

Digitalni zapis podataka

Stefan Mišković

2 Zapis celih brojeva

2.1 Neoznačeni i označeni brojevi

Ukoliko se za zapis broja ne uzima u obzir njegov znak, broj nazivamo neoznačenim. Nasuprot tome, ukoliko se za zapis znak uzima u obzir, broj je označen. Na primer, dekadni brojevi 425 i 12345 su neoznačeni, a brojevi +425, -12345 i 2267 su označeni. Iako je pozitivan znak izostavljen, u kontekstu označenih brojeva, broj 2267 se smatra pozitivnim brojem, a znak + se podrazumeva.

Neoznačeni celi brojevi u proizvoljnoj osnovi se u računaru zapisuju kao pri njihovom standardnom zapisu. Neka je $(x)_n = x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1x_0$ proizvoljan broj u osnovi n , zapisan u računaru kao neoznačen ceo broj sa k cifara. Kako za svaku cifru imamo n mogućnosti za zapis (svaka cifra može uzeti neku od vrednosti $0, 1, \dots, n-1$), ukupan broj različitih brojeva koji može da se zapiše na ovaj način je n^k . Specijalno, ako je $n = 2$, taj broj iznosi 2^k , a interval u kome se brojevi mogu napisati na ovaj način je $[0, 2^k - 1]$. Ako je $(x)_2 = x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1x_0$ neoznačen binarni broj sa k cifara, njegova dekadna vrednost se može dobiti standardnim prevođenjem iz binarnog u dekadni sistem i iznosi

$$2^0x_0 + 2^1x_1 + \dots + 2^{k-1}x_{k-1} = \sum_{i=0}^{k-1} 2^i x_i.$$

Nasuprot neoznačenim brojevima, kod označenih brojeva, pored samog broja, treba voditi računa o znaku. Na jedan način treba zapisivati pozitivne, a na drugi negativne brojeve. U računaru bi znakovi + i - trebalo takođe da budu predstavljeni brojevima. Zbog toga se izdvaja mesto za dodatnu cifru. U zavisnosti od toga na koji način se celi brojevi zapisuju u računaru kao označeni brojevi, razlikujemo sledeća četiri zapisa:

- znak i apsolutna vrednost,
- neptpuni komplement,
- potpuni komplement.

Za svaki od ovih zapisa će biti posebno reči u nastavku. Svi razmatrani brojevi će biti celi brojevi čija je osnova ceo broj n takav da je $n \geq 2$. Biće razmotrene i osnovne operacije u tim zapisima, među kojima su:

- konverzija između zapisa različitih dužina,
- promena znaka,
- sabiranje i oduzimanje (za nepotpuni i potpuni komplement).

Pri računskim operacijama, razmatraćemo samo binarne brojeve, a opisani postupci se mogu uopštiti i na proizvoljnu osnovu n .

2.2 Znak i apsolutna vrednost

Neka je dat proizvoljan pozitivan broj $(x)_n = x_{k-2} \dots x_1 x_0$ u osnovi n sa $(k-1)$ -om cifrom. On se sa k cifara u zapisu znak i apsolutna vrednost piše kao $0x_{k-2} \dots x_1 x_0$. Drugim rečima, pozitivni brojevi se u ovom zapisu pišu tako što im se na mesto najveće težine doda cifra 0 za znak, a apsolutna vrednost broja se dopiše u nastavku. Neka je sa $n' = n - 1$ označena najveća cifra sistema sa osnovom n . Negativan broj $(x)_n = -x_{k-2} \dots x_1 x_0$ se u zapisu znak i apsolutna vrednost piše kao $n'x_{k-2} \dots x_1 x_0$. Drugim rečima, cifra najveće težine koja označava negativan znak broja je najveća cifra sistema, a nakon nje se dopisuje apsolutna vrednost broja. Tako se, na primer, dekadni broj 345 zapisuje kao 0345, a dekadni broj -345 kao 9345. Heksadekadni broj 6577A bi se zapisivao kao 06577A, a njegova negativna varijanta $-6577A$ ima zapis F6577A, budući da je F najveća cifra heksadekadnog sistema. Uopšte uzev, ceo broj $(x)_n = \pm x_{k-2} \dots x_1 x_0$ se u zapisu znak i apsolutna vrednost zapisuje u obliku $x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1 x_0$, gde je $x_{k-1} = 0$ ako je broj pozitivan, a $x_{k-1} = n'$, ako je broj negativan.

