

- 1.** Odrediti izgled AVL stabla dobijenog izvršavanjem narednog niza operacija nad praznim stablom:  
(umetni,5),(umetni,1),(umetni,8),(umetni,9), (umetni,15),(umetni,7),(umetni,6),(obrisi,1),(umetni,5.5),(obrisi,7),  
(umetni,5.2).
- 2.** Konstruisati (u pseudo-kodu ili C/C++) algoritam vremenske složenosti  $O(n)$  koji učitava sa standardnog ulaza niz realnih brojeva  $a$ , dimenzije  $n$  i pronalazi i ispisuje na standardni izlaz član niza čiji broj pojava u nizu je veći od  $n/4$ .  
Na primer u nizu: 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 3 4 2  
rešenje je 2
- 3.** Konstruisati algoritam za određivanje maksimalnog od datih  $n$  brojeva (ne nuzno razlicitih) na modelu CRCW, tako da vreme izvršavanja algoritma bude  $O(1)$  i da koristi najvise  $n^2$  procesora .
- 4.** Da li su sledeća tvrđenja tačna? Obrazložiti netačna tvrđenja primerom ili tačnim tvrđenjem.  
a) U Graham algoritmu za konstrukciju konveksnog omotača, tačke se smeštaju u red po FIFO principu.  
b) Model CREW ne dozvoljava da dva procesora istovremeno pristupaju istoj memorijskoj lokaciji (u smislu čitanja i pisanja).  
c) U neusmerenom grafu sa  $2n$  čvorova nije moguće naći optimalno uparivanje ako je stepen svakog čvora ne manji od  $n$ .  
d) Svako optimalno uparivanje je i maksimalno uparivanje.  
e) Balansiranje skip liste je moguće uraditi posredstvom generatora slučajnih brojeva.
- 5.** Zadan je težinski bipartitni graf sa  $k$  čvorova i  $l$  grana. Kritična težina uparivanja u grafu  $G$  je težina najteže grane u uparivanju. Konstruisati algoritam složenosti  $O(\sqrt{k}(k+l)\log l)$  za nalaženje optimalnog uparivanja sa minimalnom kritičnom težinom.