

Programiranje I

Beleške za predavanja

Smer *Informatika*
Matematički fakultet, Beograd

Filip Marić i Predrag Jančić

2012.

Sadržaj

I	Osnovni pojmovi računarstva i programiranja	7
1	Računarstvo i računarski sistemi	11
1.1	Rana istorija računarskih sistema	11
1.2	Računari Fon Nojmanove arhitekture	15
1.3	Organizacija savremenih računara	21
1.4	Oblasti savremenog računarstva	21
2	Reprezentacija podataka u računarima	25
2.1	Analogni i digitalni podaci i digitalni računari	25
2.2	Zapis brojeva	27
2.2.1	Neoznačeni brojevi	28
2.2.2	Označeni brojevi	31
2.2.3	Razlomljeni brojevi	32
2.3	Zapis teksta	32
2.4	Zapis multimedijalnih sadržaja	39
2.4.1	Zapis slika	39
2.4.2	Zapis zvuka	40
3	Algoritmi i izračunljivost	45
3.1	Formalizacije pojma algoritma	45
3.2	Čerč-Tjuringova teza	47
3.3	UR mašine	47
3.4	Enumeracija URM programa	52
3.5	Neizračunljivost i neodlučivost	53
3.6	Vremenska i prostorna složenost izračunavanja	56
4	Programski jezici	61
4.1	Mašinski zavisni programski jezici	61
4.1.1	Asemblerski jezici	62
4.1.2	Mašinski jezik	63
4.2	Programski jezici višeg nivoa	64
4.2.1	Leksika, sintaksa, semantika	64
4.2.2	Pragmatika programskih jezika	67
4.2.3	Jezički procesori	69

II	Jezik C	73
5	O programskom jeziku C	75
5.1	Standardizacija jezika	75
6	Prvi programi	77
6.1	Program "Zdravo!"	77
6.2	Program koji ispisuje kvadrat unetog celog broja	79
6.3	Program koji izračunava rastojanje između tačaka	79
6.4	Program koji ispituje da li je uneti broj paran	80
6.5	Program koji ispisuje tablicu kvadrata i korena	81
6.6	Program koji pretvara mala u velika slova	81
7	Predstavljanje podataka i operacije nad njima	85
7.1	Promenljive, tipovi, deklaracije, operatori, izrazi	85
7.1.1	Promenljive i imena promenljivih	85
7.1.2	Deklaracije	86
7.1.3	Osnovni tipovi podataka	87
7.1.4	Brojevine konstante i konstantni izrazi	89
7.1.5	Operatori i izrazi	91
7.2	Konverzije tipova	101
7.2.1	Promocija i democija	101
7.2.2	Eksplicitne konverzije	102
7.2.3	Konverzije pri dodelama	103
7.2.4	Implicitne konverzije u aritmetičkim izrazima	103
7.3	Nizovi i niske	105
7.3.1	Primer korišćenja nizova	105
7.3.2	Deklaracija niza	107
7.3.3	Niske	108
7.3.4	Višedimenzionalni nizovi	110
7.4	Korisnički definisani tipovi	113
7.4.1	Strukture	113
7.4.2	Unije	116
7.4.3	Nabrojivi tipovi (enum)	117
7.4.4	Typedef	118
8	Naredbe i kontrola toka	121
8.1	Naredba izraza	121
8.2	Složene naredbe i blokovi	122
8.3	Naredbe grananja	122
8.3.1	Naredba <code>if-else</code>	122
8.3.2	Konstrukcija <code>else-if</code>	123
8.3.3	Naredba <code>if-else</code> i operator uslova	124
8.3.4	Naredba <code>switch</code>	124
8.4	Petlje	126
8.4.1	Petlja <code>while</code>	126

8.4.2	Petlja <code>for</code>	126
8.4.3	Petlja <code>do-while</code>	128
8.4.4	Naredbe <code>break</code> i <code>continue</code>	128
9	Funkcije	135
9.1	Funkcije	135
9.1.1	Primeri definisanja i pozivanja funkcije	135
9.1.2	Definicija funkcije	136
9.1.3	Deklaracija funkcije	137
9.1.4	Konverzije tipova argumenata funkcije	138
9.1.5	Prenos argumenata	139
9.1.6	Nizovi i funkcije	139
9.1.7	Korisnički definisani tipovi i funkcije	142
10	Organizacija C programa	147
10.1	Doseg, životni vek i organizacija memorije	147
10.1.1	Doseg	147
10.1.2	Životni vek	149
10.1.3	Izvršno okruženje i organizacija memorije	149
10.1.4	Vrste promenljivih	153
10.2	Pretprocesor	156
10.2.1	Uključivanje datoteka zaglavlja	157
10.2.2	Makro zamene	157
10.2.3	Uslovno prevođenje	159
10.3	Programi koji se sastoje od više jedinica prevođenja	162
10.3.1	Primer kreiranja i korišćenja korisničke biblioteke	162
10.3.2	Povezivanje	168
11	Pokazivači	171
11.1	Pokazivači i adrese	171
11.2	Pokazivači i argumenti funkcija	173
11.3	Pokazivači i nizovi	174
11.4	Pokazivačka aritmetika	175
11.5	Karacterski pokazivači i funkcije	176
11.6	Pokazivači i strukture	178
11.7	Pokazivači na funkcije	179
11.8	Nizovi pokazivača i višedimenzioni nizovi	184
12	Dinamička alokacija memorije	187
12.1	Funkcije standardne biblioteke za rad sa dinamičkom memorijom	187
12.2	Greške u radu sa dinamičkom memorijom	191
12.3	Fragmentisanje memorije	193
12.4	Hip i dinamički životni vek	193

13 Pregled standardne biblioteke	195
13.1 Zaglavlje <code>string.h</code>	196
13.2 Zaglavlje <code>stdlib.h</code>	196
13.3 Zaglavlje <code>ctype.h</code>	198
13.4 Zaglavlje <code>math.h</code>	198
13.5 Zaglavlje <code>assert.h</code>	199
A Tabela prioriteta operatora	201
B Rešenja zadataka	203

Deo I

Osnovni pojmovi računarstva
i programiranja

Predgovor

Ova knjiga pisana je kao udžbenik za predmet „Programiranje 1” na smeru *Informatika* Matematičkog fakulteta u Beogradu. Nastala je na osnovu materijala za predavanja koja smo na ovom predmetu držali od 2006. godine.

U ovom predmetu i u ovoj knjizi, centralno mesto ima programski jezik C, ali knjig nije samo kurs ovog jezika, već pokušava da da šire osnove programiranja, ilustrovane kroz jedan konkretan jezik.

Na kraju svake glave naveden je veći broj pitanja i zadataka koji mogu da služe za proveru znanja. Među ovim pitanjima su praktično sva pitanja koja su zadata na testovima i ispitima iz predmeta „Programiranje 1” tokom prethodnih pet godina. Na kraju knjige navedena su rešenja zadataka. Odgovori na pitanja nisu navedeni i na kraju knjige jer su već sadržani u njoj. Na pitanja tipa „šta ispisuje naredni program“ nisu navođeni odgovori jer čitalac to može da proveriti na svom računaru (i knjiga pokušava da ohrabri čitaoca da čitanje knjige kombinuje sa radom na računaru).

Zahvalnost...

Glava 1

Računarstvo i računarski sistemi

Koreni računarstva su mnogo stariji od prvih računara. Vekovima su ljudi su stvarali mehaničke i elektromehaničke naprave koje su mogle da rešavaju neke numeričke zadatke. Računari u današnjem smislu nastali su polovinom dvadesetog veka. Današnji računari su *programabilni*, tj. mogu da se isprogramiraju da vrše različite zadatke. Za funkcionisanje modernih računara neophodan je *hardver* i *softver*. Hardver čine opipljive, fizičke komponente računara: procesor, memorija, matična ploča, hard disk, DVD uređaj, itd. Softver čine računarski programi i prateći podaci koji određuju izračunavanja koje vrši računar. Računarstvo je danas veoma široka i dobro utemeljena naučna disciplina sa mnoštvom podoblasti.

1.1 Rana istorija računarskih sistema

Programiranje u savremenom smislu je postalo praktično moguće tek krajem Drugog svetskog rata, ali je njegova istorija znatno starija. Prvi precizni postupci i sprave za rešavanje matematičkih problema postojali su još u vreme antičkih civilizacija. Na primer, kao pomoć pri izvođenju osnovnih matematičkih operacija korišćene su računaljke zvane *abakus*. U IX veku u Persiji matematičar *Al Horezmi* (engl. *Muhammad ibn Musa al-Khwarizmi*, 780–850) precizno je opisao postupke računanja u indo-arapskom dekadnom brojevnom sistemu (koji i danas predstavlja najkorišćeniji brojevni sistem). U XIII veku *Leonardo Fibonači* (lat. *Leonardo Pisano Fibonacci*, 1170–1250) iz Pize donosi ovaj način zapisivanja brojeva iz Azije u Evropu i to je bio jedan od glavnih preduslova za razvoj matematike i tehničkih disciplina tokom renesanse. Otkriće logaritma je omogućilo svođenje množenja na sabiranje, dodatno olakšano raznovrsnim analognih spravama (npr. *klizni lenjir* — *šiber*)¹. Prve mehaničke sprave

¹Zanimljivo je da su klizni lenjiri nošeni na pet Apolo misija, uključujući i onu na Mesec, kako bi astronautima pomogali u potrebnim izračunavanjima.

koja su mogle da potpuno automatski izvode aritmetičke operacije i pomažu u rešavanju matematičkih zadataka su napravljene u XVII veku. Francuski filozof, matematičar i fizičar *Blez Pascal*² (fr. *Blaise Pascal*, 1623–1662) konstruisao je 1642. godine mehaničku spravu, kasnije nazvanu *Paskalina*, koja je služila za sabiranje i oduzimanje celih brojeva. *Gotfrid Lajbnic* (nem. *Gottfried Wilhelm Leibniz*, 1646–1716), nemački filozof i matematičar, konstruisao je 1672. godine mašinu koja je mogla da izvršava sve četiri osnovne aritmetičke operacije (sabiranje, oduzimanje, množenje i deljenje) nad celim brojevima. Iako je ova mašina bila zasnovana na dekadnom brojevnom sistemu, Lajbnic je bio prvi koji je predlagao korišćenje binarnog brojevnog sistema u računanju.



Slika 1.1: Abakus. Šiber. Paskalina

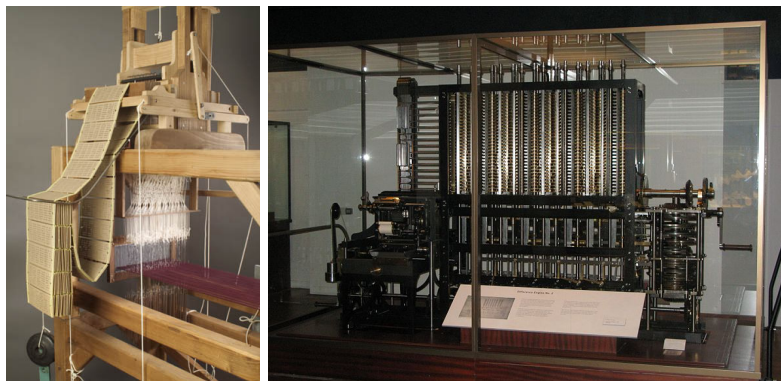
Mehanički uređaji. *Žozef Mari Žakard* (fr. *Joseph Marie Jacquard*, 1752–1834) konstruisao je 1801. godine mehanički tkački razboj koji je koristio bušene kartice. Svaka rupa na kartici određivala je jedan pokret mašina, a svaki red na kartici odgovarao je jednom redu šare. Time je bušena kartica predstavljala svojevrsni program za generisanje kompleksnih šara na tkanini.

U prvoj polovini devetnaestog veka, engleski matematičar, filozof i pronalazač, *Čarls Bebidž* (engl. *Charles Babbage*, 1791–1871) dizajnirao je, mada ne i realizovao, prve programibilne mašine. Godine 1822. započeo je rad na *diferencijskoj mašini* koja je trebalo da računa vrednosti polinomijalnih funkcija (i eliminiše česte ljudske greške u tom poslu) u cilju izrade što preciznijih logaritamskih tablica. Ime je dobila zbog toga što je koristila tzv. metod konačnih razlika kako bi bila eliminisana potreba za množenjem i deljenjem. Mašina je trebalo da ima oko 25000 delova, ali nije završena³. Ubrzo nakon propasti prvog projekta, Bebidž je započeo rad na novoj mašini nazvanoj *analitička mašina*. Osnovna razlika u odnosu na sve prethodne mašine koji su imali svoje specifične namene bila je u tome da je zamišljeno da analitička mašina bude računaska mašina

²U njegovu čast jedan programski jezik nosi ime *PASCAL*.

³Dosledno sledeći Bebidžev dizajn, 1991. godine (u naučno-popularne svrhe) uspešno je konstruisana diferencijska mašina koja rad besprekorno. Nešto kasnije, konstruisan je i „štampač“ koji je Bebidž dizajnirao za diferencijsku mašinu, tj. štamparska presa povezana sa parnom mašinom koja je štampala izračunate vrednosti.

opšte namene i da može da se *programira* (programima zapisanim na bušenim karticama, sličnim Žakardovim karticama). Program zapisan na karticama bi kontrolisao mehanički računar i omogućavao sekvencijalno izvršavanje naredbi, grananje i skokove, slično programima za savremene računare. Osnovni delovi računara bili bi mlin (engl. mill) i skladište (engl. store), koji po svojoj funkcionalnosti sasvim odgovaraju procesoru i memoriji današnjih računara. *Augusta Ada Lavlejs (rođena Bajron) (engl. Augusta Ada King (rođ. Byron), Countess of Lovelace, 1815–1852)* napisala je prve programe za analitičku mašinu i, da je mašina uspešno konstruisana, njeni programi bi mogli da računaju određene složene nizove brojeva (takozvane Bernulijeve brojeve). Zbog ovoga se ona smatra prvim programerom u istoriji (i njoj u čast jedan programski jezik nosi ime *Ada*).



Slika 1.2: Žakardov razboj. Bebidžova diferencijska mašina.

Elektromehanički uređaji. Elektromehanički uređaji za računanje koristili su se od sredine XIX veka do vremena Drugog svetskog rata.

Jedan od prvih je uređaj za čitanje bušenih kartica koji je konstruisao *Herman Holerit (engl. Herman Hollerith, 1860–1929)*. Ovaj uređaj korišćen je 1890. za obradu rezultata popisa stanovništva u SAD. Naime, obrada rezultata popisa iz 1880. godine trajala je više od 7 godina, a zbog naglog porasta broja stanovnika procenjeno je da bi obrada rezultata iz 1890. godine trajala više od 10 godina, što je bilo neprihvatljivo mnogo. Holeritova je sproveo ideju da se podaci prilikom popisa zapisuju na mašinski čitljivom medijumu (bušenim karticama), a kasnije obrađuju njegovom mašinom čime je obrada rezultata uspešno završena za godinu dana. Od Holeritove male kompanije kasnije je nastala čuvena kompanija *IBM*.

Godine 1941, nemački inženjer *Konrad Cuze (nem. Konrad Zuse, 1910–1995)* konstruisao je 22-bitni uređaj za računanje *Z3* koji je imao izvesne mogućnosti programiranja, te se često smatra i prvim realizovanim programabilnim računarom. Cuzeove mašine tokom Drugog svetskog rata naišle su samo na ograničene primene. Cuzeova kompanija proizvela je oko 250 različitih tipova

računara do kraja šezdesetih godina, kada je postala deo kompanije *Siemens* (nem. Siemens).

U okviru saradnje kompanije IBM i univerziteta Harvard, tim *Hauarda Aikena* (engl. *Howard Hathaway Aiken, 1900–1973*) završio je 1944. godine uređaj *Harvard Mark I*. Ova j uređaj čitao je instrukcije sa bušene papirne trake, imao je preko 760000 delova, dužinu 17m, visinu 2.4m i težinu 4.5t. Mark I mogao je da pohrani u memoriji (korišćenjem elektromehaničkih prekidača) 72 broja od po 23 dekadne cifre. Sabiranje i oduzimanje dva broja trajalo je trećinu sekunde, množenje šest, a deljenje petnaest.



Slika 1.3: Holeritova mašina. Harvard Mark I. ENIAC (proces reprogramiranja).

Elektronski računari. Elektronski računari koriste se od kraja tridesetih godina dvadesetog veka do danas.

Jedan od prvih takvih računara (specijalnu namene — rešavanje sistema linearnih jednačina) 1939. godine napravili su *Atanasov* (engl. *John Vincent Atanasoff, 1903–1995*) i *Beri* (engl. *Clifford Edward Berry, 1918–1963*). Mašina je prva koristila binarni brojevni sistem i električne kondenzatore (engl. capacitor) za skladištenje bitova — sistem koji se u svojim savremenim varijantama koristi i danas u okviru tzv. DRAM memorije. Mašina nije bila programabilna.

Krajem Drugog svetskog rata, u Engleskoj je tim u kojem je bio i *Alan Turing* (engl. *Alan Turing, 1912–1954*) konstruisao računar *Kolosus* (engl. *Colossus*) namenjen dešifrovanju nemačkih poruka. Računar je omogućio razbijanje nemačke šifre *Enigma* čime su saveznici uspeali da bili u stanju da prate komunikaciju nemačke podmorničke flote, što je značajno uticalo na ishod Drugog svetskog rata.

U periodu između 1943. i 1946. godine od strane američke vojske i tima univerziteta u Pensilvaniji koji su predvodili *Džon Maučli* (engl. *John William Mauchly, 1907–1980*) i *Džej Ekert* (engl. *J. Presper Eckert, 1919–1995*) konstruisao je

prvi elektronski računar opšte namene — *ENIAC* ("*Electronic Numerical Integrator and Calculator*"). Imao je 1700 vakuumskih cevi, dužinu 30m i bio težak 30 tona. Računske operacije izvršavao je hiljadu puta brže od elektromehaničkih uređaja. Osnovna svrha bila mu je jedna specijalna namena — računanje trajektorije projektila. Bilo je moguće da se mašina preprogramira i za druge zadatke ali to je zahtevalo intervencije na preklopnici i kablovima koje su mogle da traju i nedeljama.

1.2 Računari Fon Nojmanove arhitekture

Rane mašine za računanje nisu bile programabilne već su radile po unapred fiksiranom programu. Takva arhitektura se i danas koristi kod nekih jednostavnih mašina, na primer, kod kalkulatora („digitrona“). Da bi izvršavali nove zadatke rani elektronski računari nisu programirani u današnjem smislu te reči, već su suštinski redizajnirani. Tako su, na primer, operaterima bile potrebne nedelje da bi prespojili žice u okviru kompleksnog sistema ENIAC i tako ga instruisali da izvršava novi zadatak.

Potpuna konceptualna promena došla je kasnih 1940-tih, sa pojavom računara koji programe na osnovu kojih rade čuvaju u memoriji zajedno sa podacima — nastaju *računari sa skladištenim programima* (engl. *stored program computers*). U okviru ovih računara, vidljiva je jasna podela na hardver i softver. Iako ideje za ovaj koncept datiraju još od Čarlsa Bebidža i njegove analitičke mašine i nastavlja se kroz radove Tjuringa, Cuzea, Ekerta, Moučlija, za rodonačelnika ovakve arhitekture računara smatra se *Džon Fon Nojman* (engl. *John Von Neumann, 1903–1957*). Fon Nojman se u ulozi konsultanta priključio timu Ekerta i Moučlija, i 1945. je u svom izveštaju o računaru *EDVAC* ("*Electronic Discrete Variable Automatic Computer*") opisao arhitekturu računara koja se i danas koristi u najvećem broju savremenih računara i u kojoj se programi mogu učitavati isto kao i podaci za obradu. Računar EDVAC, naslednik računara ENIAC, koristio je binarni zapis brojeva, u memoriju je mogao da upiše hiljadu 44-bitnih podataka i prvi omogućavao učitavanje podataka u memoriju.

Osnovni elementi Fon Nojmanove arhitekture računara su *procesor* tj. *CPU* (engl. *Central Processing Unit*) i *glavna memorija*, koji su međusobno povezani. Ostale komponente računara (npr. ulazno-izlazne jedinice, spoljašnje memorije, ...) smatraju se pomoćnim i povezuju se na jezgro računara koje čine procesor i glavna memorija.

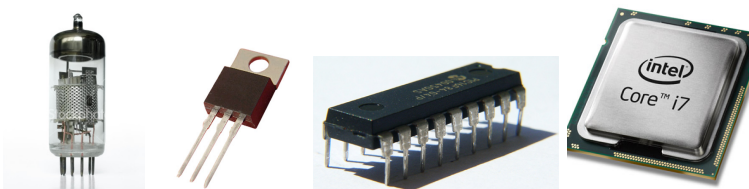
Procesor se sastoji od *kontrolne jedinice* (engl. *Control Unit*) koja upravlja njegovim radom i *aritmetičko-logičke jedinice* (engl. *Arithmetic Logic Unit*) koja je zadužena za izvođenje aritmetičkih operacija (sabiranje, oduzimanje, množenje, poredenje, ...) i logičkih operacija (konjunkcija, negacija, ...) nad brojevima. Procesor sadrži i određeni, manji broj, *registara* koji privremeno mogu da čuvaju podatke. Registri su obično fiksirane širine (8 bita⁴, 16 bita,

⁴bit (skraćeno od engl. *binary digit*) označava jednu binarnu cifru. Ako registar ima n bita, u njemu je moguće skladištiti n binarnih cifara.)

32 bita, 64 bita). Aritmetičko logička jedinica sprovodi operacije nad podacima koji su smešteni u registre i rezultate ponovo smešta u registre.

Memorija je linearno uređeni niz registara (najčešće bajtova⁵), pri čemu svaki registar ima svoju adresu. U memoriji se čuvaju podaci, ali i programi. I podaci i programi se zapisuju isključivo kao binari sadržaj i nema nikakve suštinske razlike između zapisa programa i zapisa podataka. Podaci se mogu prenositi između registara procesora i memorije (ponekad isključivo preko specijalizovanog registra koji se naziva akumulator). Sva obrada podataka se vrši isključivo u procesoru. Programi su predstavljeni nizom elementarnih instrukcija (kojima se procesoru zadaje koju akciju ili operaciju da izvrši). Kontrolna jedinica procesora čita instrukciju po instrukciju programa zapisanog u memoriji i na osnovu njih određuje sledeću akciju sistema (npr. izvrši prenos podataka iz procesora na određenu memorijsku adresu, uradi određenu aritmetičku operaciju nad sadržajem u registrima procesora, ako je sadržaj dva registra jednak nakon ove izvrši instrukciju koja se nalazi na zadatoj memorijskoj adresi i slično).

Moderni programibilni računari se, po pitanju tehnologije koju su koristili, mogu grupisati u četiri generacije, sve zasnovane na Fon Nojmanovoj arhitekturi.



Slika 1.4: Osnovni gradivni elementi korišćeni u četiri generacije računara: vakuumska cev, tranzistor, integrisano kolo i mikroprocesor

I generacija računara (od početka do kraja pedesetih) koristila je *vakuumske cevi* kao logička kola i *magnetne doboše* za memoriju. Za programiranje je, gotovo isključivo, korišćen mašinski jezik a glavne primene su bile vojne i naučne. Računari su bili unikatni i nije postojala serijska proizvodnja. Iako je EDVAC prvi dizajniran, prvi realizovani računari fon Nojmanove arhitekture bili su *Mančesterska „Beba“* (engl. *Manchester „Baby“*) – eksperimentalna mašina na kojoj je testirana tehnologija vakuumskih cevi i njen naslednik *Mančesterski Mark 1* (engl. *Manchester Mark 1*). Još jedan pretendent na titulu prvog realizovanog računara fon Nojmanove arhitekture je i *EDSAC*, izgrađen takođe u Britaniji na osnovu planova za EDVAC opisanih u fon Nojmanovom izveštaju. Tvorci računara EDVAC, počeli su 1951. godine proizvodnju prvog komercijalnog računara *UNIVAC – UNIVersal Automatic Computer* koji je prodat u, za to doba neverovatnih, 46 primeraka.

⁵Bajt (engl. byte) je oznaka za 8 bita.

II generacija računara (od kraja pedesetih do polovine šezdesetih) koristila je *tranzistore* umesto vakuumskih cevi. Iako je tranzistor pronađen još 1947. godine, tek sredinom pedesetih počinje da se koristi umesto vakuumskih cevi kao osnovna elektronska komponenta u okviru računara. U poređenju sa vakuumskih cevima, tranzistori su manji, zahtevaju manje energije te se i manje greju. Tranzistori su unapredili ne samo procesore i memoriju već i spoljašnje uređaje. Počeli su da se koriste magnetni diskovi i trake, započelo je umrežavanje računara, i čak korišćenje računara u zabavne svrhe (implementirana je prva računarska igrica *Spacewar* za računar *PDP-1*). Na računarima druge generacije, umesto mašinskoj jezika, sve više se koristio assembler, a razvijeni su i prvi jezici višeg nivoa (Fortran, Cobol, Lisp). U to vreme kompanija IBM dominirala je tržištem — samo računar *IBM 1401*, prodat u više od deset hiljada primeraka, obuhvatao je oko trećinu tržišta.

III generacija računara (od polovine šezdesetih do kraja sedamdesetih) bila je zasnovana na *integrisanim kolima* smeštenim na silikonskim (*mikro*)čipovima.

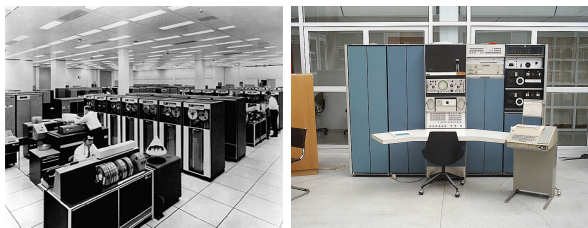


Slika 1.5: Integrisana kola dovela su do minijaturizacije i kompleksni žičani spojevi su mogli biti realizovani na izuzetno maloj površini.

Nova tehnologija omogućila je poslovnu primenu računara u mnogim oblastima. U ovoj eri dominirali su *mejnfrejm* (engl. *mainframe*) računari koji su bili izrazito moćni za to doba, čija se brzina merila milionima instrukcija u sekundi (engl. MIPS) i koji su imali mogućnost skladištenja i obrade velike količine podataka te su korišćeni od strane vlada i velikih korporacija za popise, statističke obrade i slično. Sa udelom od 90%, kompanija IBM je imala apsolutnu dominaciju na tržištu ovih računara. Najznačajniji su računari serije *IBM 700/7000* i kasnije *IBM System/360*. Kod ovih računara uveden je sistem *deljenja vremena* (engl. *timesharing*) koji dragoceno procesorsko vreme raspodeljuje i daje na uslugu različitim korisnicima istovremeno priključenim na računar koji sa računarom komuniciraju putem specijalizovanih *terminala*. Korišćeni su različiti operativni sistemi, uglavnom razvijeni u okviru kompanije IBM.

Pored mejnfrejm računara, u ovom periodu široko su korišćeni i *mini računari* (engl. *minicomputers*) koji se mogu smatrati prvim oblikom ličnih (personalnih) računara. Procesor je, uglavnom, bio na raspolaganju isključivo jednom korisniku. Obično su bili veličine ormana i retko su ih posedovali pojedinci (te se

ne smatraju kućnim računarima). Tržištem ovih računara dominirala je kompanija *DEC – Digital Equipment Corporation* sa svojim serijama računara *PDP* i *VAX*. Za ove računare, obično se vezuje operativni sistem *Unix* i programski jezik *C* razvijeni u *Belovim laboratorijama* (engl. *Bell Laboratories*), kao i *hakerska*⁶ kultura nastala na univerzitetu *MIT* (engl. *Massachusetts Institute of Technology*).