Ako ceo broj ima $k-1$ cifru, najmanji broj cifara na koji može biti zapisan u ovom zapisu iznosi k , budući da je potrebna jedna cifra za zapis znaka. Isti broj može biti zapisan i na više mesta od k , samo je potrebno odgovarajuća cifarska mesta između cifre za znak i apsolutne vrednosti broja dopuniti nulama. Tako bi se taj broj pisao u obliku $x_{k-1}0 \dots 0x_{k-2} \dots x_1 x_0$, gde je između cifre za znak x_{k-1} i apsolutne vrednosti broja $x_{k-2} \dots x_1 x_0$ dopisan odgovarajući broj nula. Na primer, dekadni broj 345 se može zapisati na 6 mesta u obliku 000345, a dekadni broj -345 na 6 mesta kao 900345.

Jedna od osnovnih mana ovog zapisa je dvoznačan zapis nule, što otežava izvođenje računskih operacija. Na primer, u dekadnom sistemu na tri mesta nula se može zapisati kao 000 ili 900, a u binarnom sistemu na četiri mesta, nula se može zapisati kao 0000 ili 1000. Dodatno, ostale računске operacije su nešto komplikovanije, jer posebno treba razmatrati cifru za znak.

Pretpostavimo u nastavku da je $n = 2$, odnosno da je reč o binarnim brojevima. Tada je cifra za znak $x_{k-1} = 0$ za pozitivne, a $x_{k-1} = 1$ za negativne brojeve. Ako je sa $x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1 x_0$ zapisan pozitivan broj u znaku i apsolutnoj vrednosti, njegova vrednost je $\sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i$, a ako je zapisan negativan, vrednost je $-\sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i$. U opštem slučaju, dekadna vrednost se može dobiti na osnovu zapisa broja prema formuli

$$(-1)^{x_{k-1}} \sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i.$$

U binarnom sistemu, interval brojeva koji se mogu zapisati u znaku i apsolutnoj vrednosti na k mesta iznosi $[-2^{k-1} + 1, 2^{k-1} - 1]$. Promena znaka je jednostavna, budući da pritom apsolutna vrednost ostaje ista, potrebno je samo promeniti cifru za znak. Ako se vrši prelazak iz pozitivnog u negativan broj, potrebno je cifru 0 promeniti u 1, i obratno. Ako je ceo broj sa k cifara potrebno zapisati kao ceo broj sa l cifara u znaku i apsolutnoj vrednosti, potrebno je dopuniti ili, ukoliko je to moguće, izbaciti odgovarajući broj nula. Ako je $k < l$, broj se jednostavno može proširiti sa $l - k$ nula između cifre za znak i ostalih cifara. Ako je $k > l$, potrebno je oduzeti $k - l$ nula između cifre za znak i ostalih cifara, ukoliko je to moguće.

U sledećoj tabeli su dati primeri zapisa nekih celih brojeva u znaku i apsolutnoj vrednosti u raznim osnovama:

Ceo broj	Zapis sa 3 cifre	Zapis sa 4 cifre	Zapis sa 6 cifara
$(345)_{10}$	Ne može da se zapiše	$(0345)_{10}^4$	$(000345)_{10}^6$
$(-110)_2$	Ne može da se zapiše	$(1110)_2^4$	$(100110)_2^6$
$(-E3)_{16}$	$(FE3)_{16}^3$	$(F0E3)_{16}^4$	$(F000E3)_{16}^6$

