxed{-1}, \boxed{-2}, \boxed{-3} \right)$

	<p>Коника која има жижу $(1, 1)$ спрегнуту директрисом $x + y + 5 = 0$ и садржи тачку $(2, 2)$ има ексцентрицитет једнак</p> $e = \frac{2}{9}$
	<p>Једна жижа конике $4x^2 - 5y^2 = 20$ има координате</p> $F \left(\begin{array}{ c }, \begin{array}{ c } \hline \pm 3 \\ \hline 0 \\ \hline \end{array} \right)$
	<p>Ако крива другог реда има инваријанте $T = 1$, $D = 0$ и $\Delta = -1$, онда је она</p> <p> <input type="radio"/> А) елипса <input checked="" type="radio"/> Б) парабола В) хипербола <input type="radio"/> Г) две праве које се секу <input type="radio"/> Д) две паралелне праве <input type="radio"/> Е) празан скуп </p>
	<p>Површ дата једначином $x^2 - 2y + 3z^2 - 4 = 0$ је</p> <p> <input type="radio"/> А) једноделни хиперболоид <input type="radio"/> Б) двodelни хиперболоид <input checked="" type="radio"/> В) елиптички параболоид <input type="radio"/> Г) хиперболички параболоид <input type="radio"/> Д) елиптички конус <input type="radio"/> Е) хиперболички цилиндар </p>
	<p>Површ дата једначином $x^2 - 2y^2 + 4z^2 + 4xz = 0$ је</p> <p> <input type="radio"/> А) тачка <input type="radio"/> Б) права В) раван <input checked="" type="radio"/> Г) две равни које се секу <input type="radio"/> Д) елиптички конус <input type="radio"/> Е) елипсоид </p>