Slika 1.6: Mejnfrejm računar: IBM 7094. Mini računar: DEC PDP 7

IV generacija računara (od sredine sedamdesetih) zasnovana je na visoko integrisanim kolima kod kojih je na hiljade kola smešeno na jedan silikonski čip. U kompaniji Intel napravljen je 1971. godine prvi mikroprocesor *Intel 4004* – celokupna centralna procesorska jedinica smeštena na jednom čipu. Iako prvobitno namenjena za ugradnju u kalkulatore, ova tehnologija omogućila je razvoj brzih a malih računara pogodnih za kućnu upotrebu.

Časopis *Popular electronics* nudio je 1975. godine čitaocima mogućnost naručivanja delova za sklapanje mikroracunara *MITS Altair 8800* zasnovanog na Intel 8080 procesoru (nasledniku procesora 4004). Interesovanje među onima koji su se elektronikom bavili iz hobija bio je izuzetno pozitivan i samo u prvom mesecu prodato je nekoliko hiljada ovih „uradi-sâm” računara. Smatra se da je Altair 8800 bio inicijalna kapisla za „revoluciju mikroracunara” koja je usledila narednih godina. Altair se još vezuje i za nastanak kompanije *Microsoft* – danas jedne od dominantnih kompanija u oblasti proizvodnje softvera. Naime, prvi proizvod kompanije *Microsoft* bio je interpretator za programski jezik *BASIC* za Altair 8800.

Nakon Altaira pojavljuje se još nekoliko računarskih kompleta na sklapanje. Prvi mikroracunar koji je prodavan već sklopljen bio je *Apple*, na čijim je temeljima nastala istoimena kompanija koja je danas jedan od lidera na tržištu računarske opreme.

Kućni računari koristili su sve više – uglavnom od strane entuzijasta, za jednostavnije obrade podataka, učenje programiranja i igranje računarskih igrica. Kompanija *Commodore* je 1977. godine predstavila svoj računarom *Commodore PET* koji je zabeležio veliki uspeh. *Commodore 64*, jedan od najuspešnijih

⁶Termin *haker* se obično koristi za osobe koje neovlašćeno pristupaju računarskim sistemima, ali *hakeraj* kao programerska podkultura podrazumeva anti-autoritaran pristup razvoju softvera, obično povezan sa pokretom za slobodan softver. U oba slučaja, hakeri su pojedinci koji na inovativan način modifikuju postojeće hardverske i softverske sisteme.

računara za kućnu upotrebu, pojavio se 1982. godine. Iz iste kompanije, je i serija *Amiga* računara sa kraja 1980-tih i početka 1990-tih. Pored kompanije *Commodore*, značajni proizvođači računara toga doba bili su i *Sinclair* (sa veoma popularnim modelom *ZX Spectrum*), *Atari*, *Amstrad*, itd. Kućni računari ove ere bili su obično jeftini, imali su skromne karakteristike i najčešće koristili kasetofone i televizijske ekrane kao ulazno-izlazne uređaje.



Slika 1.7: Prvi mikroprocesor: Intel 4004. Naslovna strana časopisa „*Popular electronics*” sa Altair 8800. Commodore 64. IBM PC 5150.

Najznačajnija računarska kompanija toga doba — IBM — uključila se na tržište kućnih računara 1981. godine, modelom *IBM PC 5150*, poznatijem jednostavno kao *IBM PC* ili *PC* (engl. *Personal computer*). Zasnovan na Intelovom procesoru *Intel 8088*, ovaj računar veoma brzo je zauzima tržište računara za ličnu poslovnu upotrebu (obrada teksta, tabelarna proračunavanja, ...). Prateći veliki uspeh IBM PC računara, pojavio se određen broj *klonova* — računara koji nisu proizvedeni u okviru kompanije IBM, ali koji su kompatibilni sa IBM PC računarima. PC arhitektura vremenom je postala standard za kućne računare. Sredinom 1980-tih, pojavom naprednijih grafičkih (VGA) i zvučnih (SoundBlaster) kartica, IBM PC i njegovi klonovi stekli su mogućnost naprednih multimedijalnih aplikacija i vremenom su sa tržišta istisli sve ostale proizvođače. I naslednici originalnog IBM PC računara (IBM PC/XT, IBM PC/AT, ...) bili su zasnovani na Intelovim procesorima, pre svega na *x86* seriji (Intel 80286, 80386, 80486) i zatim na seriji *Intel Pentium* procesora. Operativni sistem koji se tradicionalno vezuju uz PC računare dolaze iz kompanije *Microsoft* — prvo *MS DOS*, a zatim *MS Windows*. Naravno, PC arhitektura podržava i korišćenje drugih operativnih sistema (na primer, GNU/Linux).

Jedini veliki konkurent IBM PC arhitekturi koji se sve vreme održao na

tržištu (pre svega u SAD) je serija računara *Macintosh* kompanije *Apple*. *Macintosh*, koji se pojavio 1984., je prvi komercijalni kućni računar koji je koristio grafički korisnički interfejs i miša. Operativni sistem koji se i danas koristi na *Apple* računarima je *Mac OS*.

Iako su prva povezivanja udaljenih računara izvršena još krajem šezdesetih godina, pojavom *interneta* (engl. *Internet*) i *veba* (engl. *World Wide Web* – *WWW*) većina računara postaje međusobno povezano i domen korišćenja računara biva značajno proširen. Dolazi do svojevrstne informatičke revolucije koja na izvestan način menja društvo i način na koji ljudi funkcionišu. Danas se veliki obim poslovanja izvršava u internet okruženju. Prve decenije XXI veka dolazi do pojave *društvenih mreža* (eng. *social networks*) koje postepeno preuzimaju ulogu osnovnog medijuma za komunikaciju.

Tržištem današnjih računara dominiraju računari zasnovani na *PC* arhitekturi kao i *Apple Mac* računari. Pored stonih (engl. *desktop*) računara popularni su i prenosni (engl. *notebook* ili *laptop*) računari. U najnovije vreme, javlja se trend tehnološke konvergencije i dolazi do stapanja različitih uređaja u jedinstvene celine – na primer, *tablet* (engl. *tablet*) računari i *pametni mobilni telefoni* (engl. *smartphone*). Operativni sistemi koji se danas dominantno koriste na ovim uređajima su *IOS* kompanije *Apple*, kao i *Android* kompanije *Google*.



Slika 1.8: Stoni računar. Prenosni računar: IBM ThinkPad. Tablet: Apple Ipad 2. Pametni telefon: Samsung Galaxy S2.

1.3 Organizacija savremenih računara

Iako u osnovi savremenih računarskih sistema i dalje leži Fon Nojmanova mašina (procesor i memorija), oni se danas ne mogu zamisliti bez niza modernih hardverskih komponenti koje olakšavaju rad sa računarom.

Hardver. čine opipljive, fizičke komponente računara. Osnovu hardvera savremenih računara čine sledeće komponente:

Procesori - Procesor je jedna od dve centralne komponenta svakog računarskog sistema Fon Nojmanove arhitekture. Najznačajniji proizvođači mikroprocesora za PC računare danas su Intel i AMD. Važna karakteristika procesora je njegov radni takt (danas je obično nekoliko gigaherca (GHz)) — veći radni takt obično omogućava izvršavanje većeg broja operacija u jedinici vremena.

Glavna (radna ili operativna) memorija - Memorija je jedna od dve centralne komponenta svakog računarskog sistema Fon Nojmanove arhitekture. S obzirom da se kod ove memorije može sadržaju može pristupiti u potpuno slučajnom redosledu, ova memorija se često naziva i RAM (engl. random access memory). Osnovni parametri memorija su kapacitet (danas obično meren gigabajtima (GB)) i brzina.

Okruženje - matična ploča, magistrala, ...

Memorijska hijerarhija - spoljašnje memorije (diskovi, fleš memorije, ...), keš memorija

Ulazni uređaji - tastature, miševi, skeneri, ...

Izlazni uređaji - grafički adapteri, monitori, štampači, ...

Softver. Softver čine računarski programi i prateći podaci koji određuju izračunavanja koje vrši računar. Osnovna podela softvera je podela na:

Sistemske softver - operativni sistemi (jezgro, uslužni programi), alati za programiranje (prevodioci, debageri, profajleri, integrisana okruženja), ...

Aplikativni softver - pregledači Veba, klijenti elektronske pošte, kancelarijski softver, video igrice, multimedijalni softver, ...

1.4 Oblasti savremenog računarstva

Savremeno računarstvo ima mnogo podoblasti. Zbog njihove isprepletivosti nije jednostavno sve te oblasti sistematizovati i klasifikovati. U nastavku je dat spisak nekih od oblasti savremenog računarstva (u skladu sa klasifikacijom američke asocijacije ACM):

- *Algoritmika* (proces izračunavanja i njihova složenost);
- *Strukture podataka* (reprezentovanje i obrada podataka);
- *Programski jezici* (dizajn i analiza svojstava formalnih jezika za opisivanje algoritama);
- *Programiranje* (proces zapisivanja algoritama u nekom programskom jeziku);
- *Softversko inženjerstvo* (proces dizajniranja, razvoja i testiranja programa);
- *Prevođenje programskih jezika* (efikasno prevođenje jezika, obično na mašinski jezik);
- *Operativni sistemi* (sistemi za upravljanje računarom i programima);
- *Mrežno računarstvo* (algoritmi i protokoli za komunikaciju između računara);
- *Primene* (dizajn i razvoj softvera za svakodnevnu upotrebu);
- *Istraživanje podataka* (pronalaženje relevantnih informacija u velikim skupovima podataka);
- *Veštačka inteligencija* (rešavanje problema u kojima se javlja kombinatorna eksplozija);
- *Robotika* (algoritmi za kontrolu ponašanja robota);
- *Računarska grafika* (analiza i sinteza slika i animacija);
- *Kriptografija* (algoritmi za zaštitu privatnosti podataka);
- *Teorijsko računarstvo* (teorijske osnove izračunavanja, računarska matematika, verifikacija softvera, itd);

Pitanja za vežbu

Pitanje 1.4.1. *Nabrojati osnovne periode u razvoju računara i navesti njihove osnovne karakteristike i predstavnike.*

Pitanje 1.4.2. *Ko je i u kom veku konstruisao prvu mehaničku spravu na kojoj je bilo moguće sabirati prirodne brojeve, a ko je i u kom veku konstruisao prvu mehaničku spravu na kojoj je bilo moguće sabirati i množiti prirodne brojeve?*

Pitanje 1.4.3. *Kojoj spravi koja se koristi u današnjem svetu najviše odgovaraju Paskalove i Lajbnicove sprave?*

Pitanje 1.4.4. *Kakva je veza između tkačkih razboja i računara s početka XIX veka?*

Pitanje 1.4.5. *Koji je značaj Čarlsa Bėbidža za razvoj računarstva i programiranja? U kom veku je dizajnirao svoje računrske mašine? Kako se one zovu i koja od njih je trebalo da bude programabilna? Ko se smatra prvim programerom?*

Pitanje 1.4.6. *Na koji način je Herman Holerit doprineo izvršavanju popisa stanovnika u SAD 1890? Kako su bili čuvani podaci sa tog popisa? Koja čuvena kompanija je nastala iz kompanije koju je Holerit osnovao?*

Pitanje 1.4.7. *Kada su nastali prvi elektronski računari? Nabrojati nekoliko najznačajnijih.*

Pitanje 1.4.8. *Na koji način je programiran računar ENIAC, a na koji računar EDVAC?*

Pitanje 1.4.9. *Koji su osnovne komponente računara Fon Nojmanove arhitekture? Šta se skladišti u memoriju računara Fon Nojmanove arhitekture? Gde se vrši obrada podataka u okviru računara Fon Nojmanove arhitekture? Od kada su računari zasnovani na fon Nojmanovoj arhitekturi?*

Pitanje 1.4.10. *Šta su to računari sa skladištenim programom? Šta je to hardver a šta softver?*

Pitanje 1.4.11. *Šta su procesorske instrukcije? Navesti nekoliko primera.*

Pitanje 1.4.12. *Koji su uobičajeni delovi procesora? Da li se u okviru samog procesora nalazi određena količina memorije za smeštanje podataka? Kako se naziva?*

Pitanje 1.4.13. *Ukratko opisati osnovne elektronske komponente svake generacije računara savremenih elektronskih računara? Šta su bile osnovne elektronske komponente prve generacije elektronskih računara? Od koje generacije računara se koriste mikroprocesori? Koji tipovi računara se koriste u okviru III generacije?*

Pitanje 1.4.14. *U kojoj deciniji dolazi do pojave računara za kućnu upotrebu? Koji je najprodavaniji model firme Commodore? Da li je IBM proizvodio računare za kućnu upotrebu? Koji komercijalni kućni računar prvi uvodi grafički korisnički interfejs i miša?*

Pitanje 1.4.15. *Koja serija Intelovih procesora je bila dominantna u PC računarima 1980-tih i 1990-tih godina?*

Pitanje 1.4.16. *Šta je to tehnološka konvergencija? Opišite tablet računare? Šta su to „pametni telefoni“?*

Glava 2

Reprezentacija podataka u računarima

Današnji računari su *digitalni*. To znači da su svi podaci koji su u njima zapisani, zapisani kao nizovi celih brojeva. Dekadni brojevni sistem koji ljudi koriste u svakodnevnom životu nije pogodan za zapis brojeva u računarima jer zahteva azbuku od 10 različitih simbola (cifara). Bilo da se radi o elektronskim, magnetnim ili optičkim komponentama, tehnologija izrade računara i medija za zapis podataka koristi elemente koji imaju dva diskretna stanja što za zapis podataka daje azbuku od samo 2 različita simbola. Tako, na primer, ukoliko između dve tačke postoji napon viši od određenog praga, onda smatramo da je tom paru tačaka odgovara vrednost 1, a inače mu odgovara vrednost 0. Takođe, polje hard diska može biti bit ili namagnetisano što odgovara vrednosti 1 ili razmagnetisano što odgovara vrednosti 0. Slično, laserski zrak na površini kompakt diska „buši rupice” kojim je određen zapis podataka pa polje koje nije izbušeno predstavlja vrednost 0, a ono koje jeste izbušeno vrednost 1. U nastavku će biti pokazano da je azbuka od samo dva simbola dovoljna za zapisivanje svih vrsta brojeva, pa samim tim i svih digitalnih podataka.

2.1 Analogni i digitalni podaci i digitalni računari

Kontinualna priroda signala. Većina podataka koje računari koriste nastaje zapisivanjem prirodnih signala. Najznačajniji primeri signala su zvuk i slika, ali se pod signalima podrazumevaju i ultrazvučni signali, EKG signali, zračenja različite vrste itd.

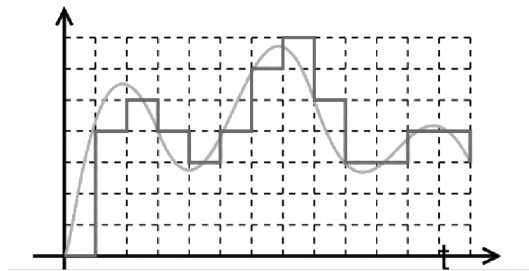
Signali koji nas okružuju u prirodi u većini slučajeva se prirodno mogu predstaviti neprekidnim funkcijama. Na primer, zvučni signal predstavlja promenu pritiska vazduha u zadatoj tački i to kao neprekidnu funkciju vremena. Slika se može opisati intenzitetom svetlosti određene boje (tj. određene talasne dužine) u datom vremenskom trenutku i to kao neprekidna funkcija prostora.

Analogni zapis. Osnovna tehnika koja se primenjuje kod analognog zapisa signala je da se kontinualne promene signala koji se zapisuje opišu kontinualnim promenama određenog svojstva medijuma na kojem se signal zapisuje. Tako, na primer, promene pritiska vazduha koji predstavlja zvučni signal direktno odgovaraju promenama nivoa namagnetisanja na magnetnoj traci na kojoj se zvuk analogno zapisuje. Količina boje na papiru direktno odgovara intenzitetu svetlosti u vremenskom trenutku kada je fotografija bila snimljena. Dakle, analogni zapis uspostavlja *analogiju* između signala koji je zapisan i određenog svojstva medijuma na kome je signal zapisan.

Osnovna prednost analogne tehnologije je da je ona obično veoma jednostavna ukoliko se zadovoljimo relativno niskim kvalitetom (još su drevni narodi mogli da naprave nekakav zapis zvuka uz pomoću jednostavne igle prikačene na trepereću membranu).

Osnovi problem analogne tehnologije je što je izrazito teško na medijumu napraviti veran zapis signala koji se zapisuje i izrazito je teško i napraviti dva identična zapisa istog signala. Takođe, problem predstavlja i inherentna nestalnost medijuma, njegova promenljivost tokom vremena i podložnost spoljašnjim uticajima. S obzirom da male varijacije medijuma direktno dovode do varijacije zapisanog signala, vremenom neizbežno dolazi do pada kvaliteta analogno zapisanog signala. Obrada analogno zapisanih signala je izuzetno komplikovana i za svaku vrstu obrade signala, potrebno je da postoji uređaj koji je specijalizovan za tu vrste obrade.

Digitalni zapis. Osnovna tehnika koja se koristi kod digitalnog zapisa podataka je da se vrednost signala izmeri u određenim vremenskim trenucima odnosno određenim tačkama prostora i da se onda na medijumu zapišu izmerene vrednosti. Ovim je svaki digitalno zapisani signal predstavljen nizom brojeva koji se nazivaju *odbirci* (engl. *sample*). Svaki od brojeva predstavlja vrednost signala u jednoj tački diskretizovanog domena. S obzirom da izmerene vrednosti takođe pripadaju kontinualnoj skali, neophodno je izvršiti i diskretizaciju kodomena, odnosno dopustiti zapisivanje samo određenog broja nivoa različitih vrednosti.



Slika 2.1: Digitalizacija zvučnog signala

Digitalni zapis predstavlja diskretnu aproksimaciju polaznog signala. Pitanje koje se neizbežno postavlja je koliko često je potrebno vršiti merenje, kako bi se polazni kontinualni signal mogao verno rekonstruisati. Odgovor daje tvrdjenje o odabiranju (tzv. Najkvist-Šenonova teorema) koja kaže da je signal dovoljno meriti dva puta češće od najveće frekvencije koja sa u njemu javlja. Na primer, pošto čovekovo uho čuje frekvencije do 20KHz, dovoljno je da frekvencija odabiranja bude 40KHz. Dok je za analogne tehnologije za postizanje visokog kvaliteta zapisa potrebno imati medijume visokog kvaliteta, kvalitet reprodukcije digitalnog zapisa ne zavisi od toga kakav je kvalitet medija na kome su podaci zapisani, sve dok je medijum dovoljnog kvaliteta da se zapisani brojevi mogu razaznati. Dodatno, kvarljivost koja je inherentna za sve medije postaje nebitna. Na primer, papir vremenom žuti što prouzrokuje pad kvaliteta analognih fotografija tokom vremena. Međutim, ukoliko bi papir sadržao zapis brojeva koji predstavljaju vrednosti boja u tačkama digitalno zapisane fotografije, činjenica da papir žuti ne bi predstavljala problem dok god se brojevi mogu razaznati.

Digitalni zapis omogućava kreiranje apsolutno identičnih kopija što dalje omogućava prenos podataka na daljinu. Na primer, ukoliko izvršimo fotokopiranje fotografije, napravljena fotokopija je neuporedivog lošijeg kvaliteta od originala. Međutim, ukoliko prekopiramo CD na kome su zapisani brojevi koji čine zapis neke fotografije, kvalitet slike ostaje apsolutno isti. Ukoliko bi se dva CD-a pogledala pod mikroskopom, oni bi izgledali delimično različito, ali to ne predstavlja problem sve dok se brojevi koji su na njima zapisani mogu razaznati.

Obrada digitalno zapisanih podataka se svodi na matematičku manipulaciju brojevima i ne zahteva (za razliku od analognih podataka) korišćenje specijalizovanih mašina.

Osnovi problem implementacije digitalnog zapisa predstavlja činjenica da je neophodno imati veoma razvijenu tehnologiju da bi se uopšte stiglo do iole upotrebljivog zapisa. Na primer, izuzetno je komplikovano napraviti uređaj koji je u stanju da 40 hiljada puta izvrši merenje intenziteta zvuka. Jedna sekunda zvuka se predstavlja sa 40 hiljada brojeva, za čiji je zapis neophodna gotovo cela jedna sveska. Ovo je osnovni razlog zbog čega se digitalni zapis istorijski javio kasno. Kada se došlo do tehnološkog nivoa koji omogućava digitalni zapis, on je doneo mnoge prednosti u odnosu na analogni.

2.2 Zapis brojeva

Procesom digitalizacije je proces reprezentovanja (raznovrsnih) podataka brojevima. Kako se svi podaci u računarima reprezentuju na taj način — brojevima, neophodno je precizno definisati zapisivanje različitih vrsta brojeva. Osnovu digitalnih računara, u skladu sa njihovom tehnološkom osnovom, predstavlja *binarni* brojevni sistem (sistem sa osnovom 2). U računarstvu se koriste i *heksadekadni* brojevni sistem (sistem sa osnovom 16) a i, nešto ređe, *oktalni* brojevni sistem (sistem sa osnovom 8), zbog toga što ovi sistemi omogućavaju jednostavnu konverziju između njih i binarnog sistema. Naglasimo da je zapis

broja samo konvencija a da su brojevi koji se zapisuju apsolutni i ne zavise od konkretnog zapisa. Tako, na primer, zbir dva prirodna broja je uvek jedan isti broj, bez obzira na to u kom sistemu su ova tri broja zapisana.

2.2.1 Neoznačeni brojevi

Pod *neoznačenim brojevima* podrazumeva se neoznačeni zapis prirodnih brojeva. Oni su nenegativni, te se znak izostavlja iz zapisa.

Određivanje broja na osnovu datog zapisa. Pretpostavimo da je dat pozicioni brojevni sistem sa osnovom b , gde je b prirodan broj veći od 1. Niz cifara $(a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_b$ predstavlja zapis¹ broja u osnovi b , pri čemu za svaku cifru a_i važi $0 \leq a_i < b$.

Značenje zapisa broja u osnovi b definiše se na sledeći način:

$$(a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_b = \sum_{i=0}^n a_i \cdot b^i = a_n \cdot b^n + a_{n-1} \cdot b^{n-1} + \dots + a_1 \cdot b + a_0$$

Ova se definicija daje postupak za određivanje vrednosti datog zapisa:

```
x := 0
za svako i od 0 do n
    x := x + a_i · b^i
```

ili, malo modifikovano:

```
x := a_0
za svako i od 1 do n
    x := x + a_i · b^i
```

Na primer:

$$(101101)_2 = 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2 + 1 = 32 + 8 + 4 + 1 = 45,$$

$$(3245)_8 = 3 \cdot 8^3 + 2 \cdot 8^2 + 4 \cdot 8 + 5 = 3 \cdot 512 + 2 \cdot 64 + 4 \cdot 8 + 5 = 1536 + 128 + 32 + 5 = 1701.$$

Primetimo da je za izračunavanje vrednosti nekog $(n + 1)$ -tocifrenog zapisa navednim postupkom potrebno $n + 1$ sabiranja i $n + (n - 1) + \dots + 1 = \frac{n(n+1)}{2}$ množenja. Zaista, da bi se izračunalo $a_n \cdot b^n$ potrebno je n množenja, da bi se izračunalo $a_{n-1} \cdot b^{n-1}$ potrebno je $n - 1$ množenja, itd. Međutim, ovo izračunavanje može da se izvrši i efikasnije. Ukoliko se za izračunavanje člana b^i iskoristi već izračunata vrednost b^{i-1} , broj množenja se može svesti $2n$ tj. na dva množenja po svakoj cifri. Ovaj način izračunavanja primenjen je u sledećem postupku:

```
x := a_0
B := 1
```

¹Ako u zapis broja nije navedena osnova, podrazumeva se da je osnova 10.

za svako i od 1 do n

$$B := B \cdot b$$

$$x := x + a_i \cdot B$$

Još efikasniji postupak izračunavanja se može dobiti korišćenjem *Hornerove sheme*:

$$(a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_b = (\dots((a_n \cdot b + a_{n-1}) \cdot b + a_{n-2}) \dots + a_1) \cdot b + a_0$$

Korišćenjem ove sheme, dolazi se do sledećeg postupka za određivanje vrednosti broja zapisanog u nekoj brojevnoj osnovi:

$x := 0$

za svako i od n unazad do 0

$$x := x \cdot b + a_i$$

Za ilustraciju Hornerovog postupka, odredimo koji je broj zapisan sa $(9876)_{10}$.

i		3	2	1	0
a_i		9	8	7	6
x	0	$0 \cdot 10 + 9 = 9$	$9 \cdot 10 + 8 = 98$	$98 \cdot 10 + 7 = 987$	$987 \cdot 10 + 6 = 9876$

Primetimo da međurezultati dobijeni u ovom računu direktno odgovaraju prefiksima zapisa čija se vrednost određuje, a rezultat u poslednjoj koloni je traženi broj.

Navedeni postupak može se primeniti na proizvoljnu brojevnu osnovu. Sledeći primer to ilustruje za zapis $(3245)_8$.

i		3	2	1	0
a_i		3	2	4	5
x	0	$0 \cdot 8 + 3 = 3$	$3 \cdot 8 + 2 = 26$	$26 \cdot 8 + 4 = 212$	$212 \cdot 8 + 5 = 1701$

Navedena tabela može se kraće zapisati na sledeći način:

	3	2	4	5
0	3	26	212	1701

Hornerov postupak je efikasniji u odnosu na klasičan, jer je u svakom koraku dovoljno izvršiti samo jedno množenje i jedno sabiranje (ukupno $n + 1$ sabiranja i $n + 1$ množenja).

Određivanje zapisa datog broja. Za svaku cifru a_i u zapisu broja x u osnovi b važi da je $0 \leq a_i < b$ i važi da je a_0 ostatak pri deljenju broja x osnovom b . Takođe, broj čiji je zapis $(a_n a_{n-1} \dots a_1)_b$ je celobrojnik količnik pri istom deljenju. Dakle, izračunavanjem celobrojnog količnika i ostatka pri deljenju sa b , određena je poslednja cifra broja x i broj koji se dobije uklanjanjem poslednje cifre iz zapisa. Ukoliko se isti postupak primeni na dobijeni količnik, dobija se postupak koji omogućava da se odrede sve cifre u zapisu broja x . Postupak se zaustavlja kada tekući količnik postane 0. Ako se izračunavanje ostatka pri deljenju označi sa mod , a celobrojnog količnika sa div , postupak kojim se određuje zapis broja x u datoj osnovi b se može formulisati na sledeći način:

```

i := 0
dok je x različito od 0
  a_i := x mod b
  x := x div b
  i := i + 1

```

Na primer, $1701 = (3245)_8$ jer je $1701 = 212 \cdot 8 + 5 = (26 \cdot 8 + 4) \cdot 8 + 5 = ((3 \cdot 8 + 2) \cdot 8 + 4) \cdot 8 + 5 = (((0 \cdot 8 + 3) \cdot 8 + 2) \cdot 8 + 4) \cdot 8 + 5$. Ovaj postupak se može prikazati i tabelom:

i	0	1	2	3	
x	1701	$1701 \text{ div } 8 = 212$	$212 \text{ div } 8 = 26$	$26 \text{ div } 8 = 3$	$3 \text{ div } 8 = 0$
a_i	1701	$1701 \text{ mod } 8 = 5$	$212 \text{ mod } 8 = 4$	$26 \text{ mod } 8 = 2$	$3 \text{ mod } 8 = 3$

Prethodna tabela može se kraće zapisati na sledeći način:

1701	212	26	3	0
5	4	2	3	

Druga vrsta tablele sadrži celobrojne količnike, a treća ostatke pri deljenju sa osnovom b , tj. tražene cifre. Zapis broja se formira tako što se dobijene cifre čitaju unatrag.

Primitimo da su ovaj algoritam i Hornerov algoritam međusobno simetrični u smislu da se svi međurezultati poklapaju.

Direktno prevođenje između heksadekadnog i binarnog sistema.