2.3 Nepotpuni komplement

Neka je dat proizvoljan pozitivan broj $(x)_n = x_{k-2} \dots x_1 x_0$ u osnovi n sa $(k-1)$ -om cifrom. On se sa k cifara u nepotpunom komplementu piše kao $0x_{k-2} \dots x_1 x_0$, odnosno na isti način kao i u znaku i apsolutnoj vrednosti. Neka je sa $n' = n - 1$ označena najveća cifra sistema sa osnovom n i neka je $x'_i = n' - x_i$. Negativan broj $(x)_n = -x_{k-2} \dots x_1 x_0$ se u nepotpunom komplementu piše kao $n'x'_{k-2} \dots x'_1 x'_0$. Drugim rečima, cifra najveće težine koja označava negativan znak broja je najveća cifra sistema, a sve ostale cifre se dobijaju tako što se oduzmu od najveće cifre sistema (ovaj postupak se naziva komplementiranje). Tako se negativan broj može najpre napisati kao odgovarajući pozitivan, a u drugoj fazi se svaka cifra komplementira oduzimanjem od n' . Na primer, dekadni broj 345 se zapisuje kao 0345, a dekadni broj -345 kao 9654. Heksadekadni broj 6577A bi se zapisivao kao 06577A, a njegova negativna varijanta $-6577A$ ima zapis F9A885.

Nepotpuni komplement pripada grupi zapisa koji koriste tzv. komplementacionu konstantu. Ideja komplementacione konstante je da se pozitivni brojevi zapisuju kao u znaku i apsolutnoj vrednosti, a negativni oduzimanjem od nje. U slučaju nepotpunog komplementa, za osnovu n i zapis od k cifara, komplementaciona konstanta iznosi $n^k - 1$. Na primer, za dekadne brojeve na 4 mesta vrednost joj je 9999, a za binarne brojeve na 6 mesta vrednost joj je 111111. Oduzimanje od komplementacione konstante se poklapa sa opisanim algoritmom za zapis negativnih brojeva u nepotpunom komplementu.

Ako ceo broj ima $k-1$ cifru, najmanji broj cifara na koji može biti zapisan u ovom zapisu iznosi k , budući da je potrebna jedna cifra za zapis znaka. Isti broj može biti zapisan i na više mesta od k , samo je potrebno odgovarajuća mesta sleva dopuniti ciframa koje su jednake cifri za znak. Tako bi se taj broj pisao u obliku $x_{k-1} \dots x_{k-1} x_{k-2} \dots x_1 x_0$, gde je levo od cifre za znak x_{k-1} dopisan odgovarajući broj istih cifara. Na primer, dekadni broj 345 se može napisati na 6 mesta u obliku 000345, a dekadni broj -345 na 6 mesta kao 999654.

Jedna od osnovnih mana ovog zapisa je dvoznačan zapis nule, što otežava izvođenje računskih operacija. Na primer, u dekadnom sistemu na tri mesta nula se može zapisati kao 000 ili 999, a u binarnom sistemu na četiri mesta, nula se može zapisati kao 0000 ili 1111. Ostale računске operacije se izvode nešto lakše nego u zapisu znak i apsolutna vrednost.

Pretpostavimo u nastavku da je $n = 2$, odnosno da je reč o binarnim brojevima. U binarnom sistemu, interval brojeva koji se mogu zapisati u nepotpunom komplementu na k mesta iznosi $[-2^{k-1} + 1, 2^{k-1} - 1]$.

Kod promene znaka, potrebno je izvršiti komplementiranje svake cifre, odnosno svaku cifru oduzeti od najveće cifre sistema, bez obzira da li se radi o prelasku iz pozitivnog u negativan broj ili obratno. Na primer, zapis negativnog broja $(9654)_{10}^4$ menjanjem znaka postaje $(0345)_{10}^4$, i obratno.

