

Типови задатака за други кратки тест*

1. Одредити формуле афиног пресликавања f равни које тачке $O(0,0)$, $A(0,1)$, $B(1,0)$ пресликава редом у тачке $O'(-1,1)$, $A'(2,3)$, $B'(1,-1)$. Одредити координате тежишта T троугла OAB и његове слике T' . Да ли је T' тежиште троугла $O'A'B'$?

Решење:

$$\begin{aligned} x' &= \boxed{} x + \boxed{} y + \boxed{} & T &= \left(\boxed{}, \boxed{} \right) \\ y' &= \boxed{} x + \boxed{} y + \boxed{} & T' &= \left(\boxed{}, \boxed{} \right) \end{aligned}$$

Одговор: ДА НЕ

2. Одредити формуле афиног пресликавања f равни које тачке $P(1,2)$, $Q(-2,2)$, $R(0,0)$ пресликава редом у тачке $P'(-1,0)$, $Q'(1,-2)$, $R'(0,3)$. Да ли пресликавање чува оријентацију?

Решење:

$$\begin{aligned} x' &= \boxed{} x + \boxed{} y + \boxed{} \\ y' &= \boxed{} x + \boxed{} y + \boxed{} \end{aligned}$$

Одговор: ДА НЕ

3. Шта може бити слика ромба при афином пресликавању f ?

Заокружити тачне одговоре:

ПРАВОУГАОНИК ДЕЛТОИД ДУЖ КВАДРАТ ТРОУГАО ТРАПЕЗ

4. Нека су S и Q произвољне тачке ($S \neq Q$). Проверити тачност идентитета:

- а) $\mathcal{T}_{\overline{SQ}} \circ \mathcal{R}_{Q,\phi} = \mathcal{R}_{Q,\phi} \circ \mathcal{T}_{\overline{SQ}}$ ДА НЕ
 б) $\mathcal{R}_{S,\phi} = \mathcal{T}_{\overline{SQ}} \circ \mathcal{R}_{Q,\phi}$ ДА НЕ
 в) $\mathcal{R}_{Q,\phi} \circ \mathcal{R}_{Q,\theta} = \mathcal{R}_{Q,\phi+\theta}$ ДА НЕ
 г) $\mathcal{T}_{\overline{QS}} \circ \mathcal{R}_{Q,\phi} \circ \mathcal{T}_{\overline{SQ}} = \mathcal{R}_{S,\phi}$ ДА НЕ

5. Одредити 3×3 матрицу ротације око тачке $S(-2,2)$ за угао $\frac{5\pi}{3}$. У коју тачку се пресликава тачка $M(0,2)$?

Одговор:

$$\left(\begin{array}{ccc} \boxed{} & \boxed{} & \boxed{} \\ \boxed{} & \boxed{} & \boxed{} \\ \boxed{} & \boxed{} & \boxed{} \end{array} \right), \quad M' = \left(\boxed{}, \boxed{} \right)$$

*На тесту ће бити највише 3 задатка који се раде 10 минута

6. Дате су тачке $A(4, 3)$ и $S(1, -1)$. Нека је f композиција ротације око тачке S за угао $\frac{5\pi}{6}$ и транслације за вектор $\vec{v} = (2, -3)$.

а) Шта је слика круга описаног око квадрата чије је једно теме тачка A , а тачка S је пресек њених дијагонала при пресликавању f ? (заокружити тачан одговор)

КРУГ ЕЛИПСА ПАРАБОЛА ДУЖ ХИПЕРБОЛА ТАЧКА

б) Површина слике круга при том пресликавању је: $P = \square$.

в) Да ли је пресликавање f изометрија? ДА НЕ

7. Нека су p и q праве које се секу у координатном почетку и нека је r права која садржи координатни почетак и нормална је на праву p . Проверити тачност идентитета:

а) $\mathcal{S}_p \circ \mathcal{S}_q = \mathcal{R}_{2\angle(p,q)}$ ДА НЕ

б) $\mathcal{S}_p \circ \mathcal{S}_r = \mathcal{S}_r \circ \mathcal{S}_p$ ДА НЕ

в) $\mathcal{S}_p^3 = id$ ДА НЕ

г) $\mathcal{S}_p \circ \mathcal{S}_q = \mathcal{S}_r^{-1} \circ \mathcal{S}_q$ ДА НЕ

8. Написати матрицу рефлексије у односу на праву $p_0 : x - y = 0$.

Решење:

$$\left(\begin{array}{|c|c|} \hline \square & \square \\ \hline \square & \square \\ \hline \end{array} \right)$$

9. Одредити слике тачке $M(1, 3)$ при рефлексији у односу на праву:

а) $p : x = -2$: $M' = \left(\begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array}, \begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array} \right)$;

б) $q : y = 4$: $M' = \left(\begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array}, \begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array} \right)$;

в) $r : 2x - y + 1 = 0$: $M' = \left(\begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array}, \begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array} \right)$.

10. Проверити тачност идентитета:

а) $\mathcal{H}_{1,-1} \circ \mathcal{H}_{-1,-1} = \mathcal{R}_\pi$ ДА НЕ

б) $\mathcal{H}_{\lambda_1, \lambda_2} \circ \mathcal{R}_{\frac{\pi}{4}} = \mathcal{R}_{\frac{\pi}{4}} \circ \mathcal{H}_{\lambda_1, \lambda_2}$, $\lambda_1 < \lambda_2$ ДА НЕ

в) $\mathcal{H}_{\lambda_1}^{-1} = \mathcal{H}_{\frac{1}{\lambda_1}}$ ДА НЕ

г) $\mathcal{H}_{\lambda_1, \lambda_2}^2 = id$, $0 < \lambda_1 < \lambda_2 < 1$ ДА НЕ

11. Одредити формуле хомотетије са центром у тачки $S(2, 1)$ и коефицијентом $\lambda = -2$. У коју тачку се слика координатни почетак?

Решење:

$$\begin{aligned} x' &= \square x + \square y + \square \\ y' &= \square x + \square y + \square \end{aligned} \quad O' = \left(\begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array}, \begin{array}{|c|} \hline \square \\ \hline \end{array} \right)$$

12. Које од следећих пресликавања равни чува углове? Заокружити тачне одговоре:

СМИЦАЊЕ ХОМОТЕТИЈА ТРАНСЛАЦИЈА СКАЛИРАЊЕ РОТАЦИЈА

13. Које од следећих пресликавања су кретања простора?

а) Хомотетија $\mathcal{H}_{\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3}$ ДА НЕ

б) Ротација око праве $\mathcal{R}_p(\phi)$ ДА НЕ

в) Транслација $\mathcal{T}_{\vec{v}}$ ДА НЕ

г) Ортогонална пројекција на xz -раван ДА НЕ

д) Рефлексија у односу на раван \mathcal{S}_α ДА НЕ

14. Написати матрицу ротације око z -осе за угао $\frac{11\pi}{6}$.

Решење:

$$\left(\begin{array}{ccc} \square & \square & \square \\ \square & \square & \square \\ \square & \square & \square \end{array} \right)$$

15. Одредити формуле рефлексије у односу на раван $x = -1$.

Решење:

$$\begin{aligned} x' &= \square x + \square y + \square z + \square \\ y' &= \square x + \square y + \square z + \square \\ z' &= \square x + \square y + \square z + \square \end{aligned}$$