Osnovni razlog korišćenja heksadekadnog sistema je mogućnost jednostavnog prevođenja brojeva između binarnog i heksadekadnog sistema. Pri tome, heksadekadni sistem omogućava da se binarni sadržaj memorije kompaktno zapiše (uz korišćenje znatno manjeg broja cifara). Tako se, na primer, 32-bitni sadržaj može zapisati korišćenjem samo 8 heksadekadnih cifara.

$$(1011\ 0110\ 0111\ 1100\ 0010\ 1001\ 1111\ 0001)_2 = (B67C29F1)_{16}$$

Prevođenje se može izvršiti tako što se grupišu četiri po četiri binarne cifre, krenuvši unazad, i svaka četvorka se zasebno prevede u odgovarajuću heksadekadnu cifru na osnovu sledeće table:

heksta	binarno	heksta	binarno	heksta	binarno	heksta	binarno
0	0000	4	0100	8	1000	C	1100
1	0001	5	0101	9	1001	D	1101
2	0010	6	0110	A	1010	E	1110
3	0011	7	0111	B	1011	F	1111

Zapisi fiksirane dužine U računarima se obično koristi fiksirani broj binarnih cifara (sačuvanih u pojedinačnim *bitovima*) za zapis svakog broja. Takve zapise označavamo sa $(\dots)_b^n$, ako se koristi n cifara. Ukoliko je broj cifara potrebnih za zapis broja kraći od tražene dužine zapisa, broj se proširuje vodećim nulama. Na primer, $55 = (0011\ 0111)_2^8$. Ograničavanjem broja cifara ograničava se i raspon brojeva koje je moguće zapisati i to na raspon od 0 do $2^n - 1$. U sledećoj tabeli su dati rasponi za najčešće korišćene dužine zapisa:

broj bitova	raspon
8	od 0 do 255
16	od 0 do 65535
32	od 0 do 4294967295

2.2.2 Označeni brojevi

Označeni brojevi su celi brojevi čiji zapis uključuje i zapis znaka broja (+ ili -). S obzirom na to da savremeni računari koriste binarni brojevni sistem, razmatraćemo samo zapise označenih brojeva u binarnom brojevnom sistemu. Postoji više načina zapisivanja označenih brojeva od kojih su najčešće u upotrebi *označena apsolutna vrednost* i *potpuni komplement*.

Označena apsolutna vrednost. Zapis broja se formira tako što se u registar unapred fiksirane dužine n , na prvu poziciju upiše znak broja, a na preostalim $n - 1$ poziciju upiše zapis apsolutne vrednosti broja. Pošto se za zapis koriste samo dva simbola (0 i 1), konvencija je da se znak + zapisuje simbolom 0, a znak - simbolom 1. Ovim se postiže da pozitivni brojevi imaju identičan zapis kao da su u pitanju neoznačeni brojevi. Na primer, $+100 = (0\ 1100100)_2^8$, $-100 = (1\ 1100100)_2^8$.

Osnovni problem zapisa u obliku označene apsolutne vrednosti je činjenica da se osnovne aritmetičke operacije teško izvode ukoliko su brojevi zapisani na ovaj način.

Potpuni komplement. Ovaj zapis označenih brojeva zadovoljava sledeće uslove:

1. Nula i pozitivni brojevi se zapisuju na isti način kao da su u pitanju neoznačeni brojevi, pri čemu u njihovom zapisu prva cifra mora da bude 0.
2. Sabiranje se sprovodi na isti način kao da su u pitanju neoznačeni brojevi, pri čemu se prenos sa poslednje pozicije zanemaruje.

Tako se, na primer, broj +100 u potpunom komplementu zapisuje kao $(0\ 1100100)_2^8$. Nula se zapisuje kao $(0\ 0000000)_2^8$. Zapis broja -100 u obliku $(\dots)_2^8$ se može odrediti na sledeći način. Zbir brojeva -100 i +100 mora da bude 0.

	binarno	dekadno
	????????	-100
+	01100100	+100
	$\cancel{0}0000000$	0

Analizom traženog sabiranja cifru po cifru, počevši od poslednje, sledi da se -100 mora zapisati kao $(10011100)_2^8$. Do ovoga je moguće doći i na sledeći način. Ukoliko je poznat zapis broja x , zapis njemu suprotnog broja je moguće odrediti iz uslova da je $x + (-x) = (1\ 00\dots 00)_2^{n+1}$. Pošto je $(1\ 00\dots 00)_2^{n+1} = (11\dots 11)_2^n + 1$, zapis broja $(-x)$ je moguće odrediti tako što se izračuna $(11\dots 11)_2^n - x + 1$. Izračunavanje razlike $(11\dots 11)_2^n - x$ se svodi na *komplementiranje* svake pojedinačne cifre broja x . Tako se određivanje zapisa broja -100 može opisati na sledeći način:

	01100100	+100
	10011011	komplementiranje
+	1	
	10011100	

Kao što je traženo, zapisi svih pozitivnih brojeva i nule počinju cifrom 0 dok zapisi negativnih brojeva počinju sa 1.

Zapis broja $(100\dots 00)_2^n$ je sam sebi komplementaran, a pošto počinje cifrom 1, uzima se da on predstavlja zapis najmanjeg negativnog broja. Tako dobijamo da je u zapisu potpunog komplementa $(\dots)_2^n$ moguće zapisati brojeve od -2^{n-1} do $2^{n-1} - 1$. U sledećoj tabeli su dati rasponi za najčešće korišćene dužine zapise u potpunom komplementu:

broj bita	raspon
8	od -128 do +127
16	od -32768 do +32767
32	od -2147483648 do +2147483647

2.2.3 Razlomljeni brojevi

Za zapis razlomljenih brojeva se najčešće koristi tzv. zapis u *pokretnom zarezu* (engl. floating point). Osnovna ideja je da se brojevi zapisuju u obliku

$$\pm m \cdot b^e,$$

pri čemu se onda zasebno zapisuju znak broja, mantisa m i eksponent e , pri čemu se osnova b podrazumeva (danas se obično koristi osnova $b = 2$, dok se nekada koristila i osnova $b = 16$). Standard koji definiše zapis brojeva u pokretnom zarezu se naziva *IEEE 754*.

2.3 Zapis teksta

Međunarodna organizacija za standardizaciju *ISO* (engl. *International Standard Organization*) definiše tekst (ili dokument) kao „*informaciju namenjenu*

ljudskom sporazumevanju koja može biti prikazana u dvodimenzionalnom obliku. Tekst se sastoji od grafičkih elemenata kao što su karakteri, geometrijski ili fotografski elementi ili njihove kombinacije, koji čine sadržaj dokumenta“. Iako tekst obično zamišljamo kao dvodimenzioni objekat, u računarima se tekst predstavlja kao jednodimenzioni (linearni) niz karaktera koji pripadaju određenom unapred fiksiranom skupu karaktera. U zapisu teksta, koriste se specijalni karakteri koji označavaju prelazak u novi red, tabulator, kraj teksta i slično.

Osnovna ideja koja omogućava zapis teksta u računarima je da se svakom karakteru pridruži određeni (neoznačeni) ceo broj (a koji se interno u računarima zapisuje binarno) i to na unapred dogovoreni način. Ovi brojevi se nazivaju *kodovima karaktera* (engl. character codes). Tehnička ograničenja ranih računara kao i neravnomeran razvoj računarstva između različitih zemalja, doveli su do toga da postoji više različitih standardnih tablica koje dodeljuju numeričke kodove karakterima. S obzirom na broj bitova potrebnih za kodiranje određenih karaktera, razlikuju se 7-bitni kodovi, 8-bitni kodovi, 16-bitni kodovi, 32-bitni kodovi, kao i kodiranja promenljive dužine koja različitim karakterima dodeljuju kodove različite dužine.

Potrebno je napraviti veoma jasnu razliku između karaktera i njihove grafičke reprezentacije. Elementi pisanog teksta koji najčešće predstavljaju grafičke reprezentacije pojedinih karaktera nazivaju se *glifovi* (engl. glyph), a skupovi glifova nazivaju se *fontovi* (engl. font). Korespondencija između karaktera i glifova ne mora biti jednoznačna. Naime, softver koji prikazuje tekst može više karaktera predstaviti jednim glifom (to su takozvane *ligature*, kao na primer glif za karaktere „f” i „i”: fi), dok isti karakter može biti predstavljen različitim glifovima u zavisnosti od svoje pozicije u reči. Takođe, moguće je da određeni fontovi ne sadrže glifove za određene karaktere i u tom slučaju se tekst ne prikazuje na odgovarajući način, bez obzira što je ispravno kodiran. Fontovi koji se standardno instaliraju uz operativni sistem sadrže glifove za karaktere koji su popisani na takozvanoj *WGL4* listi (*Windows Glyph List 4*) koja sadrži uglavnom karaktere korišćene u evropskim jezicima, dok je za ispravan prikaz, na primer, kineskih karaktera potrebno instalirati dodatne fontove.

Specijalnim karakterima se najčešće ne pridružuje zaseban grafički lik.

Englesko govorno područje. Tokom razvoja računarstva, broj karaktera koje je bilo poželjno kodirati je postajao sve veći i veći. Pošto je u početku razvoja računara englesko govorno područje bilo dominantno, osnovno je bilo predstaviti sledeće karaktere:

- Mala slova engleskog alfabeta: a, b, ... , z
- Velika slova engleskog alfabeta: A, B, ... , Z
- Cifre 0, 1, ... , 9
- Interpunkcijske znake: , . : ; + * - _ () [] { } ...
- Specijalne znake: kraj reda, tabulator, ...

Standardne tabele kodova ovih karaktera su se pojavile još tokom šezdesetih godina XX veka. Najrasprostranjenije od njih su:

- *EBCDIC* - IBM-ov standard, korišćen uglavnom na mainframe računarima, pogodan za bušene kartice.
- *ASCII* - standard iz koga se razvila većina danas korišćenih standarda za zapis karaktera.

ASCII. *ASCII (American Standard Code for Information Interchange)* je standard uspostavljen 1968. godine od strane *ANSI (American National Standard Institute)* koji definiše sedmobitan zapis koda svakog karaktera što daje mogućnost zapisivanja ukupno 128 različitih karaktera, pri čemu nekoliko kodova ima dozvoljeno slobodno korišćenje. *ISO* takođe delimično definiše ASCII tablicu kao deo standarda *ISO 646 (US)*.

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	NUL	STX	SOT	ETX	EOT	ENO	ACK	BEL	BS	HT	LF	VT	FF	CR	SO	SI
1	DLE	DC1	DC2	DC3	DC4	NAK	SYN	ETB	CAN	EM	SUB	ESC	FS	GS	RS	US
2		!	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/
3	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]	^	_
6	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	DEL

Slika 2.2: ASCII tablica

Osnovne osobine ASCII standarda su:

- Prva 32 karaktera – od $(00)_{16}$ do $(1F)_{16}$ – su specijalni kontrolni karakteri.
- 95 karaktera ima pridružene grafičke likove (engl. printable characters)
- Cifre 0-9 su predstavljene kodovima $(30)_{16}$ do $(39)_{16}$ tako da se njihov ASCII zapis jednostavno dobija dodavanjem prefiksa 011 na njihov binarni zapis.
- Kodovi velikih i malih slova se razlikuju u samo jednom bitu u binarnoj reprezentaciji. Na primer, *A* se kodira brojem $(41)_{16}$ odnosno $(100\ 0001)_2$, dok se *a* kodira brojem $(61)_{16}$ odnosno $(110\ 0001)_2$. Ovo omogućava da se konverzija veličine slova u oba smera može vršiti efikasno.
- Slova su uređena, tj. poređana u tzv. kolacionu sekvencu u skladu sa engleskim alfabetom.

Različiti operativni sistemi predviđaju različito kodiranje oznake za prelazak u novi red. Tako operativni sistem Windows podrazumeva da se prelazak u novi red kodira sa dva kontrolna karaktera i to *CR* (carrige return) predstavljen kodom $(0D)_{16}$ i *LF* (line feed) predstavljen kodom $(0A)_{16}$, operativni sistem Unix i njegovi derivati podrazumevaju da se koristi samo karakter *LF*, dok MacOS podrazumeva korišćenje samo karaktera *CR*.

Nacionalne varijante ASCII tablice i ISO 646. Tokom osamdesetih godina XX veka, Jugoslovenski zavod za standarde definiše *YU-ASCII* (*YUSCII*, *JUS I.B1.002*, *JUS I.B1.003*) kao deo standarda ISO 646, tako što kodove koji imaju slobodno korišćenje (a koji u ASCII tablici uobičajeno kodiraju zagrade i određene interpunkcijske znakove) dodeljuje našim dijakriticima:

YUSCII	ASCII	kôd	YUSCII	ASCII	kôd
Ž	@	$(40)_{16}$	ž	‘	$(60)_{16}$
Š	[$(5B)_{16}$	š	{	$(7B)_{16}$
Đ	\	$(5C)_{16}$	đ		$(7C)_{16}$
Ć]	$(5D)_{16}$	ć	}	$(7D)_{16}$
Č	~	$(5E)_{16}$	č	~	$(7E)_{16}$

Osnovne mane YUSCII kodiranja su to što ne poštuje abecedni poredak, kao i to da su neke zagrade i važni interpunkcijski znaci izostavljeni.

8-bitna proširenja ASCII tablice. Podaci se u računaru obično zapisuju bajt po bajt (a bajt ima osam bitova). S obzirom na to da je ASCII sedmobitni standard, ASCII karakteri se zapisuju tako što se njihov sedmobitni kôd proširi vodećom nulom. Ovo znači da jednobajtni zapisi u kojima je vodeća cifra 1, tj. raspon od $(80)_{16}$ do $(FF)_{16}$ nisu iskorišćeni. Na žalost, ovih dodatnih 128 kodova nisu dovoljni kako bi se kodirali svi karakteri koji su potrebni za zapis tekstova van engleskog govornog područja. Zbog toga je odlučeno da se umesto jedinstvene tabele koja bi proširivala ASCII na 256 karaktera standardizuje nekoliko takvih tabela, pri čemu svaka od tabela sadrži karaktere potrebne za zapis određenog jezika odnosno određene grupe jezika.

Problem je što postoji dvostruka standardizacija ovako kreiranih kodnih strana i to od strane ISO (International Standard Organization) i od strane značajnih industrijskih korporacija, pre svega kompanije *Microsoft*.

ISO definiše familiju 8-bitnih kodnih strana koje nose zajedničku oznaku *ISO/IEC 8859*. Kodovi od $(00)_{16}$ do $(1F)_{16}$, $(7F)_{16}$ i od $(80)_{16}$ do $(9F)_{16}$ ostaju nedefinisani ovim standardom, iako se često u praksi popunjavaju određenim kontrolnim karakterima.

ISO-8859-1	Latin 1	većina zapadno-evropskih jezika
ISO-8859-2	Latin 2	centralno i istočno-evropski jezici
ISO-8859-3	Latin 3	južno-evropski jezici
ISO-8859-4	Latin 4	severno-evropski jezici
ISO-8859-5	Latin/Cyrillic	ćirilica većine slovenskih jezika
ISO-8859-6	Latin/Arabic	najčešće korišćeni arapski
ISO-8859-7	Latin/Greek	moderni grčki alfabet
ISO-8859-8	Latin/Hebrew	moderni hebrejski alfabet

Microsoft definiše familiju 8-bitnih strana koje se označavaju kao *Windows-125x* (ove strane se nekada nazivaju i *ANSI*). Za srpski jezik, značajne su kodne strane:

Windows-1250	centralno i istočno-evropski jezici
Windows-1251	ćirilica većine slovenskih jezika

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
8																
9																
A	NBSP	ı	ç	£	¤	¥	ı	§	¨	©	ª	«	¬	SHY	®	ˆ
B	°	±	²	³	´	µ	¶	·	¸	¹	º	»	¼	½	¾	¿
C	À	Á	Â	Ã	Ä	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î	Ï
D	Ð	Ñ	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	ß
E	à	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î	ï
F	ð	ñ	ò	ó	ô	õ	ö	÷	ø	ù	ú	û	ü	ý	þ	

Slika 2.3: ISO-8859-1 tablica

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
8																
9																
A	NBSP	À	Á	Â	Ã	Ä	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î
B	°	à	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î
C	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	ß		
D	Ð	Ñ	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	ß
E	í	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î	ï
F	đ	ñ	ň	ó	ô	õ	ö	÷	ř	ů	ú	û	ü	ý	ť	

Slika 2.4: ISO-8859-2 tablica

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
8	€		,		„	…	†	‡		‰	Š	‹	Ś	Ť	Ž	Ž
9		‘	’	“	”	•	—	—		™	š	›	ś	ť	ž	ž
A		˘	˙	Ł	ł	Ą	ą	Ś	ś	©	Ş	«	¬		®	Ž
B	°	±	²	³	´	µ	¶	·	¸	¹	º	»	¼	½	¾	¿
C	Ŕ	Á	Â	Ã	Ä	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î	Ï
D	Ð	Ñ	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	ß
E	í	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î	ï
F	đ	ñ	ň	ó	ô	õ	ö	÷	ř	ů	ú	û	ü	ý	ť	

Slika 2.5: Windows-1250 tablica

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
8																
9																
A	NBSP	Ě	Ě	Ě	€	Š	Š	Š	Š	Š	Š	Š	Š	SHY	Ÿ	Ц
B	А	Б	В	Г	Д	Е	Ж	З	И	Й	К	Л	М	Н	О	П
C	Р	С	Т	У	Ф	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ъ	Ы	Ь	Э	Ю	Я
D	а	б	в	г	д	е	ж	з	и	й	к	л	м	н	о	п
E	р	с	т	у	ф	х	ц	ч	ш	щ	ъ	ы	ь	э	ю	я
F	№	ě	ě	ř	€	š	š	š	š	š	š	š	š	š	š	š

Slika 2.6: ISO-8859-5 tablica

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
8	ђ		,		„	…	†	‡		‰	љ	<	њ	ќ	ћ	џ
9		‘	’	“	”	•	—	—		™	љ	>	њ	ќ	ћ	џ
A		ÿ	ÿ	J	и	Г	ı	§	Ě	©	€	«	¬		®	İ
B	°	±	I	ı	Г	μ	¶	·	è	№	€	»	j	S	s	ı
C	A	Б	В	Г	Д	Е	Ж	З	И	Й	К	Л	М	Н	О	П
D	Р	С	Т	У	Ф	Х	Ц	Ч	Ш	Щ	Ъ	Ы	Ь	Э	Ю	Я
E	a	b	v	г	д	e	ж	з	и	й	к	л	м	н	о	п
F	p	c	t	y	ф	x	ц	ч	ш	щ	ъ	ы	ь	э	ю	

Slika 2.7: Windows-1251 tablica

Unicode. Iako navedene kodne strane omogućuju kodiranje tekstova koji nisu na engleskom jeziku, nije moguće, na primer, u istom tekstu mešati ćirilicu i latinicu. Takođe, za azijske jezike nije dovoljno 256 mesta za zapis svih karaktera. Pošto je kapacitet računara narastao, postepeno se krenulo sa standardizacijom skupova karaktera koji karaktere kodiraju sa više od jednog bajta. Kasnih osamdesetih godina XX veka, dve velike organizacije su pokušale standardizaciju tzv. univerzalnog skupa karaktera (engl. Universal Character Set — UCS). To su bili ISO, kroz standard 10646 i projekat Unicode organizovan i finansiran uglavnom od strane američkih kompanija koje su se bavile proizvodnjom višejezičkog softvera (Xerox Parc, Apple, Sun Microsystems, Microsoft, ...).

ISO 10646 je zamišljen kao četvorobajtni standard. Pri tome se prvih 65536 karaktera koriste kao osnovni višejezični skup karaktera, dok je ostali prostor ostavljen kao proširenje za drevne jezike, naučnu notaciju i slično.

Unicode je za cilj imao da bude:

- Univerzalan (UNIversal) — sadrži sve savremene jezike sa pismom;
- Jedinstven (UNIque) — bez dupliranja karaktera - kodiraju se pisma, a ne jezici;
- Uniforman (UNIform) — svaki karakter sa istim brojem bitova.

Početna verzija Unicode svakom karakteru dodeljuje dvobajtni kôd (tako da kôd svakog karaktera sadrži tačno 4 heksadekadne cifre). Ovim je moguće dodeliti kodove za ukupno $64K = 65536$ različita karaktera. Vremenom se shvatilo da dva bajta neće biti dovoljno za zapis svih karaktera koji se koriste na planeti, pa da je odlučeno da se skup karaktera proširi i Unicode danas dodeljuje kodove od $(000000)_{16}$ do $(10FFFF)_{16}$ podeljenih u 16 tzv. ravni, pri čemu svaka ravan sadrži $64K$ karaktera. U upotrebi je najviše *osnovna višejezična ravan* (engl. *basic multilingual plane*) koja sadrži većinu danas korišćenih karaktera (uključujući i CJK — Chinese, Japanese, Korean — karaktere koji se najčešće koriste) čiji su kodovi između $(0000)_{16}$ i $(FFFF)_{16}$.

Vremenom su se pomenuta dva projekta združila i danas postoji izuzetno preklapanje između ova dva standarda.

U sledećoj tabeli je naveden raspored određenih grupa karaktera u osnovnoj višejezičkoj ravni:

0020-007E	ASCII printable
00A0-00FF	Latin-1
0100-017F	Latin extended A (osnovno proširenje latinice, sadrži sve naše dijakritike)
0180-027F	Latin extended B
...	
0370-03FF	grčki alfabet
0400-04FF	ćirilica
...	
2000-2FFF	specijalni karakteri
3000-3FFF	CJK (Chinese-Japanese-Korean) simboli
...	

Unicode standard u suštini predstavlja veliku tabelu koja svakom karakteru dodeljuje broj. Standardi koji opisuju kako se niske karaktera prevode u nizove bajtova se dodatno definišu.

UCS-2. ISO definiše UCS-2 standard koji jednostavno svaki Unicode karakter osnovne višejezičke ravni zapisuje sa odgovarajuća dva bajta.

UTF-8. Latinični tekstovi kodirani preko UCS-2 standarda sadrže veliki broj nula, koje obično u operativnim sistemima poput UNIX-a i u programskom jeziku C imaju specijalno značenje. Iz istog razloga softver koji je razvijen za rad sa dokumentima u ASCII formatu ne može da radi bez izmena nad dokumentima kodiranim korišćenjem UCS-2 standarda. Pored toga, eliminisanjem određenog broja nula iz zapisa bi se štedeo prostor.

Unicode Transformation Format (UTF-8) je algoritam koji svakom dvobajtnom Unicode karakteru dodeljuje određeni niz bajtova čija dužina varira od 1 do najviše 3. UTF je ASCII kompatibilan, što znači da se ASCII karakteri zapisuju pomoću jednog bajta, na standardni način. Konverzija se vrši na osnovu sledećih pravila:

raspon	binarno zapisan Unicode kôd	binarno zapisan UTF-8 kôd
0000-007F	00000000 0xxxxxxx	0xxxxxxx
0080-07FF	00000yyy yyxxxxxx	110yyyyy 10xxxxxx
0800-FFFF	zzzzyyyy yyxxxxxx	1110zzzz 10yyyyyy 10xxxxxx

Na primer, karakter A koji se nalazi u ASCII tabeli ima Unicode kôd $(0041)_{16} = (0000\ 0000\ 0100\ 0001)_2$, tako da se na osnovu prvog reda prethodne tabele zapisuje kao $(01000001)_2 = (41)_{16}$ u UTF-8 kodiranju. Karakter Š ima Unicode kôd $(0160)_{16} = (0000\ 0001\ 0110\ 0000)_2$. Na njega se primenjuje drugi red prethodne tablice i dobija se da je njegov UTF-8 zapis $(1100\ 0101\ 1010\ 0000)_2 = (C5A0)_{16}$.

Ovakav konverzioni algoritam omogućava da se čitanje samo početka jednog bajta odredi da li je u pitanju karakter zapisan korišćenjem jednog, dva ili tri bajta.

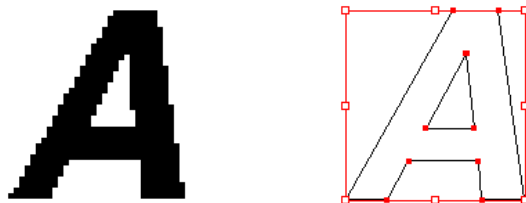
2.4 Zapis multimedijalnih sadržaja

Računari imaju sve veću ulogu u većini oblasti svakodnevnog života. Od mašina koje su pre svega služile za izvođenje vojnih i naučnih izračunavanja, računari su postali i sredstvo za kućnu zabavu (gledanje filmova, slušanje muzike), izvor informacija (Internet) i nezaobilazno sredstvo u komunikaciji (elektronska pošta (engl. e-mail), ćaskanje (engl. chat, instant messaging), video konferencije, telefoniranje korišćenjem Interneta (VoIP), ...). Nagli razvoj i proširivanje osnovne namene računara je posledica široke raspoloživosti velike količine multimedijalnih informacija (slika, zvuka, filmova, ...) koje su zapisane u digitalnom formatu. Ovo je opet prouzrokovano tehnološkim napretkom koji je omogućio jednostavno i jeftino digitalizovanje signala, skladištenje velike količine digitalno zapisanih informacija kao i njihov brz prenos i obradu.

2.4.1 Zapis slika

Slike se u računaru zapisuju koristeći *vektorski* zapis, *rasterski* zapis ili *kombinovani* zapis.

U vektorskom zapisu zapis slike sastoji se od konačnog broja geometrijskih oblika (tačaka, linija, krivih, poligona), pri čemu se svaki oblik predstavlja svojim koordinatama. Slike koje računari generišu često koriste vektorsku grafiku. Vektorski zapisane slike često zauzimaju manje prostora, dozvoljavaju uvećavanje (engl. zooming) bez gubitaka na kvalitetu prikaza i mogu se lakše preuređivati, s obzirom na to da se objekti mogu nezavisno jedan od drugoga pomerati, menjati, dodavati i uklanjati.



Slika 2.8: Primer slike u rasterskoj (levo) i vektorskoj (desno) grafici

U rasterskom zapisu slika je predstavljena pravougaonom matricom sitnih komponenti koji se nazivaju pikseli (engl. pixel - PICture ELeMENT). Svaki piksel je individualan i opisan je oznakom njegove boje. Raster nastaje kao rezultat digitalizacije slike. Rasterska grafika se još naziva i bitmapirana grafika. Uređaji za prikaz (monitori, projektori), kao i uređaji za digitalno snimanje slika (fotaparati, skeneri) koriste rasterski zapis.

Modeli boja. Za predstavljanje crno-belih slika, dovoljno je boju predstaviti intenzitetom svetlosti. Različite količine svetlosti se diskretizuju u konačan broj nivoa nivoa osvetljenja čime se dobija određeni broj nijansi sive boje. Ovakav

model se naziva *Grayscale*. Ukoliko se za zapis informacije o količini svetlosti koristi 1 bajt, ukupan broj nijansi sive boje je 256.

U slučaju da se slika predstavlja ukupno sa dve boje (na primer, crna i bela, kao kod skeniranog teksta nekog dokumenta) koristi se model pod nazivom *Duotone*. Boja se tada predstavlja sa jednim bitom.

Kombinovanjem crvene (R), zelene (G) i plave (B) svetlosti se dobijaju sve ostale boje. Tako se, na primer, kombinovanjem crvene i zelene svetlosti dobija žuta svetlost. Bela svetlost se dobija mešanjem sve tri osnovne komponente, dok crna boja predstavlja odsustvo svetlosti. U skladu sa ovim, zapis boje čini informacija o intenzitetu crvene, plave i zelene komponente. Ovaj model se naziva *RGB model (aditivni model)*. RGB model boja se koristi kod uređaja koji boje prikazuju kombinovanjem svetlosti (monitori, projektori, ...). Ukoliko se za informaciju o svakoj komponenti koristi po jedan bajt, ukupan broj bajtova za zapis informacije o boji je 3, te je moguće koristiti $2^{24} = 16M = 16777216$ različitih boja. Ovaj model se često naziva *TrueColor* model boja.