Ako je ceo broj sa k cifara potrebno zapisati kao ceo broj sa l cifara u nepotpunom komplementu, potrebno je dopuniti ili, ukoliko je to moguće, izbaciti odgovarajući broj istih cifara za znak sleva. Ako je $k < l$, broj se jednostavno može proširiti sa $l - k$ cifara sleva čija je vrednost jednaka ciframa za znak broja. Ako je $k > l$, potrebno je oduzeti

$k - l$ cifara za znak sleva, ukoliko je to moguće.

U sledećoj tabeli su dati primeri zapisa nekih celih brojeva u nepotpunom komplementu u raznim osnovama:

Ceo broj	Zapis sa 3 cifre	Zapis sa 4 cifre	Zapis sa 6 cifara
$(345)_{10}$	Ne može da se zapiše	$(0345)_{10}^4$	$(000345)_{10}^6$
$(-110)_2$	Ne može da se zapiše	$(1001)_2^4$	$(111001)_2^6$
$(-E3)_{16}$	$(F1C)_{16}^3$	$(FF1C)_{16}^4$	$(FFFF1C)_{16}^6$

Sabiranje i oduzimanje. Kod sabiranja u binarnom sistemu u nepotpunom komplementu, cifre za znak se sabiraju ravnopravno kao i ostale cifre. Sabiranje se obavlja u dve faze. U prvoj fazi se vrši klasično sabiranje dva broja u binarnom sistemu, a u drugoj fazi se eventualni prenos na poziciji najveće težine dodaje na rezultat. Preciznije, pri sabiranju brojeva $x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1x_0$ i $y_{k-1}y_{k-2} \dots y_1y_0$, u prvoj fazi se dobija

$$\begin{array}{r} x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1x_0 \\ + y_{k-1}y_{k-2} \dots y_1y_0 \\ \hline z'_k z'_{k-1} z'_{k-2} \dots z'_1 z'_0 \end{array}$$

U drugoj fazi se poslednji prenos z'_k (koji može biti 0 ili 1) dodaje na vrednost $z'_{k-1}z'_{k-2} \dots z'_1z'_0$, gde se dobija rezultat $z_{k-1}z_{k-2} \dots z_1z_0$. Celokupan postupak sabiranja izgleda ovako:

$$\begin{array}{r} x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1x_0 \\ + y_{k-1}y_{k-2} \dots y_1y_0 \\ \hline z'_{k-1}z'_{k-2} \dots z'_1z'_0 \\ + \phantom{z'_{k-1}z'_{k-2} \dots z'_1z'_0} z'_k \\ \hline z_{k-1}z_{k-2} \dots z_1z_0 \end{array}$$

Na primer, pri sabiranju brojeva 00110 i 00111 u nepotpunom komplementu se u prvoj fazi dobija

$$\begin{array}{r} 00110 \\ + 00111 \\ \hline 01101 \end{array}$$

Kako je poslednji prenos 0, to je ujedno i rezultat i drugu fazu nije potrebno izvršavati. Pri sabiranju brojeva 11001 i 01110 se dobija

$$\begin{array}{r} 11001 \\ + 01110 \\ \hline 1|00111 \end{array}$$

Prenos 1 je odvojen uspravnom crtom od ostatka. Kako je prenos 1, potrebno je izvršiti drugu fazu, radi dobijanja konačnog rezultata:

$$\begin{array}{r} 00111 \\ + 1 \\ \hline 01000 \end{array}$$

Oduzimanje se svodi na sabiranje, pri čemu se vrši promena znaka umanjioocu na način kako se to i radi u nepotpunom komplementu. Ako su x i y dva broja zapisana u nepotpunom komplementu, važi da je $x - y = x + y'$, gde je y' broj koji se dobija promenom znaka broja y .

Pri sabiranju dva broja istog znaka može doći do pojave prekoračenja. Prekoračenje u nepotpunom komplementu se javlja kada se pri sabiranju dva broja istog znaka ne dobija rezultat tog znaka. Preciznije, prekoračenje se javlja ako zbir pozitivnih brojeva nije pozitivan ili ako zbir negativnih brojeva pri sabiranju nije negativan. Ovo znači da rezultat može biti drugog znaka ili da se dobija nekorektan zapis, što znači da prva cifra rezultata nije ni najmanja ni najveća cifra sistema (u binarnom sistemu će rezultat svakako uvek biti pozitivan ili negativan). Prekoračenje se jedino može javiti kod sabiranja dva broja istog znaka, a nikad se ne javlja ako su sabirci različitog znaka.

