

Brojac.pl

/* Broj atom u listi jednakih datom atomu */

```
brojac(_, [],0).  
brojac(A,[B|R],N):-atom(B), A=B,!, brojac(A,R,N1), N is N1+1.  
brojac(A,[B|R],N):-brojac(A,R,N).
```

Prolog zadaci za vežbu

1.1 Liste

1.2 Vežbanje pred pismeni

1.3 Razno

1.4. Operatori – unifikabilno jednaki vs identicno jednaki

1.1 Liste

1. Napisati predikat koji proverava da li je dati element član date liste.

```
sadrzi(G, [G|R]):-!.  
sadrzi(X, [G|R]) :- sadrzi(X,R).
```

2. Napisati predikat kojim se određuje broj elemenata u listi L.

```
brojel([],0).  
brojel([G|R],B):-brojel(R,B1),B is B1+1.
```

3. Napisati predikat kojim se određuje suma elemenata u listi brojeva L i predikat kojim se određuje aritmetička sredina elemenata liste brojeva..

```
sumael([],0).  
sumael([G|R],S):-sumael(R,S1),S is S1+G.
```

/* Definisi predikat kojim se određuje aritmetička sredina elemenata liste brojeva. */
arsr(L,A):-brojel(L,K),sumael(L,S),A is S/K.

4. Napisati predikat koji za dati prirodan broj N učitava elemente liste dužine N.

```
unesi(0, []):-!.  
unesi(N, [G|R]):-  
    write('unesi element '),  
    read(G), nl,  
    M is N-1,  
    unesi(M,R).
```

IZLAZ

2 ?- unesi(5,X).

unesi element 100.

unesi element 200.

unesi element 65.

unesi element 34.

unesi element -21.

$X = [100, 200, 65, 34, -21]$.

5. Napisati predikat kojim se odredjuje broj parnih elemenata u listi celih brojeva.

brojparnih([],0).

brojparnih([G|R],K):-G mod 2 =:= 0, brojparnih(R,K1), K is K1+1.

brojparnih([G|R],K):-G mod 2 =\= 0, brojparnih(R,K).

6. Napisati predikat kojim se odredjuje suma pozitivnih elemenata u listi celih brojeva.

sumapoz([],0).

sumapoz([G|R],S):-G>0,sumapoz(R,S1), S is S1+G.

sumapoz([G|R],S):-G=<=0,sumapoz(R,S).

7. Napisati predikat kojim se odredjuje N-ti clan liste.

nticlan([G|R],1,G).

nticlan([G|R],K,N):-K>1,K1 is K-1,nticlan(R,K1,N).

8. Napisati predikat kojim se od date liste brojeva formira nova koja sadrzi samo pozitivne brojeve.

samopoz([],[]).

samopoz([G|R],[G|R1]):-G>0,samopoz(R,R1).

samopoz([G|R],NL):-G=<=0,samopoz(R,NL).

9. Napisati predikat koji briše prvo pojavljivanje datog elementa iz date liste i predikat koji briše sva pojavljivanja datog elementa iz date liste.

brisi1(X,[],[]):-!.

brisi1(G,[G|R],R):-!.

brisi1(X,[G|R],[G|R1]):-brisi1(X,R,R1).

brisi(X,[],[]):-!.

```
brisi(G, [G|R], R1) :- brisi(G, R, R1),!.
brisi(X, [G|R], [G|R1]) :- brisi(X, R, R1).
```

%verzija 2

```
%brisi samo prvo pojavljivanje

brisi1(X, [], []).
brisi1(X, [X|R], R):- !.
brisi1(X, [G|R], [G|R1]):- G \== X,
                           brisi1(X, R, R1).

%brisanje elemenata liste
%brisi(X, L, LR) - X brise iz L da dobijemo LR

brisi(X, [], []).
brisi(X, [X|R], R1):- brisi(X, R, R1).
brisi(X, [G|R], [G|R1]):- G \== X,
                           brisi(X, R, R1).
```

10. Napisati predikat koji obrće datu listu.

```
obrni(L, Obrnuta) :- obrni(L, [], Obrnuta).
```

```
obrni([G|R], A, Y) :- obrni(R, [G|A], Y).
obrni([], A, A).
```

```
%obrtnanje liste, verzija 2
%[1, 2, 3] [3, 2, 1]
obrni(L, LR):- obrni(L, [], LR).
obrni([], L, L).
obrni([G|R], L, LR):- obrni(R, [G|L], LR).
```

11. Napisati predikat kojim se briše K -ti element liste.

```
izbaci([],K,[]).
izbaci([G|R],1,R).
izbaci([G|R],K,[G|R1]):-K>1,K1 is K-1, izbaci(R,K1,R1).
```

12. Napisati predikat kojim se određuje broj pojavljivanja elementa X u listi L.

```
brp([],X,0).
brp ([G|R],X,K):-G==X, brp (R,X,K1),K is K1+1.
brp ([G|R],X,K):-G\=X, brp (R,X,K).
```

13. Napisati predikat kojim se od date liste formira nova tako sto se svaki negativan element duplira, tj. dva puta upisuje u novu listu.

```
doubleit([],[]).
```

```
doubleit([G|R],[G,G|R1]):- G<0,doubleit(R,R1).
doubleit([G|R],[G|R1]):- G>=0,doubleit(R,R1).
```

14. Napisati predikat kojim od date liste formira nova dobijena izbacivanjem K-tog elementa.

```
/* L=[1,4,2,9,-3] K=4 NL=[1,4,2,-3] */
izbaci([],K,[]).
izbaci([G|R],1,R).
izbaci([G|R],K,[G|R1]):-K>1,K1 is K-1, izbaci(R,K1,R1).
```

15. Napisati predikat koji dodaje dati element na pocetak date liste i predikat koji dodaje dati element na kraj date liste.

```
dodaj_poc(X, L, [X|L]).
```

```
%dodaj element na kraj liste
%[X, Y|R] X=1 Y = 2 R=[3, 4]
dodaj_kraj(X, [], [X]).
dodaj_kraj(X, [G|R], [G|R1]) :- dodaj_kraj(X, R, R1).
```

16. Napisati predikat koji ispisuje poslednja tri elementa date liste i predikat koji ispisuje da li su data tri elementa uzastopni clanovi date liste.

```
poslednja3(X,Y,Z, [X,Y,Z]):-!.
poslednja3(X,Y,Z, [_|R]) :- poslednja3(X,Y,Z,R).
```

```
uzastopni(X,Y,Z, [X,Y,Z|_]).
uzastopni(X,Y,Z, [_|R]):-uzastopni(X,Y,Z,R).
```

17. Napisati predikat koji brise prvi clan liste i predikat koji brise poslednji clan liste.

```
brisi_prvi([G|R], R).
```

```
%brisi_poslednji([], _):-!, fail.
brisi_poslednji([],[]):-!.
brisi_poslednji([G|R], [G|R1]) :- brisi_poslednji(R,R1).
```

18. Napisati predikat koji za dato N vraca prvih N elemenata date liste.

```
prvih_n(L,N,_):-duzina(L,M), N>M, write('prekratka lista'), !, fail.
prvih_n(L, 0, []):-!.
prvih_n([G|R], N, [G|R1]) :- M is N-1,
                             prvih_n(R,M, R1).
```

```
duzina([],0)
```

```
duzina([G|R], X) :- duzina(R, Y), X is Y+1.
```