Za razliku od aditivnog RGB modela boja, kod kojeg se bela boja dobija kombinovanjem svetlosti tri osnovne komponente, u štampi se koristi subtraktivni CMY (Cyan-Magenta-Yellow) model boje kod kojeg se boje dobijaju kombinovanjem obojenih pigmenata na belom papiru. Kako se potpuno crna teško dobija mešanjem drugih pigmenata, a i kako je njena upotreba obično daleko najčešća, obično se prilikom štampanja uz CMY pigmente koristi i crni pigment čime se dobija model CMYK.

Za obradu slika pogodni su HSL ili HSV (poznat i kao HSB) model boja. U ovom modelu, svaka boja se reprezentuje Hue (H) komponentom (koja predstavlja ton boje), Saturation (S) komponente (koja predstavlja zasićenost boje odnosno njenu „jarkost“) i Lightness (L), Value (V) ili Brightness (B) (koja predstavlja osvetljenost).

Formati zapisa rasterskih slika. Rasterske slike su reprezentovane matricom piksela, pri čemu se za svaki piksel čuva informacija o njegovoj boji. Dimenzije ove matrice predstavljaaju tzv. *apsolutnu rezoluciju* slike. Apsolutna rezolucija i model boja koji se koristi određuju broj bajtova potrebnih za zapis slike. Tako, na primer, ukoliko je apsolutna rezolucija slike 800x600 piksela, pri čemu se koristi RGB model boje sa 3 bajta po pikselu, potrebno je ukupno $800 \cdot 600 \cdot 3B = 1440000B \approx 1.373MB$ za zapis slike. Kako bi se smanjila količina informacija potrebnih za zapis slike, koriste se tehnike kompresije i to (i) kompresije bez gubitka (engl. lossless), i (ii) kompresije sa gubitkom (engl. lossy). Najčešće korišćeni formati u kojima se koristi tehnike kompresije bez gubitka danas su GIF i PNG (koji se koriste za zapis dijagrama i sličnih računarski generisanih slika), dok je najčešće korišćeni format sa gubitkom JPEG (koji se obično koristi za fotografije).

2.4.2 Zapis zvuka

Zvučni talas predstavlja oscilaciju pritiska koja se prenosi kroz vazduh ili neki drugi medijum (tečnost, čvrsto telo). Digitalizacija zvuka se vrši merenjem

i zapisivanjem vazdušnog pritiska u kratkim vremenskim intervalima. Osnovni parametri koji opisuju zvučni signal su njegova amplituda (koja odgovara „glasnoći“) i frekvencija (koja odgovara „visini“). Pošto ljudsko uho obično čuje raspon frekvencija od 20Hz do 20KHz, dovoljno je izvršiti odabiranje oko 40 000 puta u sekundi. Na primer, AudioCD standard koji se koristi prilikom snimanja običnih audio kompakt diskova, propisuje frekvenciju odabiranja 44.1KHz. Pored ovoga, za postizanje još većeg kvaliteta, neki standardi (miniDV, DVD, digital TV) propisuju odabiranje na frekvenciji 48KHz. Ukoliko se registruje samo ljudski govor (na primer, u mobilnoj telefoniji) frekvencije odabiranja mogu biti i znatno manje. Drugi važan parametar digitalizacije je broj bita kojim se zapisuje svaki pojedinačni odbirak. Najčešće se koristi 2 bajta po odbirku (16 bita) čime se dobija mogućnost zapisa $64K=65536$ različitih nivoa amplitude.

Kako bi se dobio prostorni osećaj zvuka, primenjuje se tehnika višekanalnog snimanja zvuka. U ovom slučaju, svaki kanal se nezavisno snima sa posebnim mikrofonom i reprodukuje na posebnom zvučniku. *Stereo* zvuk podrazumeva snimanje zvuka sa dva kanala. *Surround* sistemi podrazumevaju snimanje sa više od dva kanala (od 3 pa čak i do 10) pri čemu se često jedan poseban kanal izdvaja za specijalno snimanje niskofrekvencijskih komponenti zvuka (tzv. bas).

Kao i slika, nekomprimovan zvuk zauzima puno prostora. Na primer, jedan minut stereo zvuka snimljenog u AudioCD formatu zauzima $2 \cdot 44100 \frac{\text{sample}}{\text{sec}} \cdot 60 \text{sec} \cdot 2 \frac{B}{\text{sample}} = 10584000B \approx 10.1MB$. Zbog toga se koriste tehnike kompresije, od kojeg je danas najkorišćenija tehnika kompresije sa gubitkom MP3 (MPEG-1 Audio-Layer 3). MP3 kompresija se zasniva na tzv. psiho-akustici koja proučava koje je komponente moguće ukloniti iz zvučnog signala, a da pritom ljudsko uho ne oseti promenu.

Pitanja i zadaci

Pitanje 2.4.1. *Kako su u digitalnom računaru zapisani svi podaci? Koliko se cifara obično koristi za njihov zapis?*

Pitanje 2.4.2. *Koje su osnovne prednosti digitalnog zapisa podataka u odnosu na analogni? Koji su problemi?*

Pitanje 2.4.3. *Šta je to piksel? Šta je to sempl?*

Pitanje 2.4.4. *Šta je Hornerova shema? Opisati je pseudo-kodom.*

Pitanje 2.4.5. *Koje su prednosti zapisa u potpunom komplementu u odnosu na zapis u obliku označene apsolutne vrednosti?*

Pitanje 2.4.6. *Šta je IEEE 754?*

Pitanje 2.4.7. *Šta je to glif, a šta font? Da li je jednoznačna veza između karaktera i glifova, navesti primere.*

Pitanje 2.4.8. *Koliko bitova koristi ASCII standard? Šta čini prva 32 karaktera ASCII tabele? Kako se određuje binarni zapis karaktera koji predstavljaju cifre?*

Pitanje 2.4.9. *Navesti barem dve jednobajtna kodna strana koje sadrže ćirilčne karaktere.*

Pitanje 2.4.10. *Nabrojati bar tri kodna sheme u kojima može da se zapiše reč računarstvo.*

Pitanje 2.4.11. *Koliko bitova koristi ASCII tabela karaktera, koliko YUSCII tabela, koliko ISO-8859-1, a koliko osnovna UNICODE ravan? Koliko različitih karaktera ima u ovim tabelama?*

Pitanje 2.4.12. *U čemu je razlika između Unicode i UTF-8 kodiranja?*

Pitanje 2.4.13. *Prilikom prikazivanja filma, neki program prikazuje titlove tipa "raèunari æe biti". Objasniti u čemu je problem.*

Pitanje 2.4.14. *Koja od načina kodiranja teksta je moguće koristiti ukoliko se u okviru istog dokumenta želi zapisivanje teksta koji sadrži jedan pasus na srpskom (pisan latinicom), jedan pasus na nemačkom i jedan pasus na ruskom (pisan ćirilicom)?*

Zadatak 2.4.1. *Prevesti naredne brojeve u dekadni brojevni sistem:*

(a) $(10111001)_2$ (b) $(3C4)_{16}$ (c) $(734)_8$

Zadatak uraditi klasičnim postupkom, a zatim i korišćenjem Hornerove sheme.

✓

Zadatak 2.4.2. *Zapisati dekadni broj 254 u osnovama 2, 8 i 16.*

✓

Zadatak 2.4.3. (a)

Registar ima sadržaj

1010101101001000111101010101011001101011101010101110001010010011.

Zapisati ovaj sadržaj heksadekadno.

(b) *Registar ima sadržaj A3BF461C89BE23D7. Zapisati ovaj sadržaj binarno.*

✓

Zadatak 2.4.4. *Na Vebu se boje obično predstavljaju šestocifrenim heksadekadnim kodovima u RGB sistemu: prve dve cifre odgovaraju količini crvene boje, naredne dve količini zelene i poslednje dve količini plave. Koja je količina RGB komponenti (na skali od 0-255) za boju #35A7DC? Kojim se kodom predstavlja čista žuta boja ako se zna da se dobija mešanjem crvene i zelene? Kako izgledaju kodovi za nijanse sive boje?*

✓

Zadatak 2.4.5. *U registru se zapisuju neoznačeni brojevi. Koji raspon brojeva može da se zapiše ukoliko je širina registra:*

(a) 4 bita (b) 8 bita (c) 16 bita (d) 24 bita (e) 32 bita

✓

Zadatak 2.4.6. *Ukoliko se koristi binarni zapis neoznačenih brojeva širine 8 bita, zapisati brojeve:*

(a) 12 (b) 123 (c) 255 (d) 300

✓

Zadatak 2.4.7. U registru se zapisuju brojevi u potpunom komplementu. Koji raspon brojeva može da se zapiše ukoliko je širina registra:

- (a) 4 bita (b) 8 bita (c) 16 bita (d) 24 bita (e) 32 bita ✓

Zadatak 2.4.8. Odrediti zapis narednih brojeva u binarnom potpunom komplementu širine 8 bita:

- (a) 12 (b) -123 (c) 0 (d) -18 (e) -128 (f) 200 ✓

Zadatak 2.4.9. Odrediti zapis brojeva -5 i 5 u potpunom komplementu dužine 6 bita. Odrediti, takođe u potpunom komplementu dužine 6 bita, zapis zbira i proizvoda ova dva broja. ✓

Zadatak 2.4.10. Ukoliko se zna da je korišćen binarni potpuni komplement širine 8 bita, koji su brojevi zapisani?

- (a) 11011010 (b) 01010011 (c) 10000000 (d) 11111111
(e) 01111111 (f) 00000000

Šta predstavljaju dati zapisi ukoliko se zna da je korišćen zapis neoznačenih brojeva? ✓

Zadatak 2.4.11. Odrediti broj bitova neophodan za kodiranje 30 različitih karaktera. ✓

Zadatak 2.4.12. Znajući da je dekadni kôd za karakter A 65, navesti kodirani zapis reči FAKULTET ASCII kodovima u heksadekadnom zapisu. Dekodirati sledeću reč zapisanu u ASCII kodu heksadekadno: 44 49 53 4B 52 45 54 4E 45. ✓

Zadatak 2.4.13. Korišćenjem ASCII tablice odrediti kodove kojima se zapisuje tekst: "Programiranje 1". Kodove zapisati heksadekadno, oktalno, dekadno i binarno. Šta je sa kodiranjem teksta Matematički fakultet? ✓

Zadatak 2.4.14. Za reči računarstvo, informatika, һир-lat, чірчїћ navesti da li ih je moguće kodirati narednim metodima i, ako jeste, koliko bajtova zauzimaju:

- (a) ASCII (b) Windows-1250 (c) ISO-8859-5 (d) ISO-8859-2
(e) Unicode (UCS-2) (f) UTF-8 ✓

Zadatak 2.4.15. Odrediti (heksadekadno predstavljene) kodove kojima se zapisuje tekst kružić u UCS-2 i UTF-8 kodiranjima. Rezultat proveriti korišćenjem HEX editora. ✓

Vežba 2.4.1. HEX editori su programi koji omogućavaju direktno pregledanje, kreiranje i ažuriranje bajtova koji sačinjavaju sadržaja datoteka. Korišćenjem HEX editora pregledati sadržaj nekoliko datoteka različite vrste (tekstualnih, izvršnih programa, slika, zvučnih zapisa, video zapisa, ...).

Vežba 2.4.2. Uz pomoć omiljenog editora teksta (ili nekog naprednijeg ukoliko editor nema tražene mogućnosti) kreirati datoteku koja sadrži listu imena 10

vaših najomiljenijih filmova (pisano latinicom uz ispravno korišćenje dijakritika). Datoteka treba da bude kodirana kodiranjem:

(a) Windows-1250 (b) ISO-8859-2 (c) Unicode (UCS-2) (d) UTF-8

Otvoriti zatim datoteku iz nekog pregledača Veba i proučiti šta se dešava kada se menja kodiranje koje pregledač koristi prilikom tumačenja datoteke (obično meni View->Character encoding). Objasniti i unapred pokušati predvideti rezultat (uz pomoć odgovarajućih tablica koje prikazuju kodne rasporede).

Vežba 2.4.3. Za datu datoteku kodiranu UTF-8 kodiranjem, korišćenjem editora teksta ili nekog od specijalizovanih alata (na primer, `iconv`) rekodirati ovu datoteku u ISO-8859-2. Eksperimentisati i sa drugim kodiranjima.

Vežba 2.4.4. Korišćenjem nekog naprednijeg grafičkog programa (na primer, GIMP ili Adobe Photoshop) videti kako se boja `#B58A34` predstavlja u CMY i HSB modelima.

Glava 3

Algoritmi i izračunljivost

Neformalno govoreći, *algoritam*¹ je precizan opis postupka za rešavanje nekog problema u konačnom broju koraka. Algoritmi postoje u svim ljudskim delatnostima. U matematici, na primer, postoje jasni algoritmi za sabiranje i za množenje prirodnih brojeva. U računarstvu, postoje jasni algoritmi za određivanje najmanjeg elementa niza, uređivanje elemenata po veličini i slično. Da bi moglo da se diskutuje o tome šta se može a šta ne može izračunati algoritamski, potrebno je najpre precizno definisati pojam algoritma.

3.1 Formalizacije pojma algoritma

Precizni postupci za rešavanje matematičkih problema postojali su u vreme starogrčkih matematičara (npr. Euklidov algoritam za određivanje najvećeg zajedničkog delioca dva broja), a i pre toga. Ipak, sve do početka dvadesetog veka nije se uvidala potreba za preciznim definisanjem pojma algoritma. Tada je, u jeku reforme i novog utemeljivanja matematike, postavljeno pitanje da li postoji algoritam kojim se (pojednostavljeno rečeno) mogu dokazati sve matematičke teoreme². Da bi se ovaj problem uopšte razmatrao, bilo je neophodno najpre definisati (matematički precizno) šta je to algoritam. U tome, bilo je dovoljno razmatrati algoritme za izračunavanje funkcija čiji su i argumenti i rezultujuće

¹Reč „algoritam“ ima koren u imenu persijskog astronoma i matematičara Al-Horesmija (engl. Muhammad ibn Musa al-Khwarizmi). On je 825. godine napisao knjigu, u međuvremenu nesačuvanu u originalu, verovatno pod naslovom „O računanju sa indijskim brojevima“. Ona je u dvanaestom veku prevedena na latinski, bez naslova, ali se na nju obično pozivalo njenim početnim rečima „Algoritmi de numero Indorum“, što je trebalo da znači „Al-Horesmi o indijskim brojevima“ (pri čemu je ime autora latinizovano u „Algoritmi“). Međutim, većina čitalaca je reč „Algoritmi“ shvatala kao množinu od (nove, nepoznate) reči „algoritam“ koja se vremenom odomačila sa značenjem „metod za izračunavanje“.

²Ovaj problem, poznat pod imenom „Entscheidungsproblem“, postavio je David Hilbert 1928. godine. Poznato je da je još Gotfrid Lajbnic u XVII veku, nakon što je napravio mašinu za računanje, verovao da će biti moguće napraviti mašinski postupak koji će, manipulisanjem simbolima, biti u stanju da da odgovor na sva matematička pitanja. Ipak, 1930-tih, kroz radove Čerča, Tjuringa i Gedela pokazano da ovakav postupak ne može da postoji.

vrednosti prirodni brojevi (a drugi matematički i nematematički algoritmi se, digitalizacijom, mogu svesti na taj slučaj). Formalno zasnovan pojam algoritma kasnije je omogućio da budu identifikovani problemi za koje postoje, kao i problemi za koje ne postoje algoritmi koji ih rešavaju.

Pitanjem formalizacije pojma algoritma 1930-tih godina nezavisno se bavilo nekoliko istaknutih matematičara i uvedeno je nekoliko raznorodnih formalizama, tj. nekoliko raznorodnih sistema izračunavanja. Najznačajniji među njima su:

- Tjuringove mašine (Tjuring³),
- rekurzivne funkcije (Gedel i Klini⁴),
- λ -račun (Čerč⁵),
- Postove mašine (Post⁶),
- Markovljevi algoritmi (Markov⁷),
- Mašine sa beskonačno mnogo registara (eng. Unlimited Register Machines – URM)⁸.

Navedeni sistemi nastali su pre savremenih računara i većina njih podrazumeva određene apstraktne mašine. I u to vreme bilo je jasno da je opis postupka dovoljno precizan ukoliko je moguće njime instruisati mašinu koja će taj postupak izvršiti. U tom duhu, i savremeni programski jezici predstavljaju precizne opise algoritama i moguće ih je pridružiti gore navedenoj listi. Ipak, značajna razlika leži u činjenici da nabrojani formalizmi teže da budu što elementarniji tj. da uključe samo neophodne operacije i što jednostavije modele mašina, dok savremeni programski jezici, teže da budu što udobniji za programiranje i tako uključuju veliki broj operacija koje, sa teorijskog stanovišta, nisu neophodne jer se mogu definisati preko malog broja osnovnih operacija.

Za sistem izračunavanja koji je dovoljno bogat da može da simulira Tjuringovu mašinu i tako da izvrši sva izračunavanja koja može da izvrši i Tjuringova mašina (a možda i neka druga) kaže se da je *Tjuring potpun* (engl. Turing complete). Za sistem izračunavanja koji izračunava identičnu klasu funkcija kao i Tjuringova mašina kažemo da je *Tjuring ekvivalentan* (engl. Turing equivalent).

Ako se neka funkcija može izračunati u nekom od navednih formalizama, onda kažemo da je ona *izračunljiva* u tom formalizmu. Iako su navedni formalizmi međusobno veoma različiti, može se dokazati da su klase funkcija izračunljivih funkcija identične za sve njih, tj. svi oni formalizuju isti pojam izračunljivosti. Drugim rečima, svi navedeni formalizmi su Tjuring ekvivalentni. Zbog toga

³Alan Turing (1912-1954), britanski matematičar

⁴Kurt Gödel (1906-1978), austrijsko-američki matematičar, Stephen Kleene (1909-1994), američki matematičar

⁵Alonzo Church (1903-1995), američki matematičar

⁶Emil L. Post (1897-1954), američki matematičar

⁷Andrej Andrejevič Markov (1856-1922), ruski matematičar

⁸Postoji više srodnih formalizama koji se nazivaju URM. Prvi opisi mogu da se nađu u radovima Šeperdsona i Sturdžisa (engl. Sheperdson and Sturgis), dok je opis koji će biti dat u nastavku preuzet od Katlanda (engl. Nigel Cutland).

se, umesto pojmova poput, na primer, Tjuring-izračunljiva ili URM-izračunljiva funkcija (i sličnih) može koristiti samo termin *izračunljiva funkcija*.

Napomenimo i da svi navedeni formalizmi za izračunavanje, podrazumevaju u nekom smislu, pojednostavljeno rečeno, beskonaču raspoloživu memoriju. Zbog toga savremeni računari opremljeni savremenim programskim jezicima nisu Tjuring potpuni, u strogom smislu. S druge strane, svako izračunavanje koje se može opisati na nekom modernom programskom jeziku, može se opisati i kao program za Tjuringovu mašinu ili neki drugi ekvivalentan formalizam.

3.2 Odnos formalnog i neformalnog pojma algoritma i Čerč-Tjuringova teza

Veoma važno pitanje je koliko formalne definicije algoritama uspevaju da pokriju naš intuitivni pojam algoritma, tj. da li je zaista moguće efektivno izvršiti sva izračunavanja definisana nekom od formalizacija izračunljivosti i, obratno, da li je sva izračunavanja koja intuitivno umemo da izvršimo zaista možemo da opišemo korišćenjem bilo kog od precizno definisanih formalizama izračunljivosti. Intuitivno je jasno da je odgovor na prvo pitanje potvrđan, ali oko drugog pitanja postoji doza rezerve. Potvrđan odgovor na oba navedena pitanja formulisan je u okviru tzv. Čerč-Tjuringove teze⁹.

Čerč-Tjuringova teza: *Klasa intuitivno izračunljivih funkcija identična je sa klasom formalno izračunljivih funkcija.*

Ovo tvrđenje je hipoteza, a ne teorema i ne može biti formalno dokazana. Naime, ono govori o intuitivnom pojmu algoritma, čija svojstva ne mogu biti formalno, matematički ispitana. Ipak, u korist ove teze govori činjenica da je dokazano da su sve navedene formalne definicije algoritama međusobno ekvivalentne, kao i da do sada nije pronađen nijedan primer efektivno izvodivog postupka koji nije moguće formalizovati u okviru pobrojanih formalnih sistema izračunavanja. Dodatno, svi poznati Tjuring potpuni sistemi su i Tjuring ekvivalentni.

3.3 UR mašine

U daljem tekstu, pojam izračunljivosti biće uveden i izučavan na bazi UR mašina.

UR *mašine* (URM) su jedan od formalizama za definisanje pojma algoritma. To su apstraktne mašine koje predstavljaju matematičku idealizaciju računara.

Kao i drugi formalizmi izračunavanja, UR mašine su dizajnirane tako da koriste samo mali broj operacija. Očigledno je da nije neophodno da formalizam za izračunavanje kao osnovnu operaciju ima stepenovanje prirodnih brojeva, jer se ono može svesti na množenje. Slično, nije neophodno da formalizam za izračunavanje kao primitivnu operaciju ima množenje prirodnih brojeva, jer se

⁹Ovu tezu, svaki za svoj formalizam, izrekli su nezavisno Čerč i Tjuring.

ono može svesti na sabiranje. Čak ni sabiranje nije neophodno, jer se može svesti na operaciju uvećavanja za vrednost jedan. Pored te operacije, UR mašine koriste samo još tri instrukcije. Sva ta četiri tipa instrukcija brojeve čitaju i upisuju ih na traku koja služi kao prostor za čuvanje podataka, tj. kao memorija mašine. Tu traku čine registari koje označavamo sa R_1, R_2, R_3, \dots . Svaki od njih u svakom trenutku sadrži neki prirodan broj. Sadržaj k -tog registra (registra R_k) označavamo sa r_k , kao što je to ilustrovano na sledećoj slici:

R_1	R_2	R_3	\dots
r_1	r_2	r_3	\dots

Spisak i kratak opis URM instrukcija (naredbi) dati su u tabeli 3.1.¹⁰

oznaka	naziv	efekat
$Z(m)$	nula-instrukcija	$0 \rightarrow R_m$ (tj. $r_m := 0$)
$S(m)$	instrukcija sledbenik	$r_m + 1 \rightarrow R_m$ (tj. $r_m := r_m + 1$)
$T(m, n)$	instrukcija prenosa	$r_m \rightarrow R_n$ (tj. $r_n := r_m$)
$J(m, n, p)$	instrukcija skoka	ako je $r_m = r_n$, idi na p -tu; inače idi na sledeću instrukciju

Tabela 3.1: Tabela URM instrukcija

URM program P je konačan numerisan niz URM instrukcija. Instrukcije se izvršavaju redom (počevši od prve), osim u slučaju instrukcije skoka. Izračunavanje programa se zaustavlja onda kada ne postoji instrukcija koju treba izvršiti (kada se dođe do kraja programa ili kada se naiđe na skok na instrukciju koja ne postoji u numerisanom nizu).

Početnu konfiguraciju čini niz prirodnih brojeva a_1, a_2, \dots koji su upisani u registre R_1, R_2, \dots . Ako je funkcija koju treba izračunati $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$, onda se podrazumeva da su vrednosti x_1, x_2, \dots, x_n redom smeštene u prvih n registara iza kojih sledi niz nula, kao i da rezultat treba smestiti u prvi registar.

Ako URM program P za početnu konfiguraciju a_1, a_2, \dots, a_n ne staje sa radom, onda pišemo $P(a_1, a_2, \dots, a_n) \uparrow$. Inače, ako program staje sa radom i u prvom registru je, kao rezultat, vrednost b , onda pišemo $P(a_1, a_2, \dots, a_n) \downarrow b$.

Kažemo da URM program izračunava funkciju $f : \mathbb{N}^n \rightarrow \mathbb{N}$ ako za svaku n -torku argumenata a_1, a_2, \dots, a_n za koju je funkcija f definisana i važi $f(a_1, a_2, \dots, a_n) = b$ istovremeno važi i $P(a_1, a_2, \dots, a_n) \downarrow b$. Funkcija je URM-izračunljiva ako postoji URM program koji je izračunava.

Primer 3.1. Neka je funkcija f definisana na sledeći način: $f(x, y) = x + y$. Vrednost funkcije f može se izračunati za sve vrednosti argumenata x i y UR mašinom. Ideja algoritma za izračunavanje vrednosti $x + y$ je da se vrednosti x

¹⁰Oznake URM instrukcija potiču od naziva ovih instrukcija na engleskom jeziku (*zero instruction*, *successor instruction*, *transfer instruction* i *jump instruction*).

sukcesivno dodaje vrednost 1 y puta, jer važi:

$$x + y = x + \underbrace{1 + 1 + \dots + 1}_y$$

Odgovarajući URM program podrazumeva sledeću početnu konfiguraciju:

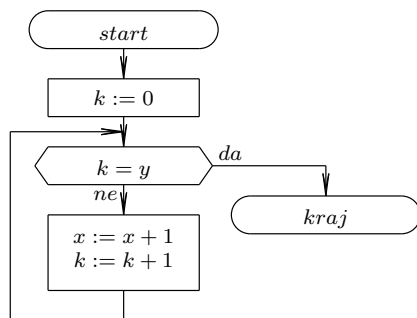
R_1	R_2	R_3	...
x	y	0	...

i sledeću konfiguraciju u toku rada programa:

R_1	R_2	R_3	...
$x + k$	y	k	...

gde je $k \in \{0, 1, \dots, y\}$.

Algoritam se može zapisati u vidu dijagrama toka i u vidu URM programa kao u nastavku:



1. $J(3, 2, 100)$
2. $S(1)$
3. $S(3)$
4. $J(1, 1, 1)$

Naglasimo da u dijagramu toka postoji dodela $k := 0$, ali u URM programu ne postoji odgovarajuća instrukcija. To je zbog toga što se, u skladu sa definicijom UR mašina podrazumeva da svi registri (nakon onih koje sadrže argumente programa) sadrže nule. Isto važi i za URM programe koji slede.

Prekid rada programa je realizovan skokom na nepostojeću instrukciju 100¹¹. Bezuslovni skok je realizovan naredbom oblika $J(1, 1, \dots)$ – poređenje registra sa samim sobom uvek garantuje jednakost i skok se безусловno vrši.

Primer 3.2. Neka je funkcija f definisana na sledeći način:

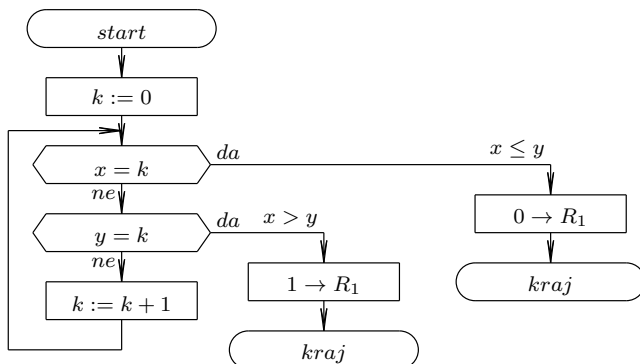
$$f(x, y) = \begin{cases} 0 & , \text{ ako } x \leq y \\ 1 & , \text{ inače} \end{cases}$$

¹¹Broj 100 je odabran proizvoljno jer sigurno veći od broja instrukcija u programu. I u programima koji slede, uniformnosti radi, za prekid programa će se takođe koristiti skok na instrukciju 100.

URM program koji je računa koristi sledeću konfiguraciju u toku rada:

R_1	R_2	R_3	...
x	y	k	...

gde k dobija redom vrednosti $0, 1, 2, \dots$ sve dok ne dostigne vrednost x ili vrednost y . Prva dostignuta vrednost je broj ne manji od onog drugog. U skladu sa tim zaključkom i definicijom funkcije f , izračunata vrednost je 0 ili 1 .