Prekoračenje ne treba mešati sa prenosom na mestu cifre najveće težine. Nekada može doći do prekoračenja, a da nema prenosa, i obratno. Najpre treba izvršiti obe faze sabiranja, a onda razmotriti znak rezultata i time ustanoviti da li je ili nije došlo do prekoračenja.

Na primer, pri sabiranju brojeva 0100 i 0111 se dobija

$$\begin{array}{r} 0100 \\ + 0111 \\ \hline 1011 \end{array}$$

Kako nema prenosa na cifri najveće težine, rezultat je 1011. Međutim, sabiranjem dva pozitivna broja se nije dobio pozitivan zbir, pa je došlo do prekoračenja. Nasuprot tome, kod sabiranja brojeva 10110 i 10111 u se u prvoj fazi dobija

$$\begin{array}{r} 10110 \\ + 11111 \\ \hline 1|10101 \end{array}$$

U drugoj fazi, pri sabiranju se jedinicom sledi

$$\begin{array}{r} 10101 \\ + \quad 1 \\ \hline 10110 \end{array}$$

Sabiranjem dva negativna broja se dobio negativan rezultat, pa ovde ne dolazi do prekoračenja.

2.4 Potpuni komplement

Neka je dat proizvoljan pozitivan broj $(x)_n = x_{k-2} \dots x_1 x_0$ u osnovi n sa $(k - 1)$ -om cifrom. On se sa k cifara u potpunom komplementu piše kao $0x_{k-2} \dots x_1 x_0$, odnosno na isti način kao i u znaku i apsolutnoj vrednosti i nepotpunom komplementu. Neka je sa $n' = n - 1$ označena najveća cifra sistema sa osnovom n i neka je $x'_i = n' - x_i$. Negativan broj $(x)_n = -x_{k-2} \dots x_1 x_0$ se u potpunom komplementu piše kao $n'x'_{k-2} \dots x'_1 x'_0 + 1$.

Drugim rečima, cifra najveće težine koja označava negativan znak broja je najveća cifra sistema, a sve ostale cifre se dobijaju tako što se oduzmu od najveće cifre sistema (ovaj postupak se naziva komplementiranje), a zatim se na dobijeni broj doda vrednost 1. Tako se negativan broj može najpre napisati kao odgovarajući pozitivan, zatim se u drugoj fazi svaka cifra komplementira oduzimanjem od n' , a u trećoj fazi se vrši dodavanje cifre 1 na dobijeni broj. Na primer, u potpunom komplementu se dekadni broj 345 zapisuje kao 0345, a dekadni broj -345 kao 9655. Heksadekadni broj 6577A bi se zapisivao kao 06577A, a njegova negativna varijanta $-6577A$ ima zapis F9A886.

Potpuni komplement takođe pripada grupi zapisa koji koriste komplementacionu konstantu za zapis brojeva. Ideja komplementacione konstante i ovde je da se pozitivni brojevi zapisuju kao u znaku i apsolutnoj vrednosti, a negativni oduzimanjem od nje. U slučaju potpunog komplementa, za osnovu n i zapis od k cifara, komplementaciona konstanta iznosi n^k . Na primer, za dekadne brojeve na 4 mesta vrednost joj je 10000, a za binarne brojeve na 6 mesta vrednost joj je 1000000. Oduzimanje od takve komplementacione konstante se poklapa sa opisanim algoritmom za zapis negativnih brojeva u potpunom komplementu.