19. %spajanje dve liste

```
%spoji(L1, L2, L)
```

```
spoji([], L, L).  
spoji([G|R], L, [G|LR]) :- spoji(R, L, LR).
```

20. %zameniti dva elementa liste

```
%zameni(X, Y, L, LR)
```

```
%zameni X sa Y u L da dobijemo LR
```

```
%X = 2, Y = 3 [1, 2, 2, 4] [1, 3, 3, 4]
```

```
zameni(X, Y, [X|R], [Y|R1]) :- zameni(X, Y, R, R1).  
zameni(X, Y, [G|R], [G|R1]) :- G \== X,  
                                zameni(X, Y, R, R1).  
zameni(X, Y, [], []).
```

21. Napisati predikat koji datu listu deli na listu parnih elemenata i listu neparnih elemenata.

```
podeli([], [], []).  
podeli([G|R], [G|R1], R2) :- uslov(G), podeli(R, R1, R2), !.  
podeli([G|R], R1, [G|R2]) :- podeli(R, R1, R2).
```

```
uslov(X) :- X mod 2 == 0.
```

22. Napisati predikat koji datu listu deli na dve liste, listu pozitivnih elemenata i listu negativnih elemenata.

```
%podeliti listu na dve liste - listu pozitivnih  
%i listu negativnih elemenata  
%podeli(L, L1, L2) - L1 lista pozitivnih  
%L2 lista negativnih.
```

```
podeli([], [], []).  
podeli([G|R], [G|R1], LN) :- G >= 0,  
                             podeli(R, R1, LN).  
podeli([G|R], LP, [G|R1]) :- G < 0,  
                             podeli(R, LP, R1).
```

23. %podeliti listu na sve moguće načine

```
%[1, 2, 3]  
%[] [1, 2, 3]  
%[1] [2, 3]  
%[1, 2] [3]  
% itd....  
%podeli(L, L1, L2).
```

```

podeli1([], [], []).
podeli1([G|R], [G|R1], Y):- podeli1(R, R1, Y).
podeli1([G|R], X, [G|R1]):- podeli1(R, X, R1).

```

24. Napisati predikat koji za dato N ispisuje prvih N redova Paskalovog trougla.

```

pascal(N):- redovi(0,N).

redovi(A,B) :- A>B,!.
redovi(A,B) :- red(A), nl,
                A1 is A+1,
                redovi(A1,B).

red(B):-koef(0,B).

koef(A,B):-A>B, !.
koef(A,B):-koeficijent(A,B,X),
            write(X),write(' '),
            A1 is A+1,
            koef(A1,B).

%koeficijent(0,0,1):-!.
koeficijent(0,B,1):-!.
koeficijent(B,B,1):-!.

koeficijent(A,B,X):- A1 is A-1, B1 is B-1,
                    koeficijent(A,B1,Y),
                    koeficijent(A1,B1,Z),
                    X is Y+Z.

```

25. Napisati predikat koji za datu listu cifara vraća broj odredjen tim ciframa.

```

izdvoj_poslednji([G], G, []):-!.
izdvoj_poslednji([G|R],X,[G|R1]):-izdvoj_poslednji(R,X,R1).

pretvori([], 0):-!.
pretvori(L, X):-izdvoj_poslednji(L, Poslednji, Ostatak),
                pretvori(Ostatak, Y),
                X is Poslednji+10*Y.

```

26. %maksimalni element liste

%maxL(L, X)

```

maxL([X], X).
maxL([G|R], X):- maxL(R, Y),
                 G < Y,
                 X is Y.
maxL([G|R], X):- maxL(R, Y),
                 G >= Y,
                 X is G.

```

```

maxL1([X], X).
maxL1([G|R], Y):- maxL1(R, Y),
                  G < Y.

```

```
maxL1([G|R], G):- maxL1(R, Y),
                G >= Y.
```

27. Napisati predikat koji za dato N vraca sve kombinacije cifara 0 i 1 duzine N.

```
svi01(X) :- generisi(L, X),nl, write(L), fail.
```

```
generisi([],0).
generisi([0|R], N):-N>0, N1 is N-1, generisi(R,N1).
generisi([1|R], N):-N>0, N1 is N-1, generisi(R,N1).
```

28. Neka su u bazi znanja date reci ormar,torba,marko,banja,sto. Pod mutacijom reci X i reci Y pri cemu je neki sufiks reci X prefiks reci Y podrazumeva se rec dobijena od na sledeci nacin: npr mutacija za reci torba i banja je tornja. Napisati predikat koji generise sve takve mutacije.

```
rec(ormar).
rec(torba).
rec(marko).
rec(banja).
rec(sto).

mutacija :- mutiraj(A), name(X,A), write(X),nl, fail.
mutiraj(A) :- rec(Prva), rec(Druga),
             Prva\==Druga,
             name(Prva,X), name(Druga, Y),
             dodati(X1,X2,X), X2\==[],
             dodati(X2,Y2,Y),
             dodati(X1,Y2,A).

dodati([],L,L).
dodati([G|R], L2, [G|R2]):-dodati(R,L2,R2).
```

29. Cetiri coveka se zovu Pera, Mika, Laza i Jova, a prezivaju Peric, Mikic, Lazic i Jovic. Oni imaju cetiri sina koji se takodje zovu Pera, Mika, Laza i Jova. Pretpostavimo sledece:

- (a) Niko od oceva se ne zove u skladu sa svojim prezimenom.**
- (b) Niko od sinova se ne zove u skladu sa svojim prezimenom.**
- (c) Niko od sinova se ne zove isto kao i otac.**
- (d) Peric stariji se zove isto kao Mikin sin.**
- (e) Lazin sin se zove Pera.**

Napisati predikat koji odredjuje imena oceva i sinova.

```
ime(pera).
ime(laza).
ime(jova).
ime(mika).

prezime(peric).
prezime(lazic).
prezime(jovic).
prezime(mikic).
```

```

kandidat(otac_sin(Prezime,Otac,Sin)):- prezime(Prezime),
                                         ime(Otac),
                                         ime(Sin).

kandidat([]).
kandidat([G|R]):-kandidat(G), kandidat(R).

u_skladu(pera,peric).
u_skladu(jova,jovic).
u_skladu(mika,mikic).
u_skladu(laza,lazic).

prezimana_u_neskladu([]).
prezimana_u_neskladu([otac_sin(Prezime,Otac,Sin)|R]) :-
not(u_skladu(Otac,Prezime)), not(u_skladu(Sin,Prezime)),
prezimana_u_neskladu(R).

razlicita_imena_oceva([]).
razlicita_imena_oceva([otac_sin(_,Ime,_)|R]):-
not(clan(otac_sin(_,Ime,_), R)),
razlicita_imena_oceva(R).

razlicita_imena_sinova([]).
razlicita_imena_sinova([otac_sin(_,_,Ime)|R]):-
not(clan(otac_sin(_,_,Ime), R)),
razlicita_imena_sinova(R).

sinovi_razlicito_od_oceva([]).
sinovi_razlicito_od_oceva([otac_sin(Prezime,Ime,Ime)|R]):-!,fail.
sinovi_razlicito_od_oceva([otac_sin(_,_,_)|R]):-sinovi_razlicito_od_oceva(R).

peric_otac_mikin_sin(L) :- clan(otac_sin(peric,Ime,_),L),
clan(otac_sin(_,mika,Ime),L).

lazin_sin_pera(L) :- clan(otac_sin(_,laza,pera),L).

clan(G, [G|R]):-!.
clan(X, [G|R]):-clan(X,R).

uslovi(L):-
kandidat(L),
razlicita_imena_oceva(L),
razlicita_imena_sinova(L),
prezimana_u_neskladu(L),
sinovi_razlicito_od_oceva(L),
peric_otac_mikin_sin(L),
lazin_sin_pera(L).

ispisi_resenja:-
uslovi([otac_sin(peric, OtacPeric,SinPeric),
        otac_sin(lazic, OtacLazic,SinLazic),
        otac_sin(jovic, OtacJovic,SinJovic),
        otac_sin(mikic, OtacMikic,SinMikic)]),
write('Peric: '), write(OtacPeric), write(' '), write(SinPeric),nl,
write('Lazic: '), write(OtacLazic), write(' '), write(SinLazic),nl,
write('Jovic: '), write(OtacJovic), write(' '), write(SinJovic),nl,