1. $J(1, 3, 5)$ $x = k?$
2. $J(2, 3, 7)$ $y = k?$
3. $S(3)$ $k := k + 1$
4. $J(1, 1, 1)$
5. $Z(1)$ $0 \rightarrow R_1$
6. $J(1, 1, 100)$ $kraj$
7. $Z(1)$
8. $S(1)$ $1 \rightarrow R_1$

Primer 3.3. Napisati URM program koji izračunava funkciju

$$f(x) = \lfloor \sqrt{x} \rfloor$$

Predloženi algoritam se zasniva na sledećoj osobini:

$$n = \lfloor \sqrt{x} \rfloor \Leftrightarrow n^2 \leq x < (n + 1)^2$$

Odgovarajući URM program podrazumeva sledeću početnu konfiguraciju:

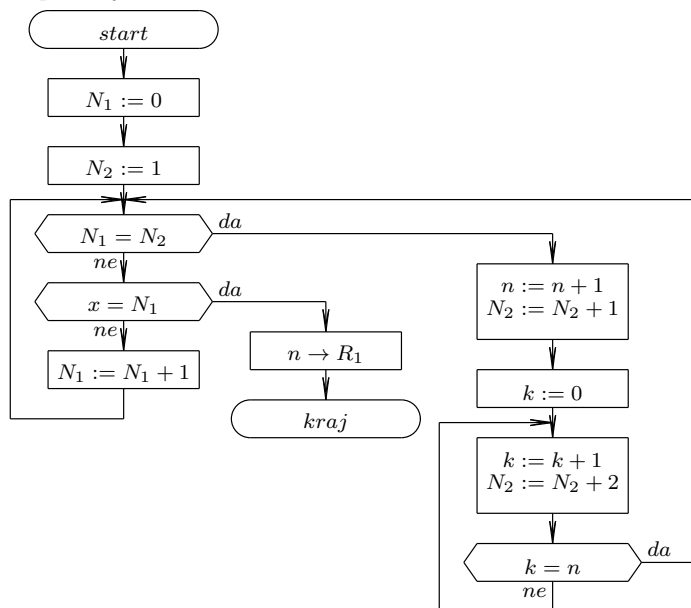
R_1	R_2	...
x	0	...

i sledeću konfiguraciju u toku svog rada:

R_1	R_2	R_3	R_4	R_5	...
x	n	$N_1 = n^2$	$N_2 = (n + 1)^2$	k	...

Osnovna ideja algoritma je uvećavanje broja n za 1 i odgovarajućih vrednosti N_1 i N_2 , sve dok ne broj x ne nađe između njih. Nakon što se N_1 i N_2 postave na vrednosti kvadrata dva uzastopna broja n^2 i $(n + 1)^2$, broj N_1 se postepeno inkrementira i proverava se da li je jednak broju x . Ukoliko se ne naiđe na x , a N_1 dostigne N_2 , tada se n inkrementira i tada oba broja N_1 i N_2 imaju vrednost

n^2 (naravno, za uvećano n). Tada je potrebno je N_2 postaviti na vrednost $(n + 1)^2$, odnosno potrebno je uvećati za $(n + 1)^2 - n^2 = 2n + 1$. Ovo se realizuje tako što se N_2 prvo uveća za 1, a zatim n puta uveća za 2. Nakon toga se ceo postupak ponavlja.



- | | | |
|-----|-------------|---------------------|
| 1. | Z(2) | $n := 0$ |
| 2. | Z(3) | $N_1 := 0$ |
| 3. | S(4) | $N_2 := 1$ |
| 4. | J(1, 3, 16) | $x = N_1?$ |
| 5. | S(3) | $N_1 := N_1 + 1$ |
| 6. | J(3, 4, 8) | $N_1 = N_2?$ |
| 7. | J(1, 1, 4) | |
| 8. | S(2) | $n := n + 1$ |
| 9. | S(4) | $N_2 := N_2 + 1$ |
| 10. | Z(5) | $l := 0$ |
| 11. | S(5) | $l := l + 1$ |
| 12. | S(4) | $N_2 := N_2 + 1$ |
| 13. | S(4) | $N_2 := N_2 + 1$ |
| 14. | J(5, 2, 4) | $l = n?$ |
| 15. | J(1, 1, 11) | |
| 16. | T(2, 1) | $n \rightarrow R_1$ |

Primer 3.4. Neka je funkcija f definisana na sledeći način:

$$f(x) = \begin{cases} 0 & , \text{ ako je } x = 0 \\ \text{nedefinisano} & , \text{ inače} \end{cases}$$

Nedefinisanost funkcije se postiže time što se napravi program koji se ne zaustavlja.

1. $J(1, 2, 100)$
2. $J(1, 1, 1)$

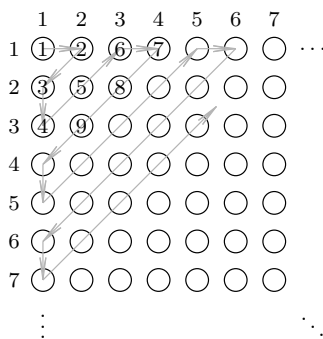
3.4 Enumeracija URM programa

Kardinalnost. Za dva skupa kaže se da *imaju istu kardinalnost* ako i samo ako je između njih moguće uspostaviti bijektivno preslikavanje. Za skupove koji imaju istu kardinalnost kao skup prirodnih brojeva kaže se da su *prebrojivi*. Primetimo da su skupovi prebrojivi ako i samo ako je njihove elemente moguće poredati u niz (niz odgovara bijekciji sa skupom prirodnih brojeva). Za skupove koji su ili konačni ili prebrojivi, kaže se da su *najviše prebrojivi*. Georg Cantor¹² je prvi pokazao da skup realnih brojeva ima veću kardinalnost od skupa prirodnih brojeva, odnosno da skup realnih brojeva nije prebrojiv.

Primer 3.5. *Skupovi parnih i neparnih brojeva imaju istu kardinalnost jer je između njih moguće uspostaviti bijektivno preslikavanje $f(n) = n+1$. Ono što je na prvi pogled iznenađujuće je da su oba ova skupa prebrojiva, odnosno imaju istu kardinalnost kao i skup prirodnih brojeva, iako su njegovi pravi podskupovi (npr. $f(n) = 2 \cdot n$ uspostavlja bijekciju između skupova prirodnih i parnih brojeva).*

Lema 3.1. *Uređenih parova prirodnih brojeva ima prebrojivo mnogo.*

Dokaz: Razmotrimo beskonačnu tabelu elemenata koja odgovara svim uređenim parovima prirodnih brojeva. Moguće je izvršiti „cik-cak“ obilazak ove tabele, polazeći od gornjeg levog ugla kao što je to pokazano na sledećoj slici:



Slika 3.1: Cik-cak nabranjanje

¹²Georg Cantor, 1845–1918, nemački matematičar.

Prilikom obilaska, svakom elementu je moguće dodeliti jedinstven redni broj, čime je uspostavljena tražena bijekcija sa skupom prirodnih brojeva. \square

Korišćenjem sličnih ideja, mogu se pokazati i sledeći stavovi.

Lema 3.2. *Dekartov proizvod konačno mnogo prebrojivih skupova je prebrojiv.*

Lema 3.3. *Najviše prebrojiva unija prebrojivih skupova je prebrojiv skup.*

Enumeracija URM programa. Pitanje je koliko ima URM programa i koliko ima različitih URM programa (tj. onih koji izračunavaju različite funkcije). Očigledno je da ih ima beskonačno, a naredna tvrđenja govore da ih ima prebrojivo mnogo.

Lema 3.4. *Postoji prebrojivo mnogo različitih URM instrukcija.*

Dokaz: Instrukcija tipa Z , trivijalno, ima prebrojivo mnogo (Z instrukcije se mogu poređati u niz na sledeći način: $Z(1), Z(2), \dots$). Slično je i sa instrukcijama tipa S . T instrukcije bijektivno odgovaraju parovima prirodnih brojeva, pa ih (na osnovu leme 3.2) ima prebrojivo mnogo. Slično, J instrukcije odgovaraju bijektivno trojkama prirodnih brojeva pa ih (na osnovu leme 3.2) ima prebrojivo mnogo. Skup svih instrukcija je unija ova četiri prebrojiva skupa pa je na osnovu leme 3.3 i ovaj skup prebrojiv. \square

Teorema 3.1. *Različitih URM programa ima prebrojivo mnogo*

Dokaz: Skup svih URM programa se može predstaviti kao unija skupa programa koji imaju jednu instrukciju, skupa programa koji imaju dve instrukcije i tako dalje. Svaki od ovih skupova je prebrojiv (na osnovu leme 3.2) kao konačan Dekartov stepen prebrojivog skupa instrukcija. Dakle, skup svih URM programa je prebrojiv (na osnovu leme 3.3) kao prebrojiva unija prebrojivih skupova. \square

Na osnovu teoreme, moguće je uspostaviti bijekciju između skupa svih URM programa i skupa prirodnih brojeva. Drugim rečima, može se definisati pravilo koje svakom URM programu dodeljuje jedinstven prirodan broj i koje svakom prirodnom broju dodeljuje jedinstven URM program. Zbog toga, možemo da govorimo o prvom, drugom, trećem, \dots , stotom URM programu itd.

3.5 Neizračunljivost i neodlučivost

Razmotrimo narednih nekoliko problema.

1. Neka su data dva konačna skupa reči. Pitanje je da li je moguće nadovezati nekoliko reči prvog skupa i, nezavisno, nekoliko reči drugog skupa tako da se dobije ista reč. Na primer, za skupove $\{a, ab, bba\}$ i $\{baa, aa, bb\}$, jedno rešenje je $bba \cdot ab \cdot bba \cdot a = bb \cdot aa \cdot bb \cdot baa$. Za skupove $\{ab, bba\}$ i $\{aa, bb\}$ rešenje ne postoji jer se nadovezivanjem reči prvog skupa uvek dobija reč čija su poslednja dva slova različita, dok se nadovezivanjem reči drugog skupa uvek dobija reč čija su poslednja dva slova ista. Zadatak je utvrditi da li postoji opšti algoritam koji za proizvoljna dva zadata skupa reči određuje da li tražena nadovezivanja postoje.¹³
2. Neka su date Diofantske jednačine $p(x_1, \dots, x_n) = 0$, gde je p polinom sa celobrojnim koeficijentima. Zadatak je utvrditi da li postoji opšti algoritam koji se određuje da li proizvoljna zadata diofantska jednačina ima racionalnih rešenja.¹⁴
3. Zadatak je utvrditi da li postoji opšti algoritam koji proverava da li se proizvoljni zadati program P zaustavlja za date ulazne parametre.¹⁵
4. Zadatak je utvrditi da li postoji opšti algoritam koji za proizvoljni zadati skup aksioma i zadato tvrđenje proverava da li je tvrđenje posledica aksioma.¹⁶

Za sva četiri navedena problema pokazano je da su *algoritamski nerešivi* ili *neodlučivi*. Ovo ne znači da nije moguće rešiti pojedine instance problema, već samo da ne postoji jedinstven, opšti postupak koji bi mogao da reši proizvoljnu instancu problema. Pored ovih, ima još mnogo važnih neodlučivih problema

U nastavku će precizno, korišćenjem formalizma UR mašina, biti precizno opisan treći od navedenih problema, tj. *halting problem*, koji je izuzetno važan za programiranje.

Halting problem. Pitanje zaustavljanja računarskih programa je jedno od najznačajnijih pitanja računarstva i programiranja. Često je veoma važno da li se neki program zaustavlja za neku ulaznu vrednost, da li se zaustavlja za ijednu ulaznu vrednost i slično. Za mnoge konkretne programe i za mnoge konkretne ulazne vrednosti, na ovo pitanje se može odgovoriti. No, nije očigledno da li postoji opšti postupak kojim se za proizvoljni dati program i date ulazne parametre može proveriti da li se program zaustavlja ako se pokrene sa tim parametrima.

¹³Ovaj problem se naziva *Post's correspondence problem*, jer ga je postavio i rešio Emil Post 1946. godine.

¹⁴Ovaj problem je 10. Hilbertov problem izložen 1900. godine kao deo skupa problema koje „matematičari XIX veka ostavljaju u amanet matematičarima XX veka. Rešenje problema da je Matijašević je 1970-tih godina.

¹⁵Ovaj problem se naziva *halting problem* i rešio ga je Alan Turing 1936. godine.

¹⁶Ovaj, već pomenut, problem, formulisao je David Hilbert 1928. godine, a nešto kasnije su ga rešili Čerč, Turing i Gedel.

Iako se problem zaustavljanja može razmatrati i za programe u savremenim programskim jezicima, u nastavku ćemo razmotriti formulaciju halting problema za URM programe.

Da li postoji URM program koji na ulazu dobija drugi URM program P i neki broj x i ispituje da li se program P zaustavlja za ulazni parametar x ?

Problem prethodne formulacije je činjenica da traženi URM program mora na ulazu da prihvati kao svoj parametar drugi URM program, što je naizgled nemoguće, s obzirom da URM programi kao parametre mogu da imaju samo prirodne brojeve. Ipak, ovo se jednostavno razrešava time što je svakom URM programu P moguće dodeliti jedinstveni prirodan broj n koji ga identifikuje, i obratno, svakom broju n dodeliti program P_n (kao što je opisano u poglavlju 3.4). Imajući ovo u vidu, dolazimo do teoreme o halting problemu za URM mašine.

Teorema 3.2 (Halting problem). *Neka je funkcija h definisana na sledeći način:*

$$h(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{ako se program } P_x \text{ zaustavlja za ulaz } y \\ 0, & \text{inače.} \end{cases}$$

Ne postoji program H koji izračunava funkciju h , tj. ne postoji program koji za zadate vrednosti x i y može da proveri da li se program P_x zaustavlja za ulazni argument y .

Dokaz: Pretpostavimo da postoji program H koji izračunava funkciju h . Onda postoji i program Q koji za zadatu vrednost x vraća rezultat 0, ako se P_x ne zaustavlja za x (tj. ako je $h(x, x) = 0$), a izvršava beskonačnu petlju ako se P_x zaustavlja za x (tj. ako je $h(x, x) = 1$). Za program Q važi:

$$\begin{aligned} Q(x) \downarrow 0 & \text{ ako je } P_x(x) \uparrow \\ Q(x) \uparrow 0 & \text{ ako je } P_x(x) \downarrow \end{aligned}$$

Ako postoji takav program Q , onda se i on nalazi u nizu svih programa tj. postoji redni broj k koji ga jedinstveno identifikuje, pa važi:

$$\begin{aligned} P_k(x) \downarrow 0 & \text{ ako je } P_x(x) \uparrow \\ P_k(x) \uparrow 0 & \text{ ako je } P_x(x) \downarrow \end{aligned}$$

No, ako je x jednako upravo k , pokazuje se da je definicija ponašanja programa Q (tj. programa P_k kontradiktorna): program Q (tj. program P_k) za ulaznu vrednost k vraća 0 ako se P_k ne zaustavlja za k , a izvršava beskonačnu petlju ako se P_k zaustavlja za k :

$$\begin{aligned} P_k(k) \downarrow 0 & \text{ ako je } P_k(k) \uparrow \\ P_k(k) \uparrow 0 & \text{ ako je } P_k(k) \downarrow \end{aligned}$$

Dakle, polazna pretpostavka je bila pogrešna i ne postoji program H , tj. funkcija h nije izračunljiva. Pošto funkcija h , karakteristična funkcija halting problema, nije izračunljiva, halting problem nije odlučiv. \square

Funkcija koja odgovara halting problemu je jedna od najznačajnijih funkcija koje ne mogu biti izračunate, ali takvih, neizračunljivih funkcija, ima još mnogo. Može se dokazati da funkcija jedne promenljive koje za ulazni prirodni broj vraćaju isključivo 0 ili 1 (tj. funkcija iz N u $\{0, 1\}$) ima neprebrojivo mnogo, dok programa ima samo prebrojivo mnogo. Iz toga direktno sledi da ima neprebrojivo mnogo funkcija koje nisu izračunljive.

3.6 Vremenska i prostorna složenost izračunavanja

Prvo pitanje koje se postavlja kada je potrebno izračunati neku funkciju (tj. napisati neki program) je da li je ta funkcija izračunljiva (tj. da li uopšte postoji neki program koji je izračunava). Ukoliko takav program postoji, sledeće pitanje je koliko izvršavanje tog program zahteva vremena i prostora (memorije). U kontekstu URM programa, pitanje je koliko za neki URM program treba izvršiti pojedinačnih instrukcija (uključujući ponavljanja) i koliko registara se koristi. U URM programu navedenom i primeru 3.1 postoje ukupno četiri instrukcije ali se one mogu ponavljati (za neke ulazne vrednosti). Jednostavno se može izračunati da se prva instrukcija u nizu izvršava $y + 1$ puta, a preostale tri po y puta. Dakle, ukupan broj izvršenih instrukcija za ulazne vrednosti x i y je jednak $4y + 1$. Ako se razmatra samo takozvani red algoritma, onda se zanemaruju konstante kojima se množe i sabiraju vrednosti ulaznih argumenata, pa je vremenska složenost u ovom primeru linearna po drugom argumentu, argumentu y (i to se zapisuje $O(y)$). Bez obzira na vrednosti ulaznih argumenata, program koristi tri registra, pa je njegova prostorna složenost konstantna (i to se zapisuje $O(1)$). Najčešće se složenost algoritma određuje tako da ukazuje na to koliko on može utrošiti vremena i prostora u najgorem slučaju. Ponekad je moguće izračunati i prosečnu složenost algoritma — prosečnu za sve moguće vrednosti argumenata.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 3.6.1. *Po kome je termin algoritam dobio ime?*

Pitanje 3.6.2. *Šta je to algoritam (formalno i neformalno)? Navesti nekoliko formalizma za opisivanje algoritama. Kakva je veza između formalnog i neformalnog pojma algoritma. Šta tvrdi Čerč-Tjuringova teza? Da li se ona može dokazati?*

Pitanje 3.6.3. *Da li postoji algoritam koji opisuje neku brojevnju funkciju i koji može da se isprogramira u programskom jeziku C i izvrši na savremenom računaru, a ne može na Tjuringovoj mašini?*

Pitanje 3.6.4. *Da li je svaka URM izračunljiva funkcija intuitivno izračunljiva? Da li je svaka intuitivno izračunljiva funkcija URM izračunljiva?*

Pitanje 3.6.5. *U čemu je ključna razlika između URM mašine i bilo kog stvarnog računara?*

Pitanje 3.6.6. *Opisati efekat URM naredbe $J(m, n, p)$.*

Pitanje 3.6.7. *Da li se nekim URM programom može izračunati hiljadita cifra broja 2^{1000} ? Da li se nekim URM programom može izračunati hiljadita decimalna cifra broja $\sqrt{2}$? Da li se nekim URM programom može izračunati hiljadita decimalna cifra broja π ?*

Pitanje 3.6.8. *Da li postoji URM program koji izračunava broj $\sqrt{2}$? Da li postoji URM program koji izračunava n -tu decimalnu cifru broja $\sqrt{2}$, gde je n zadati prirodan broj?*

Pitanje 3.6.9. *Koliko ima racionalnih brojeva? Koliko ima kompleksnih brojeva? Koliko ima različitih programa za Turingovu mašinu? Koliko ima različitih programa u programskom jeziku C?*

Pitanje 3.6.10. *Koliko elemenata ima unija konačno mnogo konačnih skupova? Koliko elemenata ima unija prebrojivo mnogo konačnih skupova? Koliko elemenata ima unija konačno mnogo prebrojivih skupova? Koliko elemenata ima unija prebrojivo mnogo prebrojivih skupova?*

Pitanje 3.6.11. *Koliko ima različitih URM programa? Kakva je kardinalnost skupa URM programa u odnosu na kardinalnost skupa prirodnih brojeva? Kakva je kardinalnost skupa URM programa u odnosu na kardinalnost skupa realnih brojeva? Kakva je kardinalnost skupa URM programa u odnosu na kardinalnost skupa programa na jeziku C?*

Pitanje 3.6.12. *Da li se svakom URM programu može pridružiti jedinstven realan broj? Da li se svakom URM programu može pridružiti jedinstven prirodan broj? Da li se svakom realnom broju može pridružiti jedinstven URM program? Da li se svakom prirodnom broju može pridružiti jedinstven URM program?*

Pitanje 3.6.13. *Kako se naziva problem ispitivanja zaustavljanja programa? Kako glasi halting problem? Da li je on odlučiv ili nije? Ko je to dokazao?*

Pitanje 3.6.14. *1. Da li postoji algoritam koji za drugi zadati URM program utvrđuje da li se zaustavlja ili ne?*

2. Da li postoji algoritam koji za drugi zadati URM utvrđuje da li se zaustavlja posle 100 koraka?

3. Da li je moguće napisati URM program koji za drugi zadati URM program proverava da li radi beskonačno?

4. Da li je moguće napisati URM program koji za drugi zadati URM program proverava da li vraća vrednost 1?

5. Da li je moguće napisati URM program kojim se ispituje da li data izračunljiva funkcija (ona za koju postoji URM program) f zadovoljava da je $f(0) = 0$?
6. Da li je moguće napisati URM program koji za drugi zadati URM program ispituje da li izračunava vrednost 2012 i zašto?

Zadatak 3.6.1 (Proizvod). Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x, y) = xy$. ✓

Zadatak 3.6.2 (Stepen dvojke). Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x) = 2^x$.

Zadatak 3.6.3 (Stepen). Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x, y) = x^y$.

Zadatak 3.6.4 (Poredak). Napisati URM program koji izračunava funkciju:

$$f(x, y) = \begin{cases} 0 & , \text{ ako } x \geq y \\ 1 & , \text{ inače} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.5 (Razlika). Napisati URM program koji izračunava funkciju

$$f(x, y) = \begin{cases} x - y & , \text{ ako } x \geq y \\ 0 & , \text{ inače} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.6 (Minimum). Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x, y) = \min(x, y)$, odnosno: ✓

$$f(x, y) = \begin{cases} x & , \text{ ako } x \leq y \\ y & , \text{ inače} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.7 (Deljivost). Napisati URM program koji izračunava funkciju

$$f(x, y) = \begin{cases} 1 & , \text{ ako } x|y \\ 0 & , \text{ inače} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.8 (Količnik sa 3). Napisati URM program koji izračunava funkciju:

$$f(x) = \begin{cases} x/3 & , \text{ ako } 3|x \\ \text{nedefinisano} & , \text{ inače} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.9 (Količnik). Napisati URM program koji izračunava funkciju

$$f(x, y) = \begin{cases} \left[\frac{y}{x} \right] & , \text{ ako } x \neq 0 \\ \text{nedefinisano} & , \text{ inače} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.10 (Faktorijel). Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x) = x!$.

Zadatak 3.6.11. Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x, y, z) = x + y + z$

Zadatak 3.6.12. Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x, y, z) = \min(x, y, z)$.

Zadatak 3.6.13. Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x) = 2^{(x+y)}$

Zadatak 3.6.14. Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x) = \lfloor \frac{2x}{3} \rfloor$.

Zadatak 3.6.15. Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x, y) = 2x + y$.

Zadatak 3.6.16. Napisati URM program koji broj 1331 smešta u prvi registar.

Zadatak 3.6.17. Napisati URM program koji izračunava funkciju $f(x) = 1000 \cdot x$.

Zadatak 3.6.18. Napisati URM program koji izračunava funkciju

$$f(x, y, z) = \begin{cases} \lfloor \frac{y}{3} \rfloor & , \text{ ako } 2|z \\ x + 1 & , \text{ inače} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.19. Napisati URM program koji izračunavaju sledeću funkciju:

$$f(x, y) = \begin{cases} 2 * x & , x < y \\ x - y & , x \geq y \end{cases}$$

Zadatak 3.6.20. Napisati URM program koji izračunava funkciju:

$$f(x, y) = \begin{cases} x/3 & , 3|x \\ y^2 & , \text{ inace} \end{cases}$$

Zadatak 3.6.21. Napisati URM program koji izračunava funkciju

$$f(x, y, z) = \begin{cases} 1, & \text{ ako je } x + y > z \\ 2, & \text{ inače} \end{cases}$$

Glava 4

Programski jezici

Razvoj programskih jezika, u bliskoj je vezi sa razvojem računara tj. sa razvojem hardvera. Programiranje u današnjem smislu nastalo je sa pojavom računara Fon Nojmanovog tipa čiji se rad kontroliše programima koji su smešteni u memoriji, zajedno sa podacima nad kojim operišu. Na prvim računarima tog tipa moglo je da se programira samo na mašinski zavisnim programskim jezicima, a od polovine pedesetih godina dvadesetog veka nastali su jezici višeg nivoa koji su drastično olakšali programiranje.

4.1 Mašinski zavisni programski jezici

Prvi programski jezici zahtevali su od programera da bude upoznat sa najfinijim detaljima računara koji se programira. Problemi ovakvog načina programiranja su višestruki. Naime, ukoliko je želeo da programira na novom računaru, programer je morao da izučiti sve detalje njegove arhitekture (na primer, skup instrukcija procesora, broj registara, organizaciju memorije). Programi napisani za jedan računar mogli su da se izvršavaju isključivo na istim takvim računarima i prenosivost programa nije bila moguća.

I danas su mašinski programski jezici neposredno vezani za procesor računara na kojem se koriste — procesor je konstruisan tako da može da izvršava određene elementarne naredbe. Ipak, sada je razvoj najvećeg broja procesora usmeren tako da se isti mašinski programi mogu koristiti na čitavim familijama procesora.

Što se tiče izražajnosti mašinskih jezika, primitivne instrukcije koje programerima stoje na raspolaganju su veoma elementarne (na primer, samo sabiranje dva broja, konjunkcija bitova, instrukcija skoka i slično) i veoma je teško kompleksne i apstraktne algoritme izraziti korišćenjem tog uskog skupa elementarnih instrukcija.

4.1.1 Asemblerski jezici

Asemblerski (ili simbolički) jezici su jezici koji su veoma bliski mašinskom jeziku računara, pri čemu se, umesto korišćenja binarnog sadržaja za zadavanje instrukcija koriste (mnemotehničke, lako pamtljive) simboličke oznake instrukcija (tj. programi se unose kao tekst). Ovim se, tehnički, olakšava unos programa i programiranje (programer ne mora da direktno manipuliše binarnim sadržajem), pri čemu su sve mane mašinski zavisnog programiranja i dalje prisutne. Kako bi ovako napisan program mogao da se izvršava, neophodno je izvršiti njegovo prevođenje na mašinski jezik (tj. zapisati instrukcije binarnom azbukom) i uneti na odgovarajuće mesto u memoriji. Ovo prevođenje je jednostavno i jednoznačno i vrše ga jezički procesori koji se nazivaju *asembleri*.

Ilustrujmo programiranje na mašinski zavisnim jezicima na minijaturnom modelu računara Fon Nojmanove arhitekture. Neka se procesor sadrži dva osm-bitna registra `ax` i `bx` i neka podržava instrukcije:

```

mov x y      premešta se broj ili sadržaj lokacije y na lokaciju x,
              a lokacija može biti ili registar ili memorijska adresa;
add r1 r2    sabira sadržaj registara r1 i r2 i zbir smešta u registar r1;
mul r1 r2    množi sadržaj registara r1 i r2 i zbir smešta u registar r1;
cmp x y      poredi vrednosti x i y i pamti rezultat,
jle label    ukoliko je vrednost prethodnog poređenja vrednosti
              (instrukcijom cmp) manja ili jednaka, skače na datu labelu.