Ako ceo broj ima $k - 1$ cifru, najmanji broj cifara na koji može biti zapisan u ovom zapisu iznosi k , budući da je potrebna jedna cifra za zapis znaka. Isti broj može biti zapisan i na više mesta od k , samo je potrebno odgovarajuća mesta sleva dopuniti ciframa koje su jednake cifri za znak. Tako bi se taj broj pisao u obliku $x_{k-1} \dots x_{k-1} x_{k-2} \dots x_1 x_0$, gde je levo od cifre znak x_{k-1} dopisan odgovarajući broj istih cifara. Na primer, dekadni broj 345 se može napisati na 6 mesta u obliku 000345, a dekadni broj -345 na 6 mesta kao 999655.

Za razliku od znaka i apsolutne vrednosti i nepotpunog komplementa, ovde se nula piše na jedinstven način. Na primer, u dekadnom sistemu na tri mesta nula se piše kao 000, a u binarnom sistemu na četiri mesta nula se piše kao 0000. Ovaj zapis označava i pozitivnu i negativnu nulu. Time su i računске operacije jednostavnije nego u prethodnim zapisima.

Pretpostavimo u nastavku da je $n = 2$, odnosno da je reč o binarnim brojevima. Tada je cifra za znak $x_{k-1} = 0$ za pozitivne, a $x_{k-1} = 1$ za negativne brojeve. Ako je sa $x_{k-1} x_{k-2} \dots x_1 x_0$ zapisan pozitivan broj u potpunom komplementu, njegova vrednost je $\sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i$, a ako je zapisan negativan, vrednost je $-2^{k-1} + \sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i$. U opštem slučaju, dekadna vrednost se može dobiti na osnovu zapisa broja prema formuli

$$-2^{k-1} x_{k-1} + \sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i.$$

U binarnom sistemu, interval brojeva koji se mogu zapisati u potpunom komplementu na k mesta iznosi $[-2^{k-1}, 2^{k-1} - 1]$. Ovo je za jedan broj više nego u prethodna dva zapisa, budući da se 0 može zapisati na jedinstven način.

Kod promene znaka, potrebno je u prvoj fazi izvršiti komplementiranje svake cifre, odnosno svaku cifru oduzeti od najveće cifre sistema. U drugoj fazi se vrši dodavanje jedinice na dobijeni rezultat. Na primer, zapis negativnog broja $(9655)_{10}^4$ menjanjem znaka postaje $(0345)_{10}^4$, i obratno.

Ako je ceo broj sa k cifara potrebno zapisati kao ceo broj sa l cifara u potpunom komplementu, potrebno je dopuniti ili, ukoliko je to moguće, izbaciti odgovarajući broj istih cifara za znak sleva. Ako je $k < l$, broj se jednostavno može proširiti sa $l - k$ cifara sleva čija je vrednost jednaka ciframa za znak broja. Ako je $k > l$, potrebno je oduzeti $k - l$ cifara za znak sleva, ukoliko je to moguće.

Dokažimo da se u potpunom komplementu konverzijom u zapis veće dužine ne menja vrednost broja, tj. da je takva konverzija validna. Ako je pozitivan broj sa k cifara potrebno zapisati na l cifara ($l > k$), potrebno je dodati $l - k$ nula, pa se pritom očigledno vrednost broja ne menja. Ako je broj negativan, tada je prvi zapis oblika $1x_{k-2} \dots x_1x_0$, a drugi $1 \dots 1x_{k-2} \dots x_1x_0$, pri čemu drugi zapis ima $l - k$ jedinica više. Kako su oba zapisa binarna i u potpunom komplementu, vrednost prvog broja je

$$\sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i - 2^{k-1},$$

a drugog

$$\sum_{i=0}^{k-2} 2^i x_i + 2^{k-1} + \dots + 2^{l-1} - 2^l.$$

Budući da su prve sume u oba zapisa identične, a pritom važi identitet

$$-2^{k-1} = 2^{k-1} + \dots + 2^{l-1} - 2^l,$$

sledi da su vrednosti oba zapisa jednake.