```



```
write('Mikic: '), write(OtacMikic), write(' '), write(SinMikic),nl,
fail.
```

%verzija 2 resenja

```
%ime oca, ime sina, prezime
resi(L):- L= [[laza, pera, _], [X, _, peric], [mika, X, _], _],
sadrzi([jova, _, _], L),
sadrzi([pera, _, _], L),
sadrzi([_, laza, _], L),
sadrzi([_, jova, _], L),
sadrzi([_, mika, _], L),
sadrzi([_, _, mikic], L),
sadrzi([_, _, jovic], L),
sadrzi([_, _, lazic], L),
\+(sadrzi([mika, _, mikic], L)),
\+(sadrzi([pera, _, peric], L)),
\+(sadrzi([jova, _, jovic], L)),
\+(sadrzi([laza, _, lazic], L)),
\+(sadrzi([_, mika, mikic], L)),
\+(sadrzi([_, pera, peric], L)),
\+(sadrzi([_, jova, jovic], L)),
\+(sadrzi([_, laza, lazic], L)),
\+(sadrzi([mika, mika, _], L)),
\+(sadrzi([pera, pera, _], L)),
\+(sadrzi([jova, jova, _], L)),
\+(sadrzi([laza, laza, _], L)).

/* sadrzi(X, [X|_]).
sadrzi(X, [G|R]):- sadrzi(X, R).
*/
```

30. Napisati predikat :

- a) **umetni(X,L,NL)** kojim se umece broj X u neopadajuca listu L i dobija neopadajuca lista NL
- b) **sort2(L,NL)** kojim se formira neopadajuca lista NL od liste L

```
umetni(X, [], [X]).
umetni(X, [G|R], [G|R1]):-X>G, umetni(X,R,R1).
umetni(X, [G|R], [X,G|R]):-X=<G.
```

```
sort2([],[]).
sort2([G|R], NL):- sort2(R,R1), umetni(G, R1, NL).
```

31. Napisati predikat kojim se za dati prirodan broj N formira lista

- a) **[N, N-1, ..., 1]**
 - b) **[1, 2, 3, ..., N]**
- ```
pa(0,[]).
pa(N,[N|R]):-N>0, N1 is N-1, pa(N1,R).
```

pb(N,L):-pb(N,L,1).  
pb(N,[N],N).  
pb(N,[I|R],I):-I<N, I1 is I+1, pb(N,R,I1).

**32. Napisati predikat kojim se formira lista od prirodnih brojeva deljivih sa 5 i manjih od datog broja N. N=30 L=[5,10,15,20,25]**

form(N,L):-form(N,L,5).  
form(N,[],I):-I>=N.  
form(N,[I|R],I):-I<N, I1 is I+5, form(N,R,I1).

**33. Napisati predikat kojim se formira lista od prvih N prirodnih brojeva deljivih sa 5. Npr za N=3 L=[5,10,15]**

form(N,L):-form(N,L,5).  
form(0,[],I).  
form(N,[I|R],I):-N>0, N1 is N-1, I1 is I+5, form(N1,R,I1).

**34. Spojiti dve sortirane liste u trecu tako da ona bude sortirana.**

spoji2([],L,L).  
spoji2(L,[],L).  
spoji2([G1|R1],[G2|R2],[G1|R]):-G1<G2,spoji2(R1,[G2|R2],R).  
spoji2([G1|R1],[G2|R2],[G2|R]):-G1>=G2,spoji2([G1|R1],R2,R).

**35. Napisati predikat kojim se u listi L duplira K-ti element. Primer: L=[1,4,2,9,-3] K=4 NL=[1,4,2,9,9,-3]**

dupliraj([],K,[]).  
dupliraj([G|R],1,[G,G|R]).  
dupliraj([G|R],K,[G|R1]):-K>1,K1 is K-1, dupliraj(R,K1,R1).

## 1.2 Vežbanje pred pismeni

1. Neka je data baza znanja u Prologu cinjenicama:

film( Naziv\_filma, Zavr\_ \_filma, Ime\_reditelja, Sifra\_glumca)  
glumac( Sifra\_glumca, Ime\_glumca, God\_rodj, Mesto\_rodj)

a) Napisati pravilo filmski\_ \_umetnik(X) X je filmski\_ \_umetnik ako je X reditelj nekog filma i X igra u nekom filmu.

filmski\_ \_umetnik(X):-film(\_,\_ ,X,\_),glumac(SX,X,\_,\_),film(\_,\_ ,SX).

b) Napisati pravilo glumac\_ \_2(X) X igra u bar dva razlicita filma

glumac\_ \_2(X):-glumac(SX,X,\_,\_),film(F1,\_,\_ ,SX), film(F2,\_,\_ ,SX), not(F1=F2).

c) Napisati pravilo opsti\_glumac(X) X igra u bar dva filma razlicitog zanra

opsti\_glumac(X):-glumac(SX,X,\_,\_),film(\_,Z1,\_,SX),film(\_,Z2,\_,SX), not(Z1=Z2).

d) Napisati pravilo zanrovski\_glumac(X,Y) glumac cije je ime X igra u filmu zanra Y.

zanrovski\_glumac(X,Y):-glumac(SX,X,\_,\_),film(\_,Y,\_,SX).

2. Definisati predikat kojim se određuje maksimum

a) za dva broja A i B.

b) za tri broja A, B i C.

max(A,B,A):-A>B.

max(A,B,B):-A<=B.

max(A,B,C,X):-max(A,B,X1),max(X1,C,X).

3. Definisati predikat kojim se za dati prirodan broj N određuje

a) broj cifara

b) suma cifara

c) broj neparnih cifara

d) maksimalna cifra

e) K-ta cifra (gledano s desna u levo)

bc(N,1):-N<10.

bc(N,K):-N>=10,N1 is N//10,bc(N1,K1),K is K1+1.

sc(0,0).

sc(N,K):-N>0,N1 is N//10,sc(N1,K1),K is K1+ N mod 10.

bnc(N,0):- N<10,N mod 2==0.

bnc(N,1):- N<10,N mod 2==1.

bnc(N,K):-N>=10,N mod 2==1,N1 is N//10,bnc(N1,K1),K is K1+1.

bnc(N,K):-N>=10,N mod 2==0,N1 is N//10,bnc(N1,K).

mc(N,N):-N<10.

mc(N,K):-N>=10,N1 is N//10,mc(N1,K1),N2 is N mod 10,max2(N2,K1,K).

kc(N,1,X):-X is N mod 10.

kc(N,K,X):-K>1,K1 is K-1, N1 is N//10,kc(N1,K1,X).