```

Razmotrimo niz instrukcija:

```

loop:
  mov ax, [10]
  mov bx, [11]
  mul ax, bx
  mov bx, 1
  add ax, bx
  mov [10], ax
  cmp ax, 7F
  jle loop

```

Nakon izvršenja prve instrukcije sadržaj memorijske adrese 10 se upisuje u registar `ax`. Nakon izvršenja druge instrukcije sadržaj memorijske adrese 11 se upisuje u registar `bx`. Trećom instrukcijom množi se sadržaj registara `ax` i `bx` i rezultat se smešta u `ax`. Nakon toga, u registar `bx` upisuje se vrednost 1 i sabira se sa tekućom vrednošću registra `ax`, smeštajući rezultat u registar `ax`. Zatim se tekuća vrednost registra `ax` (a to je proizvod vrednosti sa adresa 10 i 11 uvećan za 1) prenosi nazad na adresu 10. Nakon toga, vrši se poređenje tekuće vrednosti registra `ax` (koja se nije promenila prenosom u memoriju) i vrednosti 7F i ukoliko je vrednost `ax` manja ili jednaka ceo postupak se ponavlja.

Dakle, ukoliko sadržaj memorijske adrese 10 označimo sa `x`, a adrese 11 sa `y`, prethodne instrukcije izvršavaju sledeći program:

```
radi
```

```
x := x*y + 1
dok je x <= 127
```

4.1.2 Mašinski jezik

Programi na prethodno uvedenom asembleskom jeziku mogu da se binarno kodiraju i pravila tog kodiranja određuju jedan mašinski jezik. Na primer, binarne kodove za svaku od pet različitih instrukcija moguće je uvesti na sledeći način:

```
mov  001
add  010
mul  011
cmp  100
jle  101
```

Takođe, pošto neke instrukcije primaju podatke različite vrste (neposredno navedeni brojevi, registri, memorijske adrese), potrebno je uvesti posebne kodove za svaki od različitih vidova adresiranja. Na primer:

```
neposredno  00
registarsko 01
apsolutno   10
```

Neka registar **ax** ima oznaku 00, a registar **bx** ima oznaku 01. Pretpostavimo da su sve adrese osmobitne. Imajući sve ovo u vidu, instrukcija `mov [10], ax` se, u ovom hipotetičkom mašinskom jeziku, može kodirati kao 001 10 01 00010000 00. Kôd 001 dolazi od instrukcije `mov`, zatim slede 10 i 01 koji ukazuju da prvi argument predstavlja memorijsku adresu, a drugi oznaku registra, za čim sledi memorijska adresa $(10)_{16}$ binarno kodirana sa 00010000 i na kraju oznaka 00 registra **ax**. Na sličan način, celokupan prikazani mašinski kôd je moguće binarno kodirati kao:

```
001 01 10 00 00010000
001 01 10 01 00010001
011 00 01
001 01 00 01 00000001
010 00 01
001 10 01 00010000 00
100 01 00 00 01111111
101 11110000
```

Pretpostavlja se da se ovaj kôd smešta u memoriju na adresu F0, pošto poslednja instrukcija uslovnog skoka prenosi kontrolu upravo na tu adresu.

Primetimo da je između prikazanog asemblerskog i mašinskog programa postoji veoma direktna i jednoznačna korespondencija (u oba smera) tj. na osnovu datog mašinskog koda moguće je jednoznačno rekonstruisati asemblerski kôd.

Specifični hardver koji čini kontrolnu jedinicu procesora dekodira jednu po jednu instrukciju i izvršava akcije njom kodirane. Naravno, prilikom dizajna

realnih procesora, broj instrukcija i načini adresiranja je mnogo bogatiji i prilikom samog dizajna mašinskog jezika potrebno je uzeti u obzir mnoge aspekte na koje se u ovom jednostavnom prikazu nije obraćala pažnja.

4.2 Programski jezici višeg nivoa

Jedna od ključnih momenata u razvoju programiranja i računarstva bio je razvoj programskih jezika višeg nivoa. Viši programski jezici namenjeni su ljudima a ne mašinama i sakrivaju detalje konkretnih računara od programera. Specijalizovani programi (tzv. jezički procesori, programski prevodioci, kompilatori ili interpretatori) na osnovu specifikacije zadate na višem (apstraktnijem) nivou mogu automatski da proizvedu mašinski kôd za specifičan računar na kojima se programi izvršavaju. Ovim se omogućava prenosivost programa (pri čemu, da bi se program mogao izvršavati na nekom konkretnom računaru, potrebno je da postoji procesor višeg programskog jezika baš za taj računar). Takođe, znatno se povećava nivo apstrakcije prilikom procesa programiranja što u mnogome olakšava ovaj proces.

Prvim višim programskim jezikom najčešće se smatra jezik *FORTRAN*, nastao u periodu 1953-1957 godine. Njegov glavni autor je Džon Bakus (engl. John Backus), koji je implementirao i prvi interpretator i prvi kompilator za ovaj jezik. Ime Fortran dolazi od *The IBM Mathematical FORMula TRANslating System*, što ukazuje na to da je osnovna motivacija bila da se u okviru naučno-tehničkih primena omogući unošenje matematičkih formula, dok je sistem taj koji bi unete matematičke formule prevodio u niz instrukcija koje računar može da izvršava. Neposredno nakon pojave Fortrana, Džon Mekarti (engl. John McCarthy) dizajnira programski jezik *LISP*. Zasnovan na λ -računu, LISP uvodi funkcionalno programiranje i postaje jezik izbora u oblasti veštačke inteligencije. Krajem 1950-tih godina, nastaje i jezik COBOL, čije su osnovne primene u oblasti poslovanja (što ime *COmmon Business-Oriented Language sugerše*).

Najkorišćeniji viši programski jezici danas su jezici *C*, *C++*, *Java*, *PHP*, *JavaScript*, *Python*, *C#*, ...

Najkorišćeniji programski jezici danas spadaju u grupu (tzv. programsku paradigmu) *imperativnih* programskih jezika. Kako u ovu grupu spada i programski jezik *C*, u nastavku će biti najviše reči upravo o ovakvim jezicima. U ovim jezicima program karakterišu *promenljive* kojima se predstavljaju podaci i *naredbe* kojima se vrše određene transformacije promenljivih. Pored imperativne, značajne programske paradigme su i *objektno-orijentisana*, *funkcionalna*, *logička*.

4.2.1 Leksika, sintaksa, semantika

Kako bi bilo moguće pisanje i prevođenje programa u odgovarajuće programe na mašinskom jeziku nekog konkretnog računara, neophodno je precizno definisati šta su ispravni programi programskog jezika, kao i precizno definisati koja izračunavanja odgovaraju naredbama programskog jezika. Pitanjima ispravno-

sti programa bavi se *sintaksa programskih jezika* (i njena podoblast *leksika programskih jezika*). Leksika se bavi opisivanjem osnovnim gradivnim elementima jezika, a sintaksa načinima za kombinovanje tih osnovnih elemenata u ispravne jezičke konstrukcije. Pitanjem značenja programa bavi *semantika programskih jezika*. Leksika, sintaksa i semantika se izučavaju ne samo za programske jezike, veće i za druge veštačke jezike, ali i za prirodne jezike.

Leksika. Osnovni leksički elementi prirodnih jezika su reči, pri čemu se razlikuje nekoliko različitih vrsta reči (imenice, glagoli, pridevi, ...) i reči imaju različite oblike (padeži, vremena, ...). Zadatak leksičke analize prirodnog jezika je da identifikuje reči u rečenici i svrsta ih u odgovarajuće kategorije. Slično važi i za programske jezike. Programi se u računar zadaju kodirani nizom karaktera. Pojedinačni karakteri se grupišu u nedeljive celine koje predstavljaju osnovne leksičke elemente, koji bi bili analogni rečima govornog jezika. Na primer, leksika jezika UR mašina razlikuje rezervisane reči (Z, S, J, T) i brojevne konstante. Razmotrimo naredni fragment C kôda:

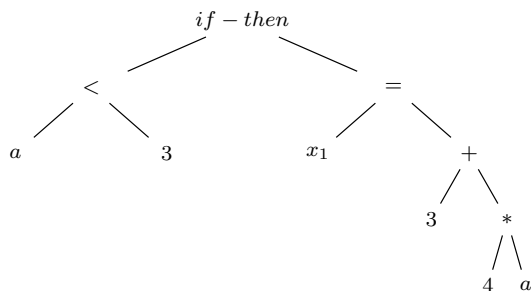
```
if (a < 3)
    x1 = 3+4*a;
```

Ovaj fragment kôda predstavlja *if-then* iskaz kome je uslov dat izrazom poređenja vrednosti promenljive a i konstante 3, a telo predstavlja iskaz dodele promenljivoj x vrednosti izraza koji predstavlja zbir konstante 3 i proizvoda konstante 4 i vrednosti promenljive a . U ovom kôdu, razlikuju se sledeće *lekseme* (reči) i njima pridruženi *tokeni* (kategorije).

```
if  ključna reč
(   zagrada
a   identifikator
<   operator
3   celobrojni literal
)   zagrada
x1  identifikator
=   operator
3   celobrojni literal
+   operator
4   celobrojni literal
*   operator
a   celobrojni literal
;   puntuator
```

Sintaksa. Sintaksa prirodnih jezika definiše na načine na koji pojedinačne reči mogu da kreiraju ispravne rečenice jezika. Slično je i sa programskim jezicima, gde se umesto ispravnih rečenica razmatraju ispravni programi. Na primer, sintaksa jezika UR mašina definiše ispravne programe kao nizove instrukcija oblika: $Z(\text{broj})$, $S(\text{broj})$, $J(\text{broj}, \text{broj}, \text{broj})$ i $T(\text{broj}, \text{broj})$. Sintaksa definiše formalne

relacije između elemenata jezika, time pružajući strukturne opise ispravnih niski jezika. Sintaksa se bavi samo formom i strukturom jezika bez bilo kakvih razmatranja u vezi sa njihovim značenjem. Sintaksna struktura rečenica ili programa se može predstaviti u obliku stabla. Prikazani fragment kôda je u jeziku C sintaksno ispravan i njegova sintaksna struktura se može predstaviti na sledeći način:



Semantika. Semantika pridružuje značenje sintaksno ispravnim niskama jezika. Za prirodne jezike, ovo znači povezivanje rečenica sa nekim specifičnim objektima, mislima i osećanjima. Za programske jezike, semantika za dati program opisuje koje je izračunavanje određeno tim programom.

Tako se, na primer, naredbi C jezika `if (a < 3) x1 = 3+4*a;` može pridružiti sledeće značenje: „Ako je tekuća vrednost promenljive `a` manja od 3, tada promenljiva `x1` treba da dobije vrednost zbira broja 3 i četverostruke tekuće vrednosti promenljive `a`“.

Postoje sintaksno ispravne rečenice prirodnog jezika kojima nije moguće dodeliti ispravno značenje, tj. nisu semantički korektne. Na primer: „Bezbojne zelene ideje besno spavaju” ili „Pera je oženjeni neženja”. Slično je i sa programskim jezicima. Neki aspekti semantičke korektnosti programa se mogu proveriti tokom prevođenja programa (na primer, da su sve promenljive koje se koriste u izrazima definisane i da su odgovarajućeg tipa), dok se neki aspekti mogu proveriti tek u fazi izvršavanja programa (na primer, da ne dolazi do deljenja nulom). Na osnovu toga, razlikuje se statička i dinamička semantika. Naredni C kôd nema jasno definisano značenje, već dovodi do greške prilikom izvršavanja (iako se prevođenje na mašinski jezik uspešno izvršava).

```
int x = 0;
int y = 1/x;
```

Dok većina savremenih jezika ima precizno i formalno definisanu sintaksu, formalna definicija semantike postoji samo za neke programske jezike. U ostalim slučajevima, semantika programskog jezika se opisuje neformalno, opisima zadatim korišćenjem prirodnog jezika. Čest je slučaj da neki aspekti semantike ostaju nedefinisani standardom jezika i prepušta se implementacijama kompilatora da samostalno odrede potpunu semantiku. Tako, na primer, programski jezik C ne definiše kojim se redom vrši izračunavanje vrednosti izraza što u nekim slučajevima može da dovede do različitih rezultata istog programa prilikom

prevođenja i izvršavanja na različitim sistemima (na primer, nije definisano da li za izračunavanje izraza $f() + g()$ prvo poziva funkcija f ili funkcija g).

4.2.2 Pragmatika programskih jezika

Pragmatika jezika govori o izražajnosti jezika i o odnosu različitih načina za iskazivanje istih stvari. Pragmatika prirodnih jezika se odnosi na psihološke i sociološke aspekte kao što su korisnost, opseg primena i efekti na korisnike. Isti prirodni jezik se koristi drugačije, na primer, u pisanju tehničkih uputstava, a drugačije u pisanju pesama. Pragmatika programskih jezika uključuje pitanja kao što su lakoća programiranja, efikasnost u primenama i metodologija programiranja. Pragmatika je ključni predmet interesovanja onih koji dizajniraju i implementiraju programske jezike, ali i svih koji ih koriste. U pitanja pragmatike može da spada i izbor načina na koji napisati neki program, u zavisnosti od toga da li je, u konkretnom slučaju, važno da je program kratak ili da je jednostavan za razumevanje ili da je efikasan.

Pragmatika jezika se, između ostalog, bavi i sledećim pitanjima dizajna programskih jezika.

Promenljive i tipovi podataka. U Fon Nojmanovom modelu, podaci se smeštaju u memoriju računara (najčešće kodirani nizom bitova). Međutim, programski jezici uobičajeno, kroz koncept *promenljivih*, nude programerima apstraktniji pogled na podatke. Organizovanje podataka u *tipove* omogućava da programer ne mora da razmišlja o podacima na nivou njihove interne (binarne) reprezentacije, već da o podacima može razmišljati znatno apstraktnije, dok se detalji interne reprezentacije prepuštaju jezičkom procesoru.

Naredni fragment C koda obezbeđuje da su promenljive x , y i z celobrojnog tipa (tipa `int`), a da z nakon izvršavanja ovog fragmenta ima vrednost jednaku zbiru promenljivih x i y .

```
int x, y;  
...  
int z = x + y;
```

Prilikom prevođenja i kreiranja mašinskog koda, prevodilac dodeljuje određeni broj bitova u memoriji promenljivama x , y i z (tj. rezervise određene memorijske lokacije isključivo za smeštanje vrednosti ovih promenljivih) i generiše kôd (procesorske instrukcije) kojim se tokom izvršavanja programa sabiraju vrednosti smeštene na dodeljenim memorijskim lokacijama, brinući pri tom o načinu reprezentacije koji se koristi za zapis. Tako se, u zavisnosti od tipa operanada, ista operacija $+$ ponekad prevodi u mašinsku instrukciju kojom se sabiraju brojevi zapisani u potpunom komplementu, a ponekad u instrukciju kojom se sabiraju brojevi zapisani u pokretnom zarezu. Time, tipovi jezika višeg nivoa na mašinskom nivou postoje samo implicitno (i informacije o tipu se ne čuvaju u mašinskom kôdu).

Slično, C kôd `int x = 3.1;` prouzrokuje da se promenljiva `x` deklariše kao celobrojna, da se za nju odvoji određeni broj bitova u memoriji i da se ta memorija inicijalizuje binarnim zapisom broja 3. Naime, realnu vrednost 3.1 nije moguće zapisati u celobrojnu promenljivu, tako da se vrši konverzija tipa i zaokruživanje vrednosti.

Najčešći tipovi podataka direktno podržani programskim jezicima su celi brojevi (0, 1, 2, -1, -2, ...), razlomljeni brojevi (1.0, 3.14, ...), karakteri (a, b, 0, ,, !, ...), niske ("zdravo"), ... Pored ovoga, programski jezici obično nude i mogućnost korišćenja složenih tipova (na primer, nizovi, strukture ili slogovi koji objedinjavaju nekoliko promenljivih istog ili različitog tipa).

Svaki tip podataka karakteriše:

- vrsta podataka koje opisuje (na primer, celi brojevi),
- skup operacija koje se mogu primeniti nad podacima tog tipa (na primer, sabiranje, oduzimanje, množenje, ...),
- način reprezentacije i detalji implementacije (na primer, zapis u obliku binarnog potpunog komplementa širine 8 bita, odakle sledi opseg vrednosti od -128 do 127).

Neki programski jezici (između ostalih i C) zahtevaju da korisnik definiše tip svake promenljive koja se koristi u programu i da se taj tip ne menja tokom izvršavanja programa (*statički tipizirani jezici*). Sa druge strane, postoje jezici gde ista promenljiva može da sadrži podatke različitog tipa tokom raznih faza izvršavanja programa (*dinamički tipizirani jezici*). U nekim slučajevima dopušteno je vršiti operacije nad promenljivima različitog tipa, pri čemu se tip implicitno konvertuje. Na primer, jezik JavaScript ne zahteva definisanje tipa promenljivih i dopušta kôd poput `a = 1; b = "2"; a = a + b;`.

Kontrola toka izvršavanja. Osnovi gradivni element imperativnih programa su *naredbe*.

Osnovna naredba je *naredba dodele* kojom se vrednost neke promenljive postavlja na vrednost nekog *izraza* definisanog nad konstantama i definisanim promenljivim. Na primer, `x1 = 3 + 4*a;`.

Naredbe se u programu često nižu i izvršavaju sekvencijalno, jedna nakon druge. Međutim, kako bi se postigla potrebna izražajnost, programski jezici uvode specijalne vrste naredbi kojima se vrši kontrola toka izvršavanja programa (tzv. kontrolne strukture). Ovim se postiže da se u zavisnosti od tekućih vrednosti promenljivih neke naredbe uopšte ne izvršavaju, neke izvršavaju više puta i slično. Najčešće sretane kontrolne strukture su granajuće naredbe (if-then-else), petlje (for, while, do-while, repeat-until) i naredbe skoka (goto). Za naredbe skoka (goto) je pokazano da ih nije potrebno koristiti, tj. svaki program se može zameniti programom koji daje iste rezultate a pri tome koristi samo sekvencijalno nizanje naredbi, naredbu izbora (if-then-else) i jednu vrstu petlju

(na primer, do-while).¹ Ovak važan teorijski rezultat ima svoju punu praktičnu primenu i u današnjem programiranju naredba skoka se gotovo uopšte ne koristi jer dovodi do nerazumljivih (tzv. špageti) programa.

Potprogrami. Najčešća vrsta potprograma su funkcije (procedure, sabrutine, metode). Njima se u programu izoluje određena vrsta izračunavanja koju je kasnije moguće pozivati tj. koristiti na više različitih mesta u različitim kontekstima. Potprogrami su obično parametrizovani i obično imaju mogućnost vraćanja vrednosti izračunavanja pozivaocu. Tako je, na primer, u jeziku C moguće definisati funkciju kojom se izračunava najveći zajednički delilac (NZD) dva broja, a kasnije tu funkciju iskoristiti na nekoliko mesta kako bi se izračunao NZD različitih parova brojeva.

```
int nzd(int a, int b) { ... }  
...  
x = nzd(1234, 5678);  
y = nzd(8765, 4321);
```

Modularnost. Modularnost podrazumeva razbijanje većeg programa na nezavisne celine. Celine se obično smeštaju u različite datoteke i sadrže biblioteke srodnih definicija podataka i funkcija. Ovim se postiže lakše održavanje kompleksnih sistema, kao i mogućnost višestruke upotrebe biblioteka u okviru različitih programa.

4.2.3 Jezički procesori

Jezički procesori (ili programski prevodioci) su programi čija je uloga da analiziraju leksičku, sintaksnu i (donekle) semantičku ispravnost programa višeg programskog jezika i da na osnovu ispravnog ulaznog programa višeg programskog jezika generišu kôd na mašinskom jeziku (koji odgovara polaznom programu, tj. vrši izračunavanje koje je opisano na višem programskom jeziku). Kako bi konstrukcija jezičkih procesora uopšte bila moguća, potrebno je imati precizan opis kako leksike i sintakse, tako i semantike višeg programskog jezika.

U zavisnosti od toga da li se ceo program analizira i transformiše u mašinski kôd pre nego što može da se izvrši, ili se analiza i izvršavanje programa obavljaju naizmenično deo po deo programa (na primer, naredba po naredba), jezički procesori se dele u dve grupe: *kompilatore* i *interpretatore*.

Kompilatori. Kompilatori su programski prevodioci kod kojih su faza prevođenja i faza izvršavanja programa potpuno razdvojene. Nakon analize *izvornog koda* programa višeg programskog jezika, kompilatori generišu *izvršni (mašinski) kôd* koji se zatim snima u izvršne binarne datoteke. Jednom sačuvani mašinski kôd moguće je izvršavati neograničen broj puta, bez potrebe za ponovnim prevođenjem. Krajnjim korisnicima nije neophodno

¹Ovo tvrđenje je poznato kao *teorema o struktornom programiranju*, autora Korado Bema i Đuzepea Jakopinija iz 1966.

dostavljati izvorni kôd programa na višem programskom jeziku, već je dovoljno distribuirati izvršni mašinski kôd². Jedan od problema rada sa kompilatorima je da se gubi svaka veza između izvršnog i izvornog kôda programa. Svaka (i najmanja) izmena u izvornom kôdu programa zahteva ponovno prevođenje celokupnog programa. Sa druge strane, kompilirani programi su obično veoma efikasni jer se pre snimanja u izvršne datoteke mašinski kôd dodatno optimizuje.

Interpretatori. Interpretatori su programski prevodioci kod koji su faza prevođenja i faza izvršavanja programa isprepletane. Interpretatori analiziraju deo po deo (najčešće naredbu po naredbu) izvornog kôda programa i odmah nakon analize vrše i njegovo izvršavanje. Rezultat prevođenja se ne smešta u izvršne datoteke, već je prilikom svakog izvršavanja neophodno iznova vršiti analizu izvornog kôda. Iz ovog razloga, programi koji se interpretiraju se obično izvršavaju znatno sporije nego u slučaju kompilacije. S druge strane, razvojni ciklus programa je često kraći ukoliko se koriste interpretatori. Naime, prilikom malih izmena programa nije potrebna iznova vršiti analizu celokupnog kôda.

Za neke programski postoje i interpretatori i kompilatori. Interpretator se tada koristi u fazi razvoja programa da bi omogućio interakciju korisnika sa programom, dok se u fazi eksploatacije kompletno razvijenog i istestiranog programa koristi kompilator koji proizvodi program sa efikasnim izvršavanjem.

Danas se često primenjuje i tehnika kombinovanja kompilatora i interpretatora. Naime, kôd sa višeg programskog jezika se prvo kompilira u neki precizno definisan međujezik niskog nivoa (ovo je obično jezik neke apstraktne virtuelne mašine), a zatim se vrši interpretacija ovog međujezika i njegovo izvršavanje na konkretnom računaru. Ovaj pristup primenjen je kod programskog jezika Java, kod .Net jezika (C#, VB), itd.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 4.2.1. *U koju grupu jezika spadaju mašinski jezici i asemblerski jezici?*

Pitanje 4.2.2. *Da li je kôd na nekom mašinskom jeziku prenosiv sa jednog na sve druge računare? Da li assembler zavisi od mašine na kojoj se koristi?*

Pitanje 4.2.3. *Ukoliko je raspoloživ asemblerski kôd nekog programa, da li je moguće jednoznačno konstruisati odgovarajući mašinski kôd? Ukoliko je raspoloživ mašinski kôd nekog programa, da li je moguće jednoznačno konstruisati odgovarajući asemblerski kôd? Ukoliko je raspoloživ kôd nekog programa na nekom višem programskom jeziku (na primer, na jeziku C), da li je moguće jednoznačno konstruisati odgovarajući mašinski kôd? Ukoliko je raspoloživ mašinski*

²Ipak, ne samo u akademskom okruženju, smatra se da je veoma poželjno da se uz izvršni distribuira i izvorni kôd programa (tzv. *softver otvorenog kôda*, engl. *open source*) kako bi korisnici mogli da vrše modifikacije i prilagođavanja programa za svoje potrebe.

kôd nekog programa, da li je moguće jednoznačno konstruisati odgovarajući kôd na jeziku C?

Pitanje 4.2.4. Za koji programski jezik su izgrađeni prvi interpretator i kompilator i ko je bio njihov autor?

Pitanje 4.2.5. Šta je to kompilator, a šta interpretator?

Pitanje 4.2.6. Ako se koristi kompilator, da li je za izvršavanje programa korisniku neophodno dostaviti izvorni kôd programa? A ako se koristi interpretator?

Zadatak 4.2.1. Na opisanom asemblerskom jeziku opisati izračunavanje vrednosti izraza $x := x*y + y + 3$. Generisati i mašinski kôd za napisani program.

✓

Zadatak 4.2.2. Na opisanom asemblerskom jeziku opisati izračunavanje:

```
ako je (x < 0)
    y := 3*x;
inace
    x := 3*y;
```

✓

Zadatak 4.2.3. Na opisanom asemblerskom jeziku opisati izračunavanje:

```
dok je (x <= 0) radi
    x := x + 2*y;
```

✓

Zadatak 4.2.4. Na opisanom asemblerskom jeziku opisati izračunavanje kojim se izračunava $[\sqrt{x}]$, pri čemu se x nalazi na adresi 100.

✓

Deo II

Jezik C

Glava 5

O programskom jeziku C

Programski jezik C je programski jezik opšte namene koga je 1972. godine razvio Denis Riči (eng. Dennis Ritchie) u Belovim telefonskim laboratorijama (eng. Bell Telephone Laboratories) u SAD. Ime C dolazi od činjenice da je jezik nastao kao naslednik jezika B (koji je bio pojednostavljena verzija jezika BCPL). C je jezik koji je bio namenjen prevashodno pisanju sistemskog softvera i to u okviru operativnog sistema Unix, međutim, vremenom je počeo da se koristi i za pisanje aplikativnog softvera na velikom broju platformi. C je danas prisutan na širokom spektru platformi — od mikrokontrolera do superračunara. Jezik C je uticao i na razvoj drugih programskih jezika (najznačajniji od kojih je jezik C++ koji se može smatrati proširenjem jezika C).

Jezik C spada u grupu imperativnih (proceduralnih) programskih jezika. Kako je izvorno bio namenjen za sistemsko programiranje, programerima nudi prilično direktan pristup memoriji i konstrukcije jezika su tako osmišljene da se jednostavno prevode na mašinski jezik. Zahvaljuju tome, u C-u se relativno jednostavno kreiraju programi koji su ranije uglavnom pisani na asemblerskom jeziku. Jezik je kreiran u minimalističkom duhu — direktno je podržan mali broj konstrukata, dok se šira funkcionalnost programerima nudi uglavnom kroz korišćenje (standardizovanih) bibliotečkih funkcija (na primer, ne postoje naredbe jezika kojima bi se učitali podaci sa tastature računara ili ispisivali na ekran, već se ovi zadaci izvršavaju pozivanjem standardnih funkcija).

Kod jezika C od samog početka insistira se na prenosivosti koda (tzv. portabilnosti), standardizaciji, zahvaljujući kojoj se isti programi na C-u mogu koristiti na različitim platformama.

5.1 Standardizacija jezika

K&R C. 1978. godine, Brajan Kerningen (eng. Brian Kernighan) i Denis Riči (eng. Dennis Ritchie) objavljuju prvo izdanje knjige *Programski jezik C* (*The C Programming Language*). Ova knjiga, među programerima obično poznata kao *K&R* ili kao *white book*, godinama je služila kao neformalna specifi-

kacija jezika. Čak i posle pojave novih standarda, K&R je dugo vremena služio kao „najmanji zajednički imenilac” koji je korišćen kada je bilo potrebno postići veliki stepen prenosivosti, jer su konstrukte opisane u prvoj verziji K&R knjige uglavnom podržavali svi C prevodioci.

ANSI C i ISO C. Tokom 1980-tih godina, C se raširio na veliki broj heterogenih platformi i time se javila potreba za zvaničnom standardizacijom jezika. Godine 1989. američki nacionalni institut za standardizaciju (ANSI) objavio je standard pod zvaničnim nazivom *ANSI X3.159-1989 "Programming Language C"*. Ova verzija jezika C se obično jednostavnije naziva *ANSI C* ili *C89*. Godine 1990. međunarodna organizacija za standardizaciju (ISO) usvojio je ovaj dokument (uz sitnije izmene, uglavnom formatiranje) pod oznakom *ISO/IEC 9899:1990* čime je briga o standardizaciji jezika C prešla od američkog pod međunarodno okrilje. Ova verzija se ponekad naziva *C90*, tako da se *C89* i *C90* predstavljaju isti jezik. Ovak jezik predstavlja nadskup K&R jezika C i uključuje mnoge konstrukte do tada nezvanično podržane od strane velikog broja prevodilaca.