U sledećoj tabeli su dati primeri zapisa nekih celih brojeva u potpunom komplementu u raznim osnovama:

Ceo broj	Zapis sa 3 cifre	Zapis sa 4 cifre	Zapis sa 6 cifara
$(345)_{10}$	Ne može da se zapiše	$(0345)_{10}^4$	$(000345)_{10}^6$
$(-110)_2$	Ne može da se zapiše	$(1010)_2^4$	$(111010)_2^6$
$(-E3)_{16}$	$(F1D)_{16}^3$	$(FF1D)_{16}^4$	$(FFFF1D)_{16}^6$

Sabiranje i oduzimanje. Sabiranje u binarnom sistemu u potpunom komplementu se obavlja nešto jednostavnije nego u nepotpunom komplementu. Zbog toga su zapisi označenih brojeva, kao i odgovarajuće operacije, na današnjim računarima uglavnom implementirane u potpunom komplementu.

Sabiranje u potpunom komplementu se vrši kao klasično sabiranje dva broja u binarnom sistemu, a eventualni prenos se ignoriše. Preciznije, pri sabiranju $x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1x_0$ i $y_{k-1}y_{k-2} \dots y_1y_0$, se dobija

$$\begin{array}{r} x_{k-1}x_{k-2} \dots x_1x_0 \\ + y_{k-1}y_{k-2} \dots y_1y_0 \\ \hline z_k z_{k-1} z_{k-2} \dots z_1 z_0 \end{array}$$

Rezultat je uvek $z_{k-1}z_{k-2} \dots z_1z_0$, bez obzira na vrednost poslednjeg prenosa z_k (on se briše). Na primer, pri sabiranju brojeva 00110 i 00111 u potpunom komplementu se dobija

$$\begin{array}{r} 00110 \\ + 00111 \\ \hline 01101 \end{array}$$

Pri sabiranju brojeva 11001 i 01110 se dobija

$$\begin{array}{r}
11001 \\
+ 01110 \\
\hline
00111
\end{array}$$

Prenos 1 na poziciji najveće težine se ignoriše.

Oduzimanje se svodi na sabiranje, pri čemu se vrši promena znaka umanjioocu na način kako se to i radi u potpunom komplementu. Ako su x i y dva broja zapisana u potpunom komplementu, važi da je $x - y = x + y'$, gde je y' broj koji se dobija promenom znaka broja y .

Pri sabiranju dva broja istog znaka može doći do pojave prekoračenja. Prekoračenje u potpunom komplementu se javlja kada se pri sabiranju dva broja istog znaka ne dobija rezultat tog znaka. Preciznije, prekoračenje se javlja ako zbir pozitivnih brojeva nije pozitivan ili ako zbir negativnih brojeva pri sabiranju nije negativan. Ovo znači da rezultat može biti drugog znaka ili da se dobija nekorektan zapis, što znači da prva cifra rezultata nije ni najmanja ni najveća cifra sistema (u binarnom sistemu će uvek rezultat svakako uvek biti pozitivan ili negativan). Prekoračenje se jedino može javiti kod sabiranja dva broja istog znaka, a nikad se ne javlja ako su sabirci različitog znaka.

Prekoračenje ne treba mešati sa prenosom na mestu cifre najveće težine. Nekada može doći do prekoračenja, a da nema prenosa, i obratno. Najpre treba izvršiti sabiranje, a onda razmotriti znak rezultata i time ustanoviti da li je ili nije došlo do prekoračenja.

Na primer, pri sabiranju brojeva 0100 i 0111 se dobija

$$\begin{array}{r}
0100 \\
+ 0111 \\
\hline
1011
\end{array}$$

Sabiranjem dva pozitivna broja se nije dobio pozitivan zbir, pa je došlo do prekoračenja. Kod sabiranja brojeva 10110 i 10111 se dobija

$$\begin{array}{r}
10110 \\
+ 11111 \\
\hline
10101
\end{array}$$

Poslednji prenos 1 se ignoriše. Sabiranjem dva negativna broja se dobio negativan rezultat, pa ovde ne dolazi do prekoračenja.