4. Napisati predikat koji za dati ceo broj ispisuje rečima njegove cifre.

cifre(0,nula).

cifre(1,jedan).

```
cifre(2,dva).
cifre(3,tri).
cifre(4,cetiri).
cifre(5,pet).
cifre(6,sest).
cifre(7,sedam).
cifre(8,osam).
cifre(9,devet).
```

```
ispisi(Broj) :- Broj >= 0, Broj < 9,
 cifre(Broj, X),
 write(X), nl, !.
```

```
ispisi(Broj) :-
 B1 is Broj // 10,
 ispisi(B1),
 B2 is Broj mod 10,
 cifre(B2, X),
 write(X), nl
.
```

```
start :- write('unesi prirodan broj '),
 read(X),
 provera(X),
 ispisi(X).
```

```
provera(X) :- X >= 0, !.
provera(X) :- write('broj mora biti prirodan!'), nl, fail.
```

**5. Za datu bazu znanja koje predstavlja porodicno stablo, napisati predikate otac, majka, brat, ujak, predak.**

```
musko(mihajlo).
musko(stevan).
musko(rajko).
musko(mladen).
musko(petar).
```

```
zensko(milena).
zensko(milica).
zensko(jelena).
zensko(mina).
zensko(senka).
zensko(maja).
```

```
roditelj(mihajlo, milica).
roditelj(mihajlo, rajko).
roditelj(mihajlo, senka).
roditelj(milena, milica).
roditelj(milena, rajko).
roditelj(milena, senka).
roditelj(stevan, mladen).
roditelj(stevan, jelena).
roditelj(milica, mladen).
roditelj(milica, jelena).
roditelj(rajko, petar).
roditelj(rajko, mina).
roditelj(maja, petar).
roditelj(maja, mina).
```

```
otac(X, Y):- musko(X), roditelj(X, Y).
majka(X, Y):- zensko(X), roditelj(X, Y).
```

```
brat(X, Y):- musko(X), roditelj(Z, X),
 roditelj(Z, Y),
 X\==Y.
```

```
brat2(X, Y):-musko(X), roditelj(Z, X), roditelj(Z, Y), not(X=Y).
```

```
brat3(X, Y):-musko(X), otac(Z, X), otac(Z, Y),
 majka(M, X), majka(M, Y), not(X=Y).
```

```
ujak(X, Y):- brat(X, Z), majka(Z, Y).
```

```
predak(X, Y):- roditelj(X, Y).
predak(X, Y):- roditelj(X, Z), predak(Z, Y).
```

```
sestra(X, Y):- zensko(X), roditelj(Z, X), roditelj(Z, Y), X\==Y.
```

```
tetka(X, Y):- roditelj(Z, Y), sestra(X, Z).
```

```
sestraodujaka(X, Y):- ujak(Z, Y), roditelj(Z, X), zensko(X).
```

## 6. suma cifara datog broja

```
suma2(N, N):- N < 10.
suma2(N, S):- N >= 10,
 M is N // 10,
 suma2(M, S1),
 S is S1 + (N mod 10).
```

```
% verzija 2
sumac(0,0).
sumac(N,K):-N>0,N1 is N//10,sumac(N1,K1),K is K1+ N mod 10.
```

### 7. %obrni cifre broja

```
obrni(N, N, P):- N < 10,
 P is 10.
obrni(N, R, P):- N >= 10,
 N1 is N // 10,
 obrni(N1, R1, P1),
 R is (R1 + (N mod 10)*P1),
 P is (P1*10).
```

### 8. Napisati predikat kojim se za prirodan broj N i datu duzinu D (D>0) određuju podbrojevi broja N dužine D (podbroj čine uzastopne cifre). Npr. N=51478 D=2 78, 47, 14, 51

```
podbroj(N,D,X):-stepen(10,D,S), p(N,S,X).
p(N,S,X):- N>=S/10,X is N mod S.
p(N,S,X):-N>=S,N1 is N//10, p(N1,S,X).
```

### 6. Napiši predikat kojim se određuje proizvod prirodnih brojeva od M do N.

```
proizvod(M,M,M).
proizvod(M,N,F):-N>M, N1 is N-1, proizvod(M,N1, F1), F is F1*N.
```

### 7. Definiši predikat kojim se od datog prirodnog broja N formira broj M dobijen izbacivanjem svakog pojavljivanja cifre C.

```
nbroj(0,0,C).
nbroj(N,M,C):-N>0, N mod 10\=C, N1 is N//10,
 nbroj(N1,M1,C), M is M1*10+ N mod 10.
nbroj(N,M,C):-N>0, N mod 10=C, N1 is N//10, nbroj(N1,M,C).
```

### 8. Date su cinjenice roditelj(X,Y) i godina\_rodjenja(X,G).

- Napisati pravilo naslednik(X,Y) osoba X je naslednik osobe Y  
naslednik(X,Y):-roditelj(Y,X).  
naslednik(X,Y):-roditelj(Z,X),naslednik(Z,Y).
- Napisati pravilo bar\_dva(X,Y,Z) osoba X ima dva naslednika Y i Z rodjena iste godine.  
bar\_dva(X,Y,Z):-naslednik(Y,X), naslednik(Z,X), not(Y=Z),  
 godina\_rodjenja(Y,G),godina\_rodjenja(Z,G).
- Napisati pravilo predak\_c(X,Y,G) osoba Y je predak osobe X rođen godine G.  
predak\_c(X,Y,G):-naslednik(X,Y),godina\_rodjenja(Y,G).

### 9. Ucenici nekog odeljenja nalaze se u koloni po jedan po visinama, u rastucem poretku.

Date su cinjenice

pored\_d(X,Y) - desno pored osobe X u koloni je osoba Y

**godina(X,Y) - osoba X rođena je godine Y**

**Napisati pravilo**

**a) pa(X,Y) - X je osoba koja je niza od osobe Y**

**b) pb(X,Y) - X je osoba koja je niza od osobe Y a rođene su iste godine**

**c) pc(X,Y,Z) - osobe Y i Z su dve različite osobe koje su nize od osobe X**

pa(X,Y):-pored\_d(X,Y).

pa(X,Y):-pored\_d(X,Z),pa(Z,Y).

pb(X,Y):-pa(X,Y),godina\_rodjenja(X,G), godina\_rodjenja(Y,G).

pc(X,Y,Z):-pa(Y,X),pa(Z,X),not(Y=Z).