C99. Godine 1999. usvojen je novi standard jezika C *ISO/IEC 9899:1999*, poznat pod kraćim imenom *C99*. Ovaj standard uveo je sitne izmene u odnosu na prethodni i uglavnom proširio jezik novim konstruktima (u velikoj meri inspirisanim modernim programskim jezicima kakav je C++).

C1X. Godine 2007. počeo je rad na novom standardu jezika C koji se očekuje u drugoj deceniji XXI veka (s obzirom na to da se ne zna koje će se godine pojaviti, trenutno se ovaj standard neformalno označava sa *C1X*).

U nastavku teksta uglavnom će biti razmatran ANSI C, pri čemu će biti uvedeni i neki konstrukti jezika C99 (uz jasnu naznaku da se radi o dopunama).

Pitanja i za vežbu

Pitanje 5.1.1. *Kada je nastao programski jezik C? Ko je njegov autor? Za koji operativni sistem se vezuje nastanak programskog jezika C?*

Pitanje 5.1.2. *U koju grupu jezika spada C? Za šta se najviše koristi?*

Pitanje 5.1.3. *Koja je najpoznatija knjiga o jeziku C? Nabrojati sve zvanične standarde jezika C.*

Glava 6

Prvi programi

Jezik C deli mnoga svojstva sa drugim programskim jezicima, ali ima i svoje specifičnosti. U nastavku će jezik C biti prezentovan postupno, koncept po koncept, često iz opšte perspektive programiranja i programskih jezika. Na početku, biće navedeno i detaljno prodiskutovano nekoliko jednostavnijih programa koji prikazuju neke osnovne pojmove programskog jezika C.

6.1 Program “Zdravo!”

Prikaz jezika C biće započet programom koji na standardni izlaz ispisuje poruku Zdravo!. Neki delovi programa će biti objašnjeni samo površno, a u kasnijem tekstu će biti dat njihov detaljni opis.

Program 6.1.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    printf("Zdravo!\n"); /* ispisuje tekst */
    return 0;
}
```

Program se sastoji iz definicije jedne funkcije i ona se zove `main` (od engleskog *main* — glavna, glavno). Program može da sadrži više funkcija, ali obavezno mora da sadrži funkciju koja se zove `main` i izvršavanje programa uvek kreće od te funkcije. Prazne zagrade iza njenog imena ukazuju na to da se eventualni argumenti ove funkcije ne koriste. Reč `int` pre imena funkcije označava da ova funkcija, kao rezultat, vraća celobrojnu vrednost (eng. integer), tj. vrednost tipa `int`.

Naredbe funkcije `main` su grupisane između simbola `{ i }` (koji označavaju početak i kraj tela funkcije). Obe naredbe funkcije završavaju se simbolom `;`.

Programi obično imaju više funkcija i funkcija `main` poziva te druge funkcije za obavljanje raznovrsnih podzadataka. Funkcije koje se pozivaju mogu

da budu bilo korisnički definisane (tj. napisane od strane istog programera koji piše program), bilo bibliotečke (tj. napisane od strane nekog drugog tima programera). Određene funkcije čine takozvanu *standardnu biblioteku* programskog jezika C i njihov kôd se obično isporučuje uz sam kompilator. Prva naredba u navedenom programu je poziv standardne bibliotečke funkcije `printf` koja ispisuje tekst na takozvani *standardni izlaz* (obično ekran). U ovom slučaju, tekst koji se ispisuje je `Zdravo!`. Tekst koji treba ispisati se zadaje između para znakova `"`. Znakovi `\n` se ne ispisuju, nego obezbeđuju prelazak u novi red. Kako bi C prevodilac umeo da generiše kôd poziva funkcije `printf`, potrebno je da zna tip njene povratne vrednosti i tipove njenih argumenata. Ovi podaci o funkciji `printf`, njen svojevrsni opis, takozvana *deklaracija*, nalaze se u takozvanoj *datoteci zaglavlja* `stdio.h` (ova datoteka čini deo standardne biblioteke zadužen za ulazno-izlaznu komunikaciju i deo je instalacije prevodioca za C). Prva linija programa, kojom se prevodiocu saopštava da je neophodno da konsultuje sadržaj datoteke `stdio.h` je takozvana *preprocesorska direktiva*. To nije naredba C jezika, već instrukcija C preprocesoru koji predstavlja nultu fazu kompilacije i koji pre kompilacije program priprema tako što umesto prve linije upisuje celokupan sadržaj datoteke `stdio.h`.

Naredba `return 0` prekida izvršavanje funkcije `main` i, kao njen rezultat, vraća vrednost 0. Vrednost funkcije vraća se u okruženje iz kojeg je ona pozvana, u ovom slučaju u okruženje iz kojeg je pozvan sâm program. Iz funkcije `main`, obično se vraća vrednost 0 da ukaže na to da je izvršavanje proteklo bez problema, a ne-nula vrednost da ukaže na problem ili grešku koja se javila tokom izvršavanja programa.

Tekst naveden između simbola `/*` i simbola `*/` predstavlja komentare. Oni su korisni samo programerima, doprinose čitljivosti i razumljivosti samog programa. Njih C prevodilac ignoriše i oni ne postoje u izvršnoj verziji programa.

Primitimo da je svaka naredba u okviru prikazanog programa pisana u zasebnom redu, pri čemu su neki redovi uvučeni u odnosu na druge. Naglasimo da sa stanovišta C prevodioca ovo nije neophodno (u ekstremnom slučaju, dopušteno bi bilo da je ceo kôd osim prve linije naveden u istoj liniji). Ipak, smatra se da je „*nazubljivanje*” (eng. *indentation*) kôda u skladu sa njegovom sintaksnom strukturom nezaobilazna dobra praksa. Naglasimo i da postoje različiti stilovi nazubljivanja (na primer, da li otvorena vitičasta zagrada počinje u istom ili sledećem redu), međutim, obično se smatra da nije bitno koji se stil koristi dok god se kôd unosi na uniforman način.

Ukoliko se koristi GCC prevodilac, program se prevodi tako što se u komandnoj liniji navede `gcc -o ime_izvrsnog_koda ime_izvornog_koda`. Na primer, ako je izvorni kod sačuvan u datoteci `zdravo.c`, a željeno ime izvršnog programa je `zdravo`, potrebno je uneti `gcc -o zdravo zdravo.c`. U tom slučaju, izvršni program se pokreće sa `./zdravo`. Ukoliko se ime izvršnog programa izostavi, podrazumeva se ime `a.out`.

6.2 Program koji ispisuje kvadrat unetog celog broja

Prethodni program nije uzimao u obzir nikakve podatke koje bi uneo korisnik, već je prilikom svakog pokretanja davao isti izlaz. Naredni program očekuje od korisnika da unese jedan ceo broj i onda ispisuje kvadrat tog broja.

Program 6.2.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int a;
    printf("Unesite ceo broj:");
    scanf("%i", &a);
    printf("Kvadrat unetog broja je %i.", a*a);
    return 0;
}
```

Prva linija funkcije `main` je takozvana *deklaracija promenljive*. Ovom deklaracijom se uvodi promenljiva `a` celobrojnog tipa — tipa `int`. Naredna naredba (poziv funkcije `printf`) na standardni izlaz ispisuje tekst `Unesite ceo broj:`, a naredba nakon nje (poziv funkcije `scanf`) omogućava učitavanje vrednosti neke promenljive sa takozvanog *standardnog ulaza* (obično tastature). U okviru poziva funkcije `scanf` zadaje se format u kojem će podatak biti pročitani — u ovom slučaju treba pročitati podatak tipa `int` i format se u tom slučaju zapisuje kao `%i`. Nakon formata, zapisuje se ime promenljive u koju treba upisati pročitani vrednost. Simbol `&` govori da će promenljiva `a` biti promenjena u okviru funkcije `scanf`, tj. da će pročitani broj biti smešten na adresu promenljive `a`. Korišćenjem funkcije `printf`, pored teksta koji se ne menja, može se ispisati i vrednost neke promenljive ili izraza. U formatu ispisa, na mestu u okviru teksta gde treba ispisati vrednost izraza zapisuje se format tog ispisa — u ovom slučaju `%i`, jer će biti ispisana celobrojna vrednost. Nakon formatirajućeg teksta, navodi se izraz koji treba ispisati — u ovom slučaju vrednost `a*a`, tj. kvadrat broja koji je korisnik uneo.

6.3 Program koji izračunava rastojanje između tačaka

Sledeći primer prikazuje program koji računa rastojanje između dve tačke u dekartovskoj ravni. Osnovna razlika u odnosu na prethodne programe je što se zahteva rad sa razlomljenim brojevima, tj. brojevima u pokretnom zarezu. Dakle, u ovom programu, umesto promenljivih tipa `int` koriste se promenljive tipa `double`, dok se prilikom učitavanja i ispisa ovakvih vrednosti za format koristi niska `%f` umesto niske `%i`. Dodatno, za računanje kvadratnog korena koristi se funkcija `sqrt` deklarirana u zaglavlju `math.h`.

Program 6.3.

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>

int main() {
    double x1, y1, x2, y2;
    printf("Unesi koordinate prve tacke: ");
    scanf("%f%f", &x1, &y1);
    printf("Unesi koordinate druge tacke: ");
    scanf("%f%f", &x2, &y2);
    printf("Rastojanje je: %f\n",
        sqrt((x2 - x1)*(x2 - x1) + (y2 - y1)*(y2 - y1)));
    return 0;
}
```

Nakon unosa podataka, traženo rastojanje se jednostavno računa primenom Pitagorine teoreme $\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$. Pošto u jeziku C ne postoji operator stepenovanja, kvadriranje se svodi na množenje.

Napomenimo da je za prevođenje programa koji koriste matematičke funkcije, prilikom korišćenja GCC prevodioca potrebno navesti `-lm` parametar (na primer, `gcc -lm -o rastojanje rastojanje.c`).

6.4 Program koji ispituje da li je uneti broj paran

Naredni program ispituje da li je uneti broj paran.

Program 6.4.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int a;
    printf("Unesi broj: ");
    scanf("%d", &a);
    if (a % 2 == 0)
        printf("Broj %d je paran\n", a);
    else
        printf("Broj %d je neparan\n", a);
    return 0;
}
```

Ceo broj je paran ako i samo ako je ostatak pri deljenju sa dva jednak nuli. Ostatak pri deljenju se izračunava operatorom `%`, dok se poređenje jednakosti vrši operatorom `==`. Naglasimo da se suštinski razlikuju operatori poređenja jednakosti (`==`) i dodele (`=`). Naredba `if` je takozvana *naredba grananja* kojom se u zavisnosti od toga da li je navedeni uslov (u ovom slučaju `a % 2 == 0`) ispunjen usmerava tok programa. Uslov se uvek navodi u zagradama `()` iza

kojih ne sledi simbol ;. U slučaju da je uslov ispunjen, izvršava se prva naredba napisana nakon uslova (takozvana **then** grana), dok se u slučaju da uslov nije ispunjen izvršava naredba navedena nakon reči **else** (takozvana **else** grana). I **then** i **else** grana mogu da sadrže samo jednu naredbu a ukoliko ih ima više, one čine *blok* čiji se početak i kraj moraju označiti zagradama { i }. Grana **else** ne mora da postoji.

6.5 Program koji ispisuje tablicu kvadrata i korena

Naredni program ispisuje kvadrate i korene svih celih brojeva od 1 do 100.

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>

int main() {
    int i;
    for (i = 1; i <= 100; i++)
        printf("%3d %5d %7.4lf\n", i, i*i, sqrt(i));
    return 0;
}
```

Novina u ovom programu je *petlja* **for** koja služi da se određene naredbe više puta ponove (obično uz različite vrednosi promenljivih). Petlja se izvršava tako što se prvo izvrši inicijalizacija promenljive *i* na vrednost 1 (zahvaljujući kodu **i=1**), u svakom koraku petlje se vrednost promenljive *i* uvećava za 1 (zahvaljujući kodu **i++**) i to se sve ponavlja dok *i* ne postane 100 (zahvaljujući uslovu **i <= 100**). Za svaku vrednost promenljive *i* između 1 i 100 izvršava se naredba **printf**. Primitimo da se u okviru format niske, umesto **%d** koristi **%3d**, čime se postiže da se broj uvek ispisuje u polju širine 3 karaktera. Slično korišćenjem **%7.4lf** se postiže da se vrednost korena ispisuje na 4 decimale u polju ukupne širine 7 karaktera.

6.6 Program koji pretvara mala u velika slova

Naredni program čita tekst koji korisnik unosi i prepisuje ga pretvarajući svako malo slovo u veliko.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    while ((c = getchar()) != '.')
        if (islower(c))
            putchar(toupper(c));
        else
            putchar(c);
    return 0;
}
```

rodiskutovati.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 6.6.1. Funkciju kojeg imena mora da sadrži svaki C program?

Pitanje 6.6.2. Šta su to preprocesorske direktive? Da li je `#include<stdio.h>` preprocesorska direktiva, naredba C-a ili poziv funkcije iz standardne biblioteke?

Pitanje 6.6.3. Šta su to datoteke zaglavlja?

Pitanje 6.6.4. Šta je to standardna biblioteka?

Pitanje 6.6.5. Kojom naredbom se vraća rezultat funkcije u okruženje iz kojeg je ona pozvana?

Zadatak 6.6.1. Napisati program koji za uneti poluprečnik r izračunava obim i površinu kruga (za broj π koristiti konstantu `M_PI` iz zaglavlja `math.h`). ✓

Zadatak 6.6.2. Napisati program koji za unete koordinate temena trougla izračunava njegov obim i površinu. ✓

Zadatak 6.6.3. Napisati program koji za unete dve dužine stranica trougla i ugla između njih (u stepenima) izračunava dužinu treće stranice i veličine dva preostala ugla. Napomena: koristiti sinusnu i/ili kosinusnu teoremu i funkcije `sin()` i `cos()` iz zaglavlja `math.h`. ✓

Zadatak 6.6.4. Napisati program koji za unetu brzinu u u $\frac{km}{h}$ ispisuje odgovarajuću brzinu u u $\frac{m}{s}$. ✓

Zadatak 6.6.5. Napisati program koji za unetu početnu brzinu v_0 , ubrzanje a i vreme t izračunava trenutnu brzinu tela v i pređeni put s koje se kreće ravnomerno ubrzano. ✓

Zadatak 6.6.6. Napisati program koji izračunava sumu cifara unetog četvorocifrenog broja. ✓

Zadatak 6.6.7. Napisati program koji razmenjuje poslednje dve cifre unetog prirodnog broja. Na primer, za uneti broj 1234 program treba da ispiše 1243.

Napisati program koji ciklično u levo rotira poslednje tri cifre unetog prirodnog broja. Na primer, za uneti broj 12345 program treba da ispiše 12453.

Napomena: celobrojni količnik se može izračunati operatorom $/$, a ostatak pri deljenju operatorom $\%$. ✓

Zadatak 6.6.8. Napisati program koji za unetih 9 brojeva a_1, a_2, \dots, a_9 izračunava determinantu:

$$\begin{vmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_4 & a_5 & a_6 \\ a_7 & a_8 & a_9 \end{vmatrix}$$

✓

Zadatak 6.6.9. Napisati program koji za uneti par prirodnih brojeva izračunava koji je po redu taj par u cik-cak nabravanju datom na slici 3.1. Napisati i program koji za dati redni broj u cik-cak nabravanju određuje odgovarajući par prirodnih brojeva. ✓

Zadatak 6.6.10. Napisati program koji ispisuje najveći od 3 uneta broja. ✓

Zadatak 6.6.11. Napisati program koji za unete koeficijente A i B izračunava rešenje jednačine $Ax + B = 0$. Program treba da prijavi ukoliko jednačina nema rešenja ili ima više od jednog rešenja. ✓

Zadatak 6.6.12. Napisati program koji za unete koeficijente A_1, B_1, C_1, A_2, B_2 i C_2 izračunava rešenje sistema jednačina $A_1x + B_1y = C_1, A_2x + B_2y = C_2$. Program treba da prijavi ukoliko sistem nema rešenja ili ima više od jednog rešenja. ✓

Zadatak 6.6.13. Napisati program koji za unete koeficijente a, b i c ($a \neq 0$) izračunava i ispisuje realna rešenja kvadratne jednačine $ax^2 + bx + c = 0$. ✓

Glava 7

Predstavljanje podataka i operacije nad njima

7.1 Promenljive, tipovi, deklaracije, operatori, izrazi

U ovoj glavi biće detaljnije opisani naredni pojmovi:

Promenljive i konstante su osnovni oblici podataka sa kojima se operiše u programu.

Tipovi promenljivih određuje vrstu podataka koje promenljive mogu da sadrže, način reprezentacije i skup vrednosti koje mogu imati, kao i skup operacija koje se sa njima mogu primeniti.

Deklaracije uvode spisak promenljivih koje će se koristiti, određuju kog su tipa i, eventualno, koje su im početne vrednosti.

Operatori odgovaraju operacijama koje su definisane nad podacima određene vrste.

Izrazi kombinuju promenljive i konstante (korišćenjem operatora), dajući nove vrednosti.

7.1.1 Promenljive i imena promenljivih

Promenljive su osnovni objekti koji se koriste u programima. Promenljiva u svakom trenutku svog postojanja ima vrednost kojoj se može pristupiti — koja se može pročitati i koristiti, ali i koja se (ukoliko nije traženo drugacije) može menjati.

Imena promenljivih (ali i funkcija, struktura, itd.) su određena *identifikatorima*. U jednom od prethodnih programa koristi se promenljiva čije je ime

a. Generalno, identifikator može da sadrži slova i cifre, kao i simbol `_` (koji je pogodan za duga imena), ali identifikator ne može počinjati cifrom. Ključne reči jezika C (na primer, `if`, `for`, `while`) se ne mogu koristiti kao identifikatori.

Iako je dozvoljeno, obično se ne preporučuje korišćenje identifikatora koji počinju simbolom `_`, jer oni obično koriste za sistemske funkcije i promenljive.

U okviru identifikatora, velika i mala slova se razlikuju. Na primer, promenljive sa imenima `a` i `A` se tretiraju kao dve različite promenljive. Česta praksa je da malim slovima počinju imena promenljivih i funkcija, a velikim imena simboličkih konstanti, vrednosti koje se ne menjaju u toku programa.

Imena promenljivih i funkcija, u principu, treba da oslikava njihovo značenje i ulogu u programu, ali za promenljive kao što su indeksi u petljama se obično koriste kratka, jednoslovna imena (na primer `i`). Ukoliko ime promenljive sadrži više reči, onda se te reči, radi bolje čitljivosti, razdvajaju simbolom `_` (na primer, `broj_studenata`) ili početnim velikim slovima (na primer, `brojStudenata`) — ovo je tzv. kamilja notacija (CamelCase). Postoje različite konvencije za imenovanje promenljivih. U nekim, kao što je *mađarska notacija*, početna slova imena promenljivih predstavljaju kratku oznaku tipa te promenljive (na primer, `iBrojStudenata`).¹

ANSI C standard (C89) garantuje da se barem početno 31 slovo imena promenljive smatra značajnom, dok najnoviji C standard (C99) povećava taj broj na 63. Ukoliko dve promenljive imaju više od 63 početna slova ista, onda se ne garantuje da će te dve promenljive biti razlikovane.²

7.1.2 Deklaracije

Sve promenljive moraju biti deklarisanе pre korišćenja. Deklaracija specifikuje tip i sadrži listu od jedne ili više promenljivih tog tipa.

```
int broj; /* deklaracija celog broja */
int a, b; /* deklaracija vise celih brojeva */
```

U opštem slučaju nije propisano koju vrednost ima promenljiva neposredno nakon što je deklarisanа. Prilikom deklaracije može se izvršiti i početna inicijalizacija.

```
int vrednost = 5; /* deklaracija sa inicijalizacijom */
```

Kvalifikator `const` (dostupan u novijim standardima jezika C) može biti dodeljen deklaraciji promenljive da bi naznačio i obezbedio da se ona neće menjati, na primer:

```
const int KILO = 1024;
```

Ukoliko je promenljiva deklarisanа u okviru neke funkcije, onda kažemo da je ona lokalna za tu funkciju i druge funkcije ne mogu da je koriste. Različite funkcije mogu imati lokalne promenljive istog imena.

¹Postoje argumenti protiv korišćenja takve notacije u jezicima u kojima kompilatori vrše proveru korektnosti tipova.

²Za takozvane spoljašnje promenljive ove vrednosti su 6 (C89) odnosno 31 (C99).

7.1.3 Osnovni tipovi podataka

Kao i u većini drugih programskih jezika, u jeziku C podaci su organizovani u *tipove*. To omogućava da se u programima ne radi samo nad pojedinačnim bitovima i bajtovima (tj. nad nulama i jedinicama), već i nad skupovima bitova koji su, pogodnosti radi, organizovani u složenije podatke, na primer, cele brojeve. Jedan tip karakteriše: vrsta podataka koje opisuje, način reprezentacije, skup operacija koje se mogu primeniti nad podacima tog tipa, kao i broj bitova koji se koriste za reprezentaciju (odakle sledi opseg mogućih vrednosti).

Tip `int`

U jeziku C, cele brojeve opisuje tip `int` (od engleskog *integer*, *ceo broj*). Podrazumeva se da su brojevi označeni i reprezentuju se najčešće koristeći potpuni komplement. Nad podacima ovog tipa mogu se koristiti aritmetičke operacije (na primer, `+`, `-`, `*`, `/`, `%`), relacije (na primer, `<`, `>=`) i druge. Nije propisano koliko tačno bitova koriste podaci tipa `int`, propisano je samo da se koristi najmanje šesnaest bita (tj. dva bajta). Veličina tipa `int` je obično prilagođena konkretnoj mašini, tj. njenom mikroprocesoru. Na današnjim računarima, podaci tipa `int` obično zauzimaju trideset i dva bita, tj. četiri bajta.

Tipu `int` mogu biti pridruženi kvalifikatori `short`, `long` i (samo u C99) `long long`. Ovi kvalifikatori uvode cele brojeve potencijalno različitih dužina u odnosu na `int`. Nije propisano koliko tipovi `short int`, `long int` i `long long int` zauzimaju bitova, propisano je samo da `short` zauzima barem dva bajta, da `int` zauzima barem onoliko bajtova koliko i `short int`, da `long int` zauzima barem onoliko bajtova koliko `int`, a da `long long int` zauzima barem onoliko koliko zauzima `long int`. Ime tipa `short int` može se kraće zapisati `short`, ime tipa `long int` može se kraće zapisati `long`, a ime tipa `long long int` može se kraće zapisati sa `long long`.

Bilo kojem od tipova `short`, `int`, `long` i `long long` mogu biti pridruženi kvalifikatori `signed` ili `unsigned`. Kvalifikator `unsigned` označava da se broj tretira kao neoznačen i da se sva izračunavanja izvršavaju po modulu 2^n , gde je n broj bitova koji tip koristi. Kvalifikator `signed` označava da se broj tretira kao označen i za njegovu reprezentaciju se najčešće koristi zapis u potpunom komplementu. Ukoliko uz tip `short`, `int`, `long` ili `long long` nije naveden ni kvalifikator `signed` ni kvalifikator `unsigned`, podrazumeva se da je vrednost označen broj.

Podaci o opsegu ovih (i drugih tipova) za konkretan računar i C prevodilac sadržani su u standardnoj datoteci zaglavlja `<limits.h>`. Pregled najčešćih vrednosti dat je u tabeli 7.1.

Tip `char`

Veoma male cele brojeve opisuje tip `char` (od engleskog *character* — *karakter*, *simbol*, *znak*).³ I nad podacima ovog tipa mogu se koristiti aritmetičke

³Brojevnja vrednost promenljive `c` tipa `char` se može ispisati sa `printf("%d", c)`, a znakovna sa `printf("%c", c)`. Formatu koji se koriste za ispisivanje i učitavanje vrednosti ovog

	označeni (signed)	neoznačeni (unsigned)
karakteri (char)	1B = 8b [-2 ⁷ , 2 ⁷ -1] = [-128, 127]	1B = 8b [0, 2 ⁸ -1] = [0, 255]
kratki (short int)	2B = 16b [-32K, 32K-1] = [-2 ¹⁵ , 2 ¹⁵ -1] = [-32768, 32767]	2B = 16b [0, 64K-1] = [0, 2 ¹⁶ -1] = [0, 65535]
dugi (long int)	4B = 32b [-2G, 2G-1] = [-2 ³¹ , 2 ³¹ -1] = [-2147483648, 2147483647]	4B = 32b [0, 4G-1] = [0, 2 ³² -1] = [0, 4294967295]
veoma dugi (long long int) samo u C99	8B = 64b [-2 ⁶³ , 2 ⁶³ -1] = [-9.2·10 ¹⁸ , 9.2·10 ¹⁸]	8B = 64b [0, 2 ⁶⁴ -1] = [0, 1.84·10 ¹⁹]

Slika 7.1: Najčešći opseg tipova (važi i na x86 + gcc platformi).

operacije i relacije. Podatak tipa `char` zauzima tačno jedan bajt. Nije propisano da li se podatak tipa `char` smatra označenim ili neoznačenim brojem (na nekom sistemu se smatra označenim, a na nekom drugom se može smatrati neoznačenim). Na tip `char` mogu se primeniti kvalifikatori `unsigned` i `signed`. Kvalifikator `unsigned` obezbeđuje da se vrednost tretira kao neoznačen broj, skup njegovih mogućih vrednosti je interval od 0 do 255 i sva izračunavanja nad podacima ovog tipa se izvršavaju po modulu $2^8 = 256$. Kvalifikator `signed` obezbeđuje da se vrednost tretira kao označen broj i za njegovu reprezentaciju se najčešće koristi zapis u potpunom komplementu, a skup njegovih mogućih vrednosti je interval od -128 do 127 .

Tipovi `float`, `double` i `long double`

Realne brojeve (preciznije brojeve u pokretnom zarezu) opisuju tipovi `float`, `double` i (samo u C99) `long double`. Tip `float` opisuje realne brojeve osnovne tačnosti, tip `double` realne broj dvostruke tačnosti, a tip `long double` realne brojeve proširene tačnosti. Nije propisano koliko ovi tipovi zauzimaju bitova, propisano je samo da `double` zauzima barem onoliko bajtova koliko i `float`, a da `long double` zauzima barem onoliko bajtova koliko `double`. Podaci o opsegu i detaljima ovih (i drugih tipova) za konkretan računar i C prevodilac sadržani su u standardnoj datoteci zaglavlja `<float.h>`.

I nad podacima ovih tipova mogu se koristiti uobičajene aritmetičke operacije (ali, na primer, nije moguće računati ostatak pri deljenju `%`) i relacije.

Realni brojevi u savremenim računarima se najčešće zapisuju u skladu sa IEEE754 standardom. Ovaj standard uključuje i mogućnost zapisa specijalnih

i drugih tipova navedeni su u glavi ??.

vrednosti (na primer, $+\infty$, $-\infty$, NaN) i one se ravnopravno koriste prilikom izvođenja aritmetičkih operacija. Na primer, vrednost izraza $1.0/0.0$ je $+\infty$, za razliku od celobrojnog izraza $1/0$ čije izračunavanje dovodi do greške prilikom izvršavanja programa (engl. division by zero error).

Najveći broj funkcija iz C standardne biblioteke (pre svega matematičke funkcije definisane u zaglavlju `<math.h>`) koriste tip podataka `double`. Tip `float` se u programima koristi uglavnom zbog uštede memorije ili vremena na računarima koji na kojima je izvođenje operacija u dvostrukoj tačnosti veoma skupo (u današnje vreme, međutim, većina računara podržava efikasnu manipulaciju sa brojevima zapisanim u dvostrukoj tačnosti).