**10. Date su cinjenice**

**brzi(SX,SY) - automobil sifre SX brzi je od automobila SY**

**auto(Naziv\_automobila, Sifra\_automobila)**

**vlasnik(Ime\_vlasnika, Naziv\_automobila)**

**Napisati pravilo**

**a) p4a(X,Y) automobil naziva X je brzi od automobila naziva Y**

**b) p4b(X) lice cije je ime X ima automobil**

**c) p4c(X,Y) X je vlasnik brzog automobila nego sto je Y**

p4a(X,Y):-auto(X,SX), auto(Y,SY), brzi(SX,SY).

p4b(X):-vlasnik(X,\_).

p4c(X,Y):-vlasnik(X,A1), vlasnik(Y,A2), p4a(A1,A2).

**11. Date su cinjenice, koje nam govore za svaka dva susedna cina u vojsci koji je visi.**

**visi\_cin(zastavnik,vodnik).**

**visi\_cin(major,zastavnik).**

**visi\_cin(pukovnik,major).**

**visi\_cin(generalmajor,pukovnik).**

**visi\_cin(generalpukovnik,generalmajor).**

**visi\_cin(general,generalpukovnik).**

**Napisati pravilo blizi(X,Y) u znacenju cin X je blizi generalskom cinu od cina Y.**

blizi(X,Y):-visi\_cin(X,Y).

blizi(X,Y):-visi\_cin(X,Z),blizi(X,Y).

**12. provera da li je broj prost**

prost(X):- X1 is X // 2, prost\_pom(X, X1).

prost\_pom(X, 1):- true.

prost\_pom(X, B):- B > 0,

X mod B =\= 0,

B1 is B - 1,

prost\_pom(X, B1).

% verzija 2

prost(N):-prost(N,2).

prost(N,I):-I>N//2.

prost(N,I):-I=<N//2, N mod I=\=0, I1 is I+1, prost(N,I1).

### 13. Apsolutna vrednost – lose i dobre implementacije

%apsolutna vrednost

%losa implementacija

aps1(X, X):- X >= 0.

aps1(X, Y):- Y is -X.

%dobre implementacija

aps2(X, X):- X >= 0.

aps2(X, Y):- X < 0,  
Y is -X.

aps3(X, X):- X >= 0, !. %koriscenje operatora "cut"

aps3(X, Y):- Y is -X.

### 14. N-ti clan Fibonacijevog niza, verzija bez i sa operatorom !

fibonaci(1, 1).

fibonaci(2, 1).

fibonaci(N, R):- N > 2,  
N1 is N - 1,  
N2 is N - 2,  
fibonaci(N1, R1),  
fibonaci(N2, R2),  
R is R1 + R2.

%N-ti clan Fibonacijevog niza, verzija II

fibonaci2(1, 1):- !.

fibonaci2(2, 1):- !.

fibonaci2(N, R):- N1 is N - 1,  
N2 is N - 2,  
fibonaci2(N1, R1),  
fibonaci2(N2, R2),  
R is R1 + R2.

### 15. izracunati stepen broja

stepen(X, 0, 1).

stepen(X, Y, R):- Y>0,

Y1 is Y-1,  
stepen(X, Y1, R1),  
R is R1\*X.

%verzija 2: definiši predikat kojim se određuje  $X^N$  ako je X realan a N ceo broj veći ili jednak 0.

stepen(\_, 0, 1).

stepen(X, N, S):-N>0, N1 is N-1, stepen(X, N1, S1), S is S1\*X.



16. Prema Goldbahovoj hipotezi, svaki paran broj može se napisati kao zbir dva prosta broja. Napisati PROLOG predikat koji za dati paran broj X određuje njegove Goldbahove sabirke.

```
gol_pom(X1, Y1, X1, Y1):- prost(X1),
 prost(Y1),
 !.
gol_pom(X, Y, X1, Y1):- X2 is (X1 + 1),
 Y2 is (Y1 - 1),
 gol_pom(X, Y, X2, Y2).
gol(N, X, Y):- Y1 is (N-2),
 gol_pom(X, Y, 2, Y1).
```

17. Definiši predikat kojim se određuje maksimalna cifra prirodnog broja N.

```
max2(A,B,A):-A>B.
max2(A,B,B):-A<=B.
mc(N,N):-N<10.
mc(N,K):-N>=10,N1 is N//10,mc(N1,K1),N2 is N mod 10,max2(N2,K1,K).
```

18. Definiši predikat kojim se određuje inverzan zapis prirodnog broja N

```
inv(N,X):-inv(N,X,0).
inv(0,X,X).
inv(N,X,Tek):-N>0,Tek1 is Tek*10 + N mod 10, N1 is N//10, inv(N1,X,Tek1).
```

19. Definiši predikat kojim se određuje suma delilaca prirodnog broja N, ne uključujući broj N.

```
sumad(N,S):-sumad(N,S,1).
sumad(N,0,I):-I>N//2.
sumad(N,S,I):-I<=N//2, N mod I/=0, I1 is I+1, sumad(N,S1,I1), S is S1+I.
sumad(N,S,I):-I<=N//2, N mod I/=0, I1 is I+1, sumad(N,S,I1).
```

20. % pairsums(L1, L2) koji za zadatu listu L1 vraća listu L2  
% suma elemenata liste L1 na susednim pozicijama. Na primer,  
% ako je L1 [1,3,6,10], onda L2 treba da bude [4,9,16].  
% Ako L1 sadrži manje od dva elementa, L2 treba postaviti na  
% praznu listu.

```
pairsums([X, Y|R], [G|R1]):- G is X + Y, pairsums([Y|R], R1).
pairsums([X], []).
pairsums([], []).
```

21. Napisati predikat kojim se iz prirodnog broja N izbacuje K-ta cifra gledano s desna na levo.

```
%izbaci(N,K,X)
izbaci(N,1,X):-X is N//10.
izbaci(N,K,X):-K>1, K1 is K-1, N1 is N//10,
 izbaci(N1,K1,X1), X is X1*10+N mod 10.
```

**22. Napisati predikat kojim se iz prirodnog broja N izbacuju sve cifre manje od 5.**

izbacim5(0,0).  
izbacim5(N,X):- N>0, N mod 10>=5, N1 is N//10,  
izbacim5(N1,X1), X is X1\*10+N mod 10.  
izbacim5(N,X):- N>0, N mod 10<5, N1 is N//10,  
izbacim5(N1,X).

**23. Napisati predikat kojim se iz prirodnog broja N zamenjuje svako pojavljivanje cifre X sa cifrom Y.**

zameni(0,\_,\_,0).  
zameni(N,X,Y,A):- N>0, N mod 10=:=X, N1 is N//10,  
zameni(N1,X,Y,A1), A is A1\*10+Y.  
zameni(N,X,Y,A):- N>0, N mod 10=\=X, N1 is N//10,  
zameni(N1,X,Y,A1), A is A1\*10+N mod 10.

**24. Napisati predikat kojim se prikazuju (write(X)) prvih N prostih brojeva.**

prost(N):-prost(N,2).  
prost(N,K):-K>N//2.  
prost(N,K):-K=<N//2, N mod K=\=0, K1 is K+1, prost(N,K1).  
  
pisiProste(N):-pisiProste(N,2).  
pisiProste(0,\_).  
pisiProste(N,K):-N>0, prost(K), write(K), nl, K1 is K+1, N1 is N-1, pisiProste(N1,K1).  
pisiProste(N,K):-N>0, not(prost(K)),K1 is K+1, pisiProste(N,K1).

**25. Napisati predikat kojim se prikazuje rastavljanje prirodnog broja N na proste faktore (write(X))**

12 = 2 \* 2 \* 3

faktori(N):-faktori(N,2).  
faktori(1,\_).  
faktori(N,K):-N>1, N mod K:=0, write(K), nl, N1 is N//K, faktori(N1,K).  
faktori(N,K):-N>1, N mod K=\=0, K1 is K+1, faktori(N,K1).

**26. Odrediti sumu delioca prirodnog broja N, u sumu ne uključiti broj N.**

sumaD(N,S):-sumaD(N,S,1).  
sumaD(N,0,K):-K>N//2.  
sumaD(N,S,K):-K=<N//2, N mod K:=0, K1 is K+1, sumaD(N,S1,K1), S is S1+K.  
sumaD(N,S,K):-K=<N//2, N mod K=\=0, K1 is K+1, sumaD(N,S,K1).

**27. Proveriti da li je prirodan broj savrsen. Broj je savršen ako je jednak sumi svojih delioca isključujući njega samog. Npr 6=1+2+3 28=1+2+4+7+14**

savrsen(N):-sumaD(N,N).

## 28. Ispisati sve savršene prirodne brojeve iz segmenta [a,b].

pisivavršene(A,B):-A>B.

pisivavršene(A,B):-A<=B, savrsen(A), write(A), nl, A1 is A+1, pisivavršene(A1,B).

pisivavršene(A,B):-A<=B, not(savrsen(A)), A1 is A+1, pisivavršene(A1,B).

## 1.3 Razno

### 1. Ko je udario macku Tunu? Znamo da:

macka je zivotinja

vlasnik psa voli zivotinje

ne bi udario zivotinju ko voli zivotinje

macku bi udario onaj koji bi je mozda udario i nije da je ne bi udario.

macka(tuna).

vlasnikpsa(janko).

mozda\_udario(marko,tuna).

mozda\_udario(janko,tuna).

zivotinja(X):-macka(X).

volizivotinje(X):-vlasnikpsa(X).

ne\_bi\_udario(X,Y):-volizivotinje(X),zivotinja(Y).

udario(X,Y):-mozda\_udario(X,Y), \+(ne\_bi\_udario(X,Y)).

### 2. Data je baza znanja.

film(sutjeska, ratni, veljko\_bulajic, s1).

film(sutjeska, ratni, veljko\_bulajic, s2).

film(sutjeska, ratni, veljko\_bulajic, s3).

film(walter\_brani\_sarajevo, ratni, hajrudin\_krvavac, s1).

film(dr, komedija, soja\_jovanovic, s1).

glumac(s1, bata\_zivojinovic, 1927, beograd).

glumac(s2, ricard\_barton, 1921, london).

glumac(s3, veljko\_bulajic, 1924, sarajevo).

### Ispisi filmske umetnike

filmski\_umetnik(X):-film(\_,\_,X,\_),glumac(SX,X,\_,\_),film(\_,\_,\_,SX).

glumac\_2(X):-glumac(SX,X,\_,\_),film(F1,\_,\_,SX),film(F2,\_,\_,SX),not(F1=F2).

opsti\_glumac(X):-glumac(SX,X,\_,\_),film(\_,Z1,\_,SX),film(\_,Z2,\_,SX),

not(Z1=Z2).

%film(Naziv\_filma, Završetak\_filma, Ime\_reditelja, Sifra\_glumca)

%glumac(Sifra\_glumca, Ime\_glumca, God\_rodj, Mesto\_rodj)

### 3. Hanojeve kule

```
hanoj(1, X, _, Z):- write('prebaci sa '),
 write(X),
 write(' na '),
 write(Z),
 nl.
```

```
hanoj(N, X, Y, Z):- N > 1,
 M is N - 1,
 hanoj(M, X, Z, Y),
 hanoj(1, X, _, Z),
 hanoj(M, Y, X, Z).
```

#### 4. bojenje grafa

```
bojenje(Srb, Cg, Mak, Hrv, Slo, Bih, Madj, Bug, Rum):-
sused(Srb, Cg),
sused(Srb, Mak),
sused(Srb, Hrv),
sused(Srb, Bih),
sused(Srb, Madj),
sused(Srb, Bug),
sused(Srb, Rum),
sused(Cg, Hrv),
sused(Cg, Bih),
sused(Hrv, Slo),
sused(Hrv, Bih),
sused(Hrv, Madj),
sused(Madj, Rum),
sused(Rum, Bug).
```

```
boja(zuta).
boja(plava).
boja(crvena).
```

```
sused(X,Y):-boja(X), boja(Y), X\==Y.
```

#### 5. Ko laze taj krade.

Ko krade i uhvacen je u kradi taj ide u zatvor.

Al Kapone laze.

Al Kapone je uhvacen u kradi.

Laki Luciano laze.

Napisati PROLOG program koji opisuje navedene cinjenice i pravila. Koje odgovore PROLOG daje na upite

- a) da li Al Kapone ide u zatvor
- b) da li Laki Luciano ide u zatvor?

```
krade(X):- laze(X).
```

```
zatvor(X):- krade(X), uhvacen_u_kradji(X).
```

```
laze(alKapone).
```

```
uhvacen_u_kradji(alKapone).
```

```
laze(lakiLuciano).
```

#### 6. Pomocni zadatak

Definiši predikat kojim se proverava da li su dva elementa

- a. jedan pored drugog
- b. prvi element desno od drugog

```
pored(X,Y,[X,Y|_]).
```

```
pored(X,Y,[Y,X|_]).
```

pored(X,Y,[\_R]):-pored(X,Y,R).

desno(X,Y,[Y,X|\_]).

desno(X,Y,[\_R]):-desno(X,Y,R).

Primetimo da pomoću predikata pored (desno) možemo i da generišemo sve liste u kojima su elementi jedan pored drugog (tj. desno)

?- pored(1,3,L).

L = [1, 3 |\_G201] ;

L = [3, 1 |\_G201] ;

L = [\_G197, 1, 3 |\_G204]

?- L=[\_,\_,\_],pored(1,3,L).

L = [1, 3, \_G353] ;

L = [3, 1, \_G353] ;

L = [\_G347, 1, 3] ;

L = [\_G347, 3, 1] .

?- L=[\_,\_,\_],pored(1,3,L),clan(5,L).

L = [1, 3, 5] ;

L = [3, 1, 5] ;

L = [5, 1, 3] ;

L = [5, 3, 1] ;

false.

7.

Postoji pet kuća, svaka različite boje u kojoj žive ljudi različitih nacionalnosti sa različitim kućnim ljubimcima, koji piju različita pića i puše različite cigarete.

- Englez živi u crvenoj kući
- Španac ima psa
- Kafa se pije u zelenoj kući
- Ukrajinac pije čaj
- Zelena kuća je odmah desno uz belu
- Onaj koji pusi Old-Gold ima puža
- Kools se puši u žutoj kući
- Mleko se pije u srednjoj kući
- Norvežanin živi u prvoj kuci s leva
- Onaj koji puši Cesterfild živi pored onoga koji ima lisicu
- Kools se puši u kući koja je pored kuće u kojoj je konj
- Onaj koji puši Lucky pije sok od narandze
- Japanac puši Parliament
- Norvežanin živi pored plave kuće

Čija je zebra, a ko pije vodu?

k(boja, nacionalnost, cigarete, pice, kucni ljubimac)

Strukturama oblika k(boja, nacionalnost, cigarete, pice, kucni ljubimac) opisujemo date činjenice, a u listi su kuće poredane jedna pored druge, tako da po redosledu u listi imamo informaciju da li je kuća desno od kuće i da li su kuće jedna pored druge .

```

kuce(L):-L=[k(_norvezanin,_,_),k(plava,_,_),k(,_,_mleko,_,_)k(,_,_),k(,_,_)],
 clan(k(crvena, englez,_,_),L),
 clan(k(_spanac,_,_pas),L),
% clan(k(zela,_,_kafa,_,_)L),
 clan(k(_ukrajinac,_,_caj,_)L),
 desno(k(zelena,_,_kafa,_)k(bela,_,_),L),
 clan(k(,_,_oldgold,_,_puz),L),
 clan(k(zuta,_,_kools,_,_)L),
 pored(k(,_,_cesterfild,_,_)k(,_,_,_lisica),L),
 pored(k(,_,_kools,_,_)k(,_,_,_konj),L),
 clan(k(,_,_lucky,narandza,_)L),
 clan(k(_japanac,parlaiment,_,_)L),
 clan(k(,_,_,_zebra),L),
 clan(k(,_,_,_voda,_)L).

problemA(X,Y):-kuce(L), clan(k(_X,_,_voda,_)L), clan(k(_Y,_,_zebra),L).

pored(X,Y,[X,Y|_]).
pored(X,Y,[Y,X|_]).
pored(X,Y,[_R]):-pored(X,Y,R).

desno(X,Y,[Y,X|_]).
desno(X,Y,[_R]):-desno(X,Y,R).

% Definiši predikat kojim se proverava da li je X clan liste.
clan(X, [X|_]) .
clan(X, [_R]) :-clan(X, R) .

IZLAZ

1 ?- kuce(X) .
X = [k(zuta, norvezanin, kools, voda, lisica), k(plava, ukrajinac,
cesterfild, caj, konj), k(crvena, englez, oldgold, mleko, puz), k(bela,
spanac, lucky, narandza, pas), k(zelena, japanac, parlaiment, kafa, zebra)] .

% VERZIJA 2: Who owns the zebra?
%color, nationality, pets, drink, ciggarette - order

%desno_od(X, Y, L) - X desno od Y u listi L
desno_od(X, Y, [Y, X|R]).
desno_od(X, Y, [G|R]):- desno_od(X, Y, R).

pored(X, Y, L):- desno_od(X, Y, L).
pored(X, Y, L):- desno_od(Y, X, L).

sadrzi(X, [X|_]).
sadrzi(X, [G|R]):- sadrzi(X, R).

```

```

resil(L):- L=[_, norwegian, _, _, _], [blue, _, _, _, _], [_, _, _, milk,
_, _, _],
 sadrzi([red, english, _, _, _], L),
 sadrzi([_, spaniard, dog, _, _], L),
 sadrzi([green, _, _, coffee, _], L),
 sadrzi([_, ukrainian, _, tea, _], L),
 desno_od([green, _, _, _, _], [ivory, _, _, _, _], L),
 sadrzi([_, _, snail, _, oldGold], L),
 sadrzi([yellow, _, _, _, kools], L),
 pored([_, _, _, _, chesterfield], [_, _, fox, _, _], L),
 pored([_, _, _, _, kools], [_, _, horse, _, _], L),
 sadrzi([_, _, _, orange, lickyStrike], L),
 sadrzi([_, japanese, _, _, parliament], L),
 sadrzi([_, _, _, water, _], L),
 sadrzi([_, _, zebra, _, _], L).

```

%uniija dve liste

```
uniija(L1, L2, L):- spoji(L1, L2, L3), izbaciduple(L3, L).
```

%presek listi

```
presek([X|R], L2, [X|R1]):- presek(R, L2, R1),
 sadrzi(L2, X), !.
```

```
presek([_R], L2, R1):- presek(R, L2, R1).
```

```
presek([], _, []).
```

%razlika listi

```
razlika([], _, []).
```

```
razlika([X|R], L2, L3):- sadrzi(L2, X), razlika(R, L2, L3), !.
```

```
razlika([X|R], L2, [X|R1]):- razlika(R, L2, R1).
```

**8. %Napisati PROLOG program koji resava sledecu zagonetku. Cetiri gospodje se sastaju**

**%svakog cetvrtka da igraju bridz. Svaki put se dogovaraju ko ce sta da donese sledeci**

**%put.**

**%Gospodja Andric ce doneti cokoladnu tortu.**

**%Ni gospodja Brankovic, ni Vladislava nece doneti kolacice.**

**%Ruska, koja nije Davidovic, ce doneti kafu.**

**%Marija nece doneti vino.**

**%Kako se koja gospodja zove i ko sta doneti slede ce nedelje?**

% ime, prezime, donosi

```

resi5(L):- L = [_, _, _, _],
 clan([_, andric, cokoladnaT], L),
 clan([ruska, _, kafa], L),
 clan([marija, _, vino], L),
 clan([ana, petrovic, _], L),
 clan([_, brankovic, _], L),
 clan([vladislava, _, _], L),
 clan([_, davidovic, _], L),
 clan([_, _, kolacice], L),
 \+(clan([ruska, davidovic, _], L)),
 \+(clan([_, brankovic, kolacice], L)),
 \+(clan([vladislava, _, kolacice], L)).

```

9. Svakog vikenda, Mika cuva petoro komšijske dece. Deca se zovu Kata, Lazar, Marko, Nevenka Ognjen, a prezivaju Filipovic, Grbovic, Hadzic, Ivanovic i Jankovic. Svi imaju razlicit broj godina od dve do sest.

Kako se ko zove i koliko ima godina?

- Jedno se dete zove Lazar Jankovic.
- Kata je godinu dana stariji od deteta koje se preziva Ivanovic koje je godinu dana starije od Nevenke
- Dete Filipovic je tri godine starije od Marka.
- Ognjen je duplo stariji od deteta Hadzic.

d(ime, prezime, godina)

Kako deca imaju razlicit broj godina u listi L smo postavili 5 struktura d(ime, prezime, godine), tako što smo godine postavili na date različite vrednosti.

```
deca(L):-L=[d(_,2),d(_,3),d(_,4),d(_,5),d(_,6)],
 clan(d(lazar,jankovic_,_)L),
 clan(d(kata_,G1)L),
 clan(d(_ivanovic,G2)L),
 clan(d(nevenka_,G3)L),
 clan(d(_filipovic,G4)L),
 clan(d(marko_,G5)L),
 clan(d(ognjen_,G6)L),
 clan(d(_hadzic,G7)L),
 clan(d(_grbovic_,_)L),
 G1=:=G2+1, G2=:=G3+1,G4=:=G5+3,G6=:=2*G7.
```

% Definiši predikat kojim se proverava da li je X clan liste.

```
clan(X,[X|_]).
clan(X,[_|R]):-clan(X,R).
```

IZLAZ

1 ?- deca(X).

X = [d(marko, hadzic, 2), d(nevenka, grbovic, 3), d(ognjen, ivanovic, 4), d(kata, filipovic, 5), d(lazar, jankovic, 6)]

10. Četiri studenta su se takmicila u biciklizmu i plivanju:

- Andrej nije pobedio ni u jednom takmicenju.
- Onaj ko je pobedio u plivanju je bio treci u biciklizmu
- Andrej je bio bolji od Karla u plivanju, ali Karlo je bio bolji u biciklizmu
- Karlo nikada nije bio poslednji
- Darko je pobedio u biciklizmu ali Sasa je bio bolji od njega u plivanju.

Koji je bio raspored u oba takmicenja?

```
takmicenje(P,B):-P=[S1,_,_,S2],B=[darko,_,S1,S3],
 preUlisti(andrej,karlo,P),
 preUlisti(karlo,andrej,B),
 preUlisti(sasa,darko,P),
 not(S1=andrej),not(S2=karlo),not(S3=karlo).
```

```
preUlisti(X,Y,[X|R]):-clan(Y,R).
preUlisti(X,Y,[_|R]):-preUlisti(X,Y,R).
```



11. Cetiri para je doslo na maskenbal. Markova zena se maskirala kao macka. Kada su oni stigli, dva para su vec bila tamo, a jedan muskarac je bio maskiran u medveda. Prvi koji je stigao nije bio Vasa, ali je stigao pre onoga koji je bio maskiran u princa. Vestica (ne Bojana) je udata za Peru, koji se maskirao kao Paja patak. Marija je dosla posle Laze, a oboje su stigli pre Bojane. Ciganka je stigla pre Ane, pri cemu nijedna od njih nije bila udata za Betmena. Ako znamo da je zena maskirana u Snezanu stigla posle Ivane, kako je bio obucen koji par? Napisati PROLOG predikat koji odreduje resenje.

```
maskenbal(L):-
 L=[par(Muz1,_,_,_),par(,_,_,_),par(marko,_,_,macka),par(,_,_,_)],
 clan(par(vasa,_,_,_),L),
 clan(par(pera,paja_patak,Z,vestica),L),
 clan(par(,betmen,Zena,Maska),L),
 preUlisti(par(,medved,_,_),par(marko,_,_,_),L),
 preUlisti(par(Muz1,_,_,_),par(,princ,_,_),L),
 preUlisti(par(laza,_,_,_),par(,_,marija,_,_),L),
 preUlisti(par(laza,_,_,_),par(,_,bojana,_,_),L),
 preUlisti(par(,_,marija,_,_),par(,_,bojana,_,_),L),
 preUlisti(par(,_,_,ciganka),par(,_,ana,_,_),L),
 preUlisti(par(,_,ivana,_,_),par(,_,_,snezana),L),
 not(Muz1=vasa),not(Z=bojana),not(Zena=ana),not(Maska=ciganka).
```

12. Odredi put skakača na tabli NxN počev od pozicije (X,Y) tako da na svako polje stane tacno jedanput. Ispisati redom pozicije na kojim se nalazi skakač.

```
obilazak(X,Y,N):-resenje(X,Y,N,1,[koo(X,Y)],L),ispis(L).
resenje(,_,N,I,L):-I:=N*N.
resenje(X,Y,N,I,T,L):-I<N*N,potez(Dx,Dy),X1 is X+Dx,Y1 is Y+Dy,
 ispravan(X1,Y1,T,N),I1 is I+1,
 resenje(X1,Y1,N,I1,[koo(X1,Y1)|T],L).

potez(2,1).potez(2,-1).potez(1,2).potez(1,-2).
potez(-2,1).potez(-2,-1).potez(-1,2).potez(-1,-2).

ispravan(A,B,T,N):-A>0,B>0,A<=N,B<=N,not(element(koo(A,B),T)).
element(X,[X|R]).
element(X,[G|R]):-element(X,R).

ispis([G]):-write(G),!.
ispis([G|R]):-ispis(R),write(->),write(G).
```

## 1.4. Operatori – unifikabilno jednaki vs identicno jednaki

### 1. Aritmetičke operacije u Prologu:

sabiranje +, oduzimanje -,  
množenje \*, deljenje /,  
celobrojno deljenje //, ostatak pri deljenju mod.

**Operator =** i njegova negacija \=:

Cilj  $Term1=Term2$  uspeva ukoliko se  $Term1$  i  $Term2$  mogu unifikovati. Cilj  $Term1 \neq Term2$  uspeva ako cilj  $Term1=Term2$  pada i obrnuto. Dejstvo  $Term1 \neq Term2$  je isto kao  $\text{not}(Term1=Term2)$ .

|               |                 |
|---------------|-----------------|
| ?- X=1+2      | ?- X=1+2, Y=X*5 |
| X=1+2         | X=1+2           |
| yes           | Y=(1+2)*5       |
| ?- X=1+2, X=3 | yes             |
| no            |                 |

Ukoliko želimo da PROLOG interpreter izračuna izraz onda koristimo **predikat is**. Cilj  
Vrednost is Aritmetički\_izraz

izvodi se u dve etape:

1. izračunava se vrednost aritmetičkog izraza navedenog na desnoj strani
2. pokušava se izvršiti unifikacija izračunate vrednosti sa termom Vrednost. Cilj uspeva ako obe etape uspeju.

|                       |                   |
|-----------------------|-------------------|
| ?- X is 1+2           | <b>VAZNO</b>      |
| X=3                   | ?- N=1, N is N+1  |
| yes                   | No                |
| ?- X is Y+2           | ?- N=1, N1 is N+1 |
| !Error                | N=1               |
|                       | N1=2              |
| ?- X is 1+2, X=3      | yes               |
| X=3                   |                   |
| yes                   |                   |
| ?- X is 5+2, X=1+6    |                   |
| No                    |                   |
| ?- X is 1+2, Y is X*5 |                   |
| X=3                   |                   |
| Y=15                  |                   |
| ?- 3+4 is 4+3         |                   |
| no                    |                   |

## Operatori poredjenja U PROLOG-u:

jednakost po vrednosti `==`, negacija jednakosti `\=`  
veće `>`, veće ili jednako `>=`,  
manje `<`, manje ili jednako `<=`.

Opšti oblik korišćenja operatora poredjenja je:

Aritmetički\_izraz1 operator Aritmetički\_izraz2.

Izračunavaju se vrednosti aritmetičkih izraza i onda se te vrednosti upoređuju.

**Za poredenje termova u PROLOG-u se koristi operator `==`, njegova negacija je `\==`.**

## 2.

%razlika izmedju `=` (unifikabilni), `\=` (nisu unifikabilni), `==(`identicno jednaki termovi),  
`\==` (nisu identicno jednaki termovi)

```
op11(X, Y):- X = Y.
```

```
op12(X, Y):- X == Y.
```

%razlika izmedju `is` (aritmeticko izracunavanje) i `==` (aritmeticki jednaki); `\=` -  
aritmeticki nisu jednaki

```
%op1(3,4).
```

```
%op1(3,3).
```

```
%op1(X,4).
```

```
%op1(4,X).
```

```
%op1(X,3*3).
```

```
%op1(3*3, 9).
```

```
op1(X, Y):- X is Y.
```

```
op2(X, Y):- X == Y.
```

## 3. Primer koriscenja fail predikata

```
happy(harry).
```

```
happy(ron).
```

```
happy(hermione).
```

```
happy(hagrid).
```

```
write_all_happy :- happy(X), write(X),nl, fail.
```