Logički tip podataka

Iako mnogi programski jezici imaju poseban tip za predstavljanje (logičkih) istinitosnih vrednosti, programski jezik C sve do standarda C99 nije imao ovakav tip podataka već je korišćena konvencija da se logički tip predstavlja preko brojevnih (najčešće celobrojnih) vrednosti tako što se smatra da vrednost 0 ima istinitosnu vrednost *netačno*, a sve vrednosti različite od 0 imaju istinitosnu vrednost *tačno*. Ipak, C99 standardizuje tip podataka `bool` i konstante `true` koja označava *tačno* i `false` koja označava *netačno*.

Operator sizeof

Veličinu (u bajtovima) koju zauzima neki tip ili neka promenljiva moguće je odrediti korišćenjem operatora `sizeof`. Tako, `sizeof(int)` predstavlja veličinu tipa `int` i na savremenim računarima vrednost ovog izraza je najčešće 4.

7.1.4 Brojeвне konstante i konstantni izrazi

Svaki izraz koji se pojavljuje u programu je ili promenljiva ili konstanta ili poziv funkcije ili složen izraz. Konstante su fiksne, zadate vrednosti kao, na primer, 0, 2 ili 2007. U ovom delu teksta biće reči o tome kako se zapisuju brojeвне konstante i kako su određuju njihovi tipovi.

Celobrojne konstante

Celobrojna konstanta kao što je 123 je tipa `int`. Velike celobrojne konstante koje ne mogu biti smeštene u tip `int` a mogu u tip `long` su tipa `long`. Ukoliko se želi da se neka celobrojna konstanta tretira da je tipa `long`, onda se na njenom kraju piše slovo l ili L, na primer, 123456789L. Ukoliko se želi da se neka celobrojna konstanta tretira kao `unsigned`, onda se na njenom kraju piše slovo u ili U. Na primer, tip konstante 12345u1 je `unsigned long`.

Celobrojna konstanta može biti zapisana i u oktalnom i u heksadecimalnom sistemu. Zapis konstanta u oktalnom sistemu počinje cifrom 0, a zapis konstanta u heksadecimalnom sistemu počinje simbolima 0x ili 0X. Na primer, broj 31 se može u programu zapisati na sledeće načine: 31 (dekadni zapis), 037 (oktalni

zapis), `0x1f` (heksadecimalni zapis). I oktalne i heksadecimalne konstante mogu da budu označene slovima `U` i `L` na kraju svog zapisa.

Realne konstante

Konstante realnih brojeva sadrže decimalnu tačku (na primer, `123.4`) ili eksponent (`1e-2`) ili i jedno i drugo. Njihov tip je `double`, osim ako na kraju zapisa imaju slovo `f` ili `F` kada je njihov tip `float`. Slova `L` i `l` na kraju zapisa označavaju da je tip vrednosti `long double`.

Karaktereri

U programskom jeziku `C`, tip `char` se koristi i za kodiranje malih celih brojeva i za kodiranje karaktera. Na savremenim računarima i `C` implementacijama, najčešće korišćeno kodiranje karaktera je ASCII (mada `C` standardi kodiranje ostavljaju nespecificovanim). Ovo znači da su karakteri u potpunosti identifikovani svojim ASCII kodovima i obratno. Međutim, direktno specificovanje karaktera korišćenjem numeričkih kodova nije preporučljivo. Umesto toga, preporučuje se korišćenje karakterskih konstanti. Karakterske konstante u programskom jeziku `C` se navode između '' navodnika. Vrednost date konstante je numerička vrednost datog karaktera u skupu karaktera računara (danas je to najčešće ASCII). Na primer, u ASCII kodiranju, karakterska konstanta `'0'` predstavlja vrednost 48 (koja nema veze sa numeričkom vrednošću 0), `'A'` je karakterska konstanta čija je vrednost u ASCII kodu 65, `'a'` je karakterska konstanta čija je vrednost u ASCII kodu 97, što je ilustrovano sledećim primerom.

```
char c = 'a';
char c = 97; /* ekvivalentno prethodnom (na ASCII masinama),
             ali se ne preporučuje zbog toga sto smanjuje
             citljivost i prenosivost programa */
```

Specijalni karakteri se mogu navesti korišćenjem specijalnih sekvenci karaktera koje počinju karakterom `\` (eng. escape sequences). Jezik `C` razlikuje sledeće specijalne sekvence:

<code>\a</code>	alert (bell) character
<code>\b</code>	backspace
<code>\f</code>	formfeed
<code>\n</code>	newline
<code>\r</code>	carriage return
<code>\t</code>	horizontal tab
<code>\v</code>	vertical tab
<code>\\</code>	backslash
<code>\?</code>	question mark
<code>\'</code>	single quote
<code>\"</code>	double quote
<code>\ooo</code>	octal number
<code>\xhh</code>	hexadecimal number

Karacterska konstanta `'\0'` predstavlja karakter čija je vrednost nula. Ovaj karakter ima specijalnu ulogu u programskom jeziku C jer se koristi za označavanje kraja niske karaktera (o čemu će više biti reči u nastavku). Iako je numerička vrednost ovog karaktera baš 0, često se u programima piše `'\0'` umesto 0, kako bi se istakla karacterska priroda ovog izraza.

Pošto se karacterske konstante identifikuju sa njihovim numeričkim vrednostima one predstavljaju podatke tipa `char` i mogu ravnopravno da učestvuju u aritmetičkim izrazima (na primer, `'0' <= c && c <= '9'` ili `c - '0'`).

7.1.5 Operatori i izrazi

Izrazi u programskom jeziku C se grade od konstanti i promenljivih primenom širokog spektra operatora. Osim od konstanti i promenljivih, elementarni izrazi se mogu dobiti i kao rezultat poziva funkcija, operacija pristupa elementima nizova, struktura i slično. Konstantni izraz je izraz koji sadrži samo konstante. Takvi izrazi mogu se izračunati u fazi prevođenja i mogu se koristiti na svakom mestu na kojem se može pojaviti konstanta.

Operatorima su predstavljene osnovne operacije i relacije koje se mogu vršiti nad podacima osnovnih tipova u jeziku C. Za celobrojne tipove, te operacije uključuju aritmetičke, relacijske i logičke operacije. Podržani su i operacije koje se primenjuju nad pojedinačnim bitovima celobrojnih vrednosti. Svaki operator ima definisan prioritet i asocijativnost koji određuju kako se operatori primenjuju u okviru složenih izraza. U principu, unarni operatori imaju prioritet u odnosu na binarne, binarni (osim dodela) u odnosu na ternarne, dok dodele imaju najniži prioritet. Aritmetički operatori imaju viši prioritet u odnosu na relacijske, koji imaju viši prioritet u odnosu na logičke.

Vrednost izraza određena je vrednošću elementarnih podizraza (konstanti, promenljivih) i pravilima pridruženim operatorima. Neka pravila izračunavanja vrednosti izraza nisu specifikovana standardom i ostavljena je sloboda implementatorima prevodilaca da u potpunosti preciziraju semantiku na način koji dovodi do efikasnije implementacije. Tako, na primer, C standardi ne definišu kojim se redom izračunavaju operandi operatora `+` pre njihovog sabiranja, pa se u slučaju `f() + g()` ne zna koja od funkcija `f` i `g` će biti prva pozvana.

Operator dodele

Operatorom dodele se neka vrednost pridružuje datoj promenljivoj. Operator dodele se zapisuje `=`. Na primer,

```
broj_studenata = 80;
broj_grupa     = 2;
```

U dodeljivanju vrednosti, sa leve strane operatora dodele može da se nalazi promenljiva, a videćemo kasnije, i element niza ili memorijska lokacija. Ti objekti, objekti kojima može biti dodeljena vrednost nazivaju se *l-vrednosti* (od engleskog *l-value* ili *left-value*).

Operator dodele se može koristiti za bilo koji tip l-vrednosti, ali samo ako je desna strana odgovarajućeg tipa (istog ili takvog da se njegova vrednost može

konvertovati u tip l-vrednosti).

Suštinski, dodeljivanje vrednosti predstavlja izraz čija je vrednost jednaka vrednosti koja se dodeljuje, dok je promena vrednosti promenljivoj samo *sporedni (bočni) efekat* do koga dolazi prilikom izračunavanja vrednosti izraza. Na primer, vrednost izraza `broj_studenata = 80;` je 80, pri čemu se prilikom tog izračunavanja menja vrednost promenljive `broj_studenata`. To se može iskoristiti i za višestruko dodeljivanje. Na primer, nakon sledeće naredbe, sve tri promenljive `x`, `y` i `z` imaju vrednost 0.

```
x = y = z = 0;
```

Aritmetički operatori

Aritmetički operatori. Nad operandima celobrojnih i realnih tipova mogu se koristiti sledeći aritmetički operatori:

- + binarni operator sabiranja;
- binarni operator oduzimanja;
- * binarni operator množenja;
- / binarni operator (celobrojnog) deljenja;
- % binarni operator ostatka pri deljenju;
- unarni operator promene znaka;
- + unarni operator.

Operator % je moguće primeniti isključivo nad operandima celobrojnog tipa.

Operator deljenja označava različite operacije u zavisnosti od tipa svojih operandi. Kada se operator deljenja primenjuje na dve celobrojne vrednosti primenjuje se celobrojno deljenje (tj. rezultat je ceo deo količnika). Na primer, izraz `9/5` ima vrednost 1. U ostalim slučajevima primenjuje se realno deljenje. Na primer, izraz `9.0/5.0` ima vrednost 1.8 (jer se koristi deljenje realnih brojeva). U slučaju da je jedan od operandi ceo, a drugi realan broj, vrši se implicitna konverzija (promocija) celobrojnog operandi u realni i primenjuje se realno deljenje (više reči o konverzijama biće u narednim glavama).

Unarni operatori `+` i `-` imaju viši prioritet od binarnih operatora `+` i `-`.

Inkrementiranje i dekrementiranje. Operator inkrementiranja (uvećavanja za 1) zapisuje se `++`, a operator dekrementiranja (umanjivanja za 1) se zapisuje `--`:

- ++ (prefiksno i postfiksno) inkrementiranje;
- (prefiksno i postfiksno) dekrementiranje.

Oba ova operatora su unarna (imaju po jedan operand) i mogu se upotrebiti u prefiksnom (na primer, `++n`) ili postfiksnom obliku (na primer, `n++`). Razlika između ova dva oblika je u tome što `++n` uvećava vrednost promenljive `n` pre

nego što je ona upotrebljena u širem izrazu, a `n++` je uvećava nakon što je upotrebljena. Preciznije, vrednost izraza `n++` je stara vrednost promenljive `n`, a vrednost izraza `++n` je nova vrednost promenljive `n`, pri čemu se u oba slučaja, prilikom izračunavanja vrednosti izraza, kao bočni efekat, uvećava vrednost promenljive `n`.

Na primer, ako promenljiva `n` ima vrednost 5, onda

```
x = n++;
```

dodeljuje promenljivoj `x` vrednost 5, a

```
x = ++n;
```

dodeljuje promenljivoj `x` vrednost 6. Promenljiva `n` u oba slučaja dobija vrednost 6.

Ukoliko ne postoji širi kontekst, tj. ako inkrementiranje čini čitavu naredbu, vrednost izraza se zanemaruje i onda nema razlike između naredbe `n++`; i `++n`; . Inkrementiranje i dekrementiranje se mogu primenjivati samo nad l-vrednostima. Tako, na primer, izraz `5++` nije ispravan.

Relacioni i logički operatori

Relacioni operatori. Nad celobrojnim i realnim tipovima mogu se koristiti sledeći binarni relacioni operatori:

```
> veće;  
>= veće ili jednako;  
< manje;  
<= manje ili jednako;  
== jednako;  
!= različito.
```

Relacioni operatori poretka `<`, `<=`, `>` i `>=` imaju isti prioritet i to viši od operatora jednakosti `==` i različitosti `!=`. Rezultat relacionog operatora primenjenog nad dva broja je vrednost 0 (koja odgovara istinitosnoj vrednosti *netačno*) ili vrednost 1 (koja odgovara istinitosnoj vrednosti *tačno*). Na primer, izraz `3 > 5` ima vrednost 0, a izraz `7 < 5 != 1` je isto što i `(7 < 5) != 1` i ima vrednost 1 jer izraz `7 < 5` ima vrednost 0, što je različito od 1.

Binarni relacioni operatori imaju niži prioritet od binarnih aritmetičkih operatora.

Potrebno je voditi računa o tome da su operator `==` koji proverava da li su neke dve vrednosti jednake i operator `dodele =` različiti operatori i imaju potpuno drugačiju semantiku. Nihovo nehotično mešanje je čest uzrok grešaka u C programima.

Logički operatori. Logički operatori se primenjuju nad istinitosnim vrednostima, koje se, kao što je već rečeno, predstavljaju preko brojevnih vrednosti. Ukoliko je broj jednak 0, onda je njegova logička vrednost 0 (netačno), a inače je njegova logička vrednost 1 (tačno).

Postoje sledeći logički operatori:

```
! logička negacija – ne;  
&& logička konjunkcija – i;  
|| logička disjunkcija – ili.
```

Operator `&&` ima veći prioritet u odnosu na operator `||`. Binarni logički operatori imaju niži prioritet u odnosu na binarne relacijske i logičke operatore. Operator `!`, kao unarni operator, ima viši prioritet u odnosu na bilo koji binarni operator.

Na primer,

- vrednost izraza `5 && 4` jednaka je 1
- vrednost izraza `10 || 0` jednaka je 1
- vrednost izraza `0 && 5` jednaka je 0
- vrednost izraza `!1` jednaka je 0
- vrednost izraza `!9` jednaka je 0
- vrednost izraza `!0` jednaka je 1
- vrednost izraza `!(2>3)` jednaka je 1
- izraz `a > b || b > c && b > d` ekvivalentan je izrazu `(a>b) || ((b>c) && (b>d))`
- izrazom `g % 4 == 0 && g % 100 != 0 || g % 400 == 0` proverava se da li je godina `g` prestupna

Lenjo izračunavanje. U izračunavanju vrednosti logičkih izraza koristi se strategija *lenjog izračunavanja* (eng. *lazy evaluation*). Osnovna karakteristika ove strategije je izračunavanje samo onog što je neophodno. Na primer, prilikom izračunavanja vrednosti izraza

```
2<1 && a++,
```

biće izračunato da je vrednost podizraza `(2<1)` jednaka 0, pa je i vrednost celog izraza (zbog svojstva logičkog *i*) jednaka 0. Zato nema potrebe izračunavati vrednost podizraza `a++`, te će vrednost promenljive `a` ostati nepromenjena nakon izračunavanja vrednosti navedenog izraza. S druge strane, nakon izračunavanja vrednosti izraza

```
a++ && 2<1,
```

vrednost promenljive `a` će biti promenjena (uvećana za 1). U izrazima u kojima se javlja logičko *i*, ukoliko je vrednost prvog operanda jednaka 1, onda se izračunava i vrednost drugog operanda.

U izrazima u kojima se javlja logičko *ili*, ukoliko je vrednost prvog operanda jednaka 1, onda se ne izračunava vrednost drugog operanda. Ukoliko je vrednost prvog operanda jednaka 0, onda se izračunava i vrednost drugog operanda. Na primer, nakon

```
1<2 || a++,
```

se ne menja vrednost promenljive `a`, a nakon

```
2<1 || a++,
```

se menja (uvećava za 1) vrednost promenljive `a`.

Bitovski operatori

C podržava naredne operatore za rad nad pojedinačnim bitovima (moguće ih je primenjivati samo na celobrojne argumente):

```
~ bitovska negacija;
& bitovska konjunkcija;
| bitovska disjunkcija;
^ bitovska ekskluzivna disjunkcija;
<< pomeranje (šiftovanje) bitova ulevo;
>> pomeranje (šiftovanje) bitova udesno.
```

- & – **bitovsko *i*** – primenom ovog operatora vrši se konjunkcija pojedinačnih bitova dva navedena argumenta (*i*-ti bit rezultata predstavlja konjunkciju *i*-tih bitova argumenata). Na primer, ukoliko su promenljive `x1` i `x2` tipa `unsigned char` i ukoliko je vrednost promenljive `x1` jednaka 74, a promenljive `x2` jednaka 87, vrednost izraza `x1 & x2` jednaka je 66. Naime, broj 74 se binarno zapisuje kao 01001010, broj 87 kao 01010111, i konjunkcija njihovih pojedinačnih bitova daje 01000010, što predstavlja zapis broja 66. S obzirom na to da se prevođenje u binarni sistem efikasnije sprovodi iz heksadekadnog sistema nego iz dekadnog, prilikom korišćenja bitovskih operatora konstante se obično zapisuju heksadekadno. Tako bi u prethodnom primeru broj `x1` imao vrednost `0x4A`, broj `x2` bi imao vrednost `0x57`, a rezultat bi bio `0x42`.
- | – **bitovsko *ili*** – primenom ovog operatora vrši se (obična) disjunkcija pojedinačnih bitova dva navedena argumenta. Za brojeve iz tekućeg primera, rezultat izraza `x1 | x2` bio bi 01011111, tj. 95, tj. `0x5F`.
- ^ – **bitovsko *ekskluzivno ili*** – primenom ovog operatora vrši se ekskluzivna disjunkcija pojedinačnih bitova dva navedena argumenta. Za brojeve iz tekućeg primera, rezultat izraza `x1 ^ x2` bio bi 00011101, tj. 29, tj. `0x1D`.
- ~ – **jedinični komplement** – primenom ovog operatora vrši se komplementiranje (invertovanje) svakog bita argumenta. Na primer, vrednost izraza `~x1` u tekućem primeru je 10110101, tj. B5, tj. 181.
- << – **levo pomeranje (šiftovanje)** – primenom ovog operatora bitovi prvog argumenta se pomeraju u levo za broj pozicija naveden kao drugi argument. Početni bitovi prvog argumenta se zanemaruju, dok se na završna mesta rezultata uvek upisuju nule. Levo pomeranje broja za jednu poziciju odgovara množenju sa dva. Na primer, ukoliko promenljiva `x` ima tip

`unsigned char` i vrednost `0x95`, tj. `10010101`, vrednost izraza `x << 1` je `00101010`, tj. `0x2A`.

- » – **desno pomeranje (šiftovanje)** – primenom ovog operatora bitovi prvog argumenta se pomeraju u desno za broj pozicija naveden kao drugi argument. Krajnji bitovi prvog argumenta se zanemaruju, a što se tiče početnih bitova rezultata, postoji mogućnost da se oni popunjavaju uvek nulama (tzv. *logičko pomeranje*) ili da se oni popune vodećim bitom (koji predstavlja znak) prvog argumenta (tzv. *aritmetičko pomeranje*). Osnovna motivacija aritmetičkog pomeranja je da desno pomeranje broja za jednu poziciju odgovara celobrojnom deljenju sa dva. U C-u, tip prvog argumenta određuje kako će se vršiti pomeranje. Ukoliko je argument neoznačen, početni bitovi rezultata će biti postavljeni na nulu, bez obzira na vrednost vodećeg bita prvog argumenta. Ukoliko je argument označen, početni bitovi rezultata će biti postavljeni na vrednost vodećeg bita prvog argumenta. Na primer, ukoliko promenljiva `x` ima tip `unsigned char` i vrednost `0x95`, tj. `10010101`, vrednost izraza `x >> 1` je `11001010`, tj. `0xCA`. Ukoliko je tip promenljive `x` `signed char`, tada je vrednost izraza `x >> 1` broj `01001010`, tj. `0x4A`.

Bitovske operatore ne treba mešati sa logičkim operatorima. Na primer, vrednost izraza `1 && 2` je `1` (tačno i tačno je tačno), dok je vrednost izraza `1 & 2` jednaka `0` (`000...001 & 000...010 = 000...000`).

Kao unarni operator, operator `~` ima najveći prioritet i desno je asocijativan. Prioritet operatora pomeranja je najveći od svih binarnih bitovskih operatora – nalazi se između prioriteta aritmetičkih i relacijskih operatora. Ostali bitovski operatori imaju prioritet između relacijskih i logičkih operatora i to `&` ima veći prioritet od `^` koji ima veći prioritet od `|`. Ovi operatori imaju levu asocijativnost.

Složeni operatori dodele

Dodela koja uključuje aritmetički operator `i = i + 2`; može se zapisati i kao `i += 2`; Slično, naredba `x = x * (y+1)` ima isto dejstvo kao `x *= y+1`. Za većinu binarnih operatora postoje odgovarajući složeni operatori dodele:

```
+=, -=, *=, /=, %=, &=, |=, <<=, >>=
```

Generalno, naredba

```
izraz1 op= (izraz1)
```

ima isto dejstvo kao i

```
izraz1 = (izraz1) op (izraz2).
```

Međutim, treba biti obazriv jer postoje slučajevi kada su ova dva izraza različita⁴.

⁴Na primer, prilikom izračunavanja izraza `a[f()] += 1` (`a[i]` označava `i`-ti element niza `a`), funkcija `f()` se poziva samo jedan put, dok se kod `a[f()] = a[f()] + 1` poziva dva puta, što može da proizvede različiti efekat ukoliko funkcija `f()` u dva različita poziva vraća različite vrednosti. Funkcije i nizovi su detaljnije opisani u narednim glavama.

Kraći zapis uz korišćenje složenih operatora dodele najčešće daje i nešto efikasniji kôd.

Operatori dodele imaju niži prioritet od svih ostalih operatora i desnu asocijativnost.

Naredni primer ilustruje primenu složenog operatora dodele (obratiti pažnju na rezultat operacija koji zavisi od tipa operanda).

Program 7.1.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned char c = 254;
    c += 1;
    printf("Vrednost promenljive c je jednaka %i\n", c);
    c += 1;
    printf("vrednost promenljive c je jednaka %i\n", c);
    return 0;
}
```

Izlaz programa:

```
Vrednost promenljive c je jednaka 255
Vrednost promenljive c je jednaka 0
```

Operator uslova

Ternarni operator uslova `?:` se koristi u sledećem opštem obliku:

```
izraz1 ? izraz2 : izraz3;
```

Izraz `izraz1` se izračunava prvi. Ako on ima ne-nula vrednost (tj. ako ima istinitosnu vrednost *tačno*), onda se izračunava vrednost izraza `izraz2` i to je vrednost čitavog uslovnog izraza. Inače se izračunava vrednost `izraz3` i to je vrednost čitavog uslovnog izraza. Na primer, nakon naredbi

```
n = 0;
x = (2 > 3) ? n++ : 9;
```

promenljiva `x` imaće vrednost 9, a promenljiva `n` će zadržati vrednost 0.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 7.1.1.

1. Koji su osnovni oblici podataka sa kojima se operiše u programu?
2. Šta sve karakteriše jedan tip podataka?
3. Da li se promenljivoj može menjati tip u toku izvršavanja programa?
4. Šta je to inicijalizacija promenljive? U opštem slučaju, ukoliko celobrojna promenljiva nije inicijalizovana, koja je njena početna vrednost?

5. Šta je uloga kvalifikatora `const`?
6. Kako se grade izrazi?
7. Nabrojati aritmetičke, relacijske operatore, logičke i bitovske operatore jezika C.

Pitanje 7.1.2.

1. Da li ime promenljive može počinjati simbolom `_`? Da li se ovaj simbol može koristiti u okviru imena?
2. Da li ime promenljive može počinjati cifrom? Da li se cifre mogu koristiti u okviru imena?
3. Koliko početnih karaktera u imenu promenljive u jeziku C se garantovano smatra bitnim?

Pitanje 7.1.3.

1. Deklarisati označenu karaktersku promenljivu pod imenom `c` i inicijalizovati je tako da sadrži kôd karaktera `Y`.
2. Deklarisati neoznačenu karaktersku promenljivu `x`, tako da ima inicijalnu vrednost jednaku kodu karaktera `;`.
3. Deklarisati promenljivu koja je tipa neoznačeni dugački ceo broj i inicijalizovati tako da sadrži heksadekadnu vrednost `FFFFFFFF`.

Pitanje 7.1.4.

1. Navesti barem jedan tipa u jeziku C za koji je standardom definisano koliko bajtova zauzima.
2. Koja ograničenja važi za dužine u bajtovima tipova `short int`, `int`, `long int`?
3. Ako je opseg tipa `int` oko četiri milijarde, koliko je `sizeof(int)`?
4. Ukoliko je tip promenljive `int`, da li se podrazumeva da je njena vrednost označena ili neoznačena ili to standard ne propisuje?
5. Koliko bajtova zauzima podatak tipa `char`? Ukoliko nije navedeno, da li se podrazumeva da je podatak ovog tipa `signed` ili `unsigned`?
6. Koliko bajtova zauzima podatak tipa `signed char`? Koja je najmanja a koja najveća vrednost koju može da ima?
7. Koliko bajtova zauzima podatak tipa `unsigned char`? Koja je najmanja a koja najveća vrednost koju može da ima?
8. Koja ograničenja važi za dužine u bajtovima tipova `float` i `double`?
9. U kojoj datoteci zaglavljaju se nalaze podaci o opsezima celobrojnih tipova za konkretnu implementaciju?
10. U kojoj datoteci zaglavljaju se nalaze podaci o opsezima tipova broja u konkretnom zarezu za konkretnu implementaciju?

11. Na 32-bitnom sistemu, koliko bajtova zauzima podatak tipa:

- (a) char (b) int (c) short int (d) unsigned long

Pitanje 7.1.5.

1. Koja je razlika između konstanti 3.4 i 3.4f? A između 123 i 0123?

2. Koje su tipa i koje brojeve predstavljaju sledeće konstante?

- (a) 1234 (b) '.' (c) 6423ul (d) 12.3e-2 (e) 3.74e+2f (f) 0x47 (g) 0543
(h) 3u (i) '0'

3. Kolika je vrednost konstantnog izraza 0x20 + 020 + '2' - '0' ?

4. Da li C omogućava direktan zapis binarnih konstanti? Koji je najkraći način da se celobrojna promenljiva inicijalizuje na binarni broj 101110101101010011100110?

Pitanje 7.1.6. Ako se na sistemu koristi ASCII tabela karaktera, šta ispisuje sledeći C kôd:

```
char c1 = 'a'; char c2 = 97;
printf("%c %d %d %c", c1, c1, c2, c2);
```

Pitanje 7.1.7.

- Šta je to asocijativnost, a šta prioritet operatora?
- Navesti neki operator jezika C koji ima levu i neki operator koji ima desnu asocijativnost.
- Kakav je odnos prioriteta unarnih i binarnih operatora?
- Kakav je odnos prioriteta logičkih, aritmetičkih i relacijskih operatora?
- Kakav je odnos prioriteta operatora dodele i ternarnog operatora?
- Da li dodele spadaju u grupu nisko ili visoko prioritetnih operatora? Koji operator jezika C ima najniži prioritet?

Pitanje 7.1.8. Postaviti zagrade u naredne izraze u skladu sa podrazumevanim prioritetom i asocijativnosti operatora (na primer, 3+4*5+7 - (3+(4*5))+7).

- (a) a = b = 4 (b) a = 3 == 5 (c) c = 3 == 5 + 7 <= 4
(d) 3 - 4 / 2 < 3 && 4 + 5 * 6 <= 3 % 7 * 2
(e) a = b < c ? 3 * 5 : 4 < 7, 2 (f) a = b + c && d != e

Pitanje 7.1.9. Koja je vrednost narednih izraza:

- (a) 3 / 4 (b) 3.0 / 4 (c) 14 % 3 (d) 3 >= 7
(e) 3 && 7 (f) 3 || 0 (g) a = 4 (h) (3 < 4) ? 1 : 2
(k) 3 < 5 < 5 (i) 3 < 7 < 5 (j) 6%3 || (6/3 + 5)
(j) 3 < 5 ? 6 + 2 : 8 + 3

Pitanje 7.1.10. Da li su definisana deljenja 1/0 i 1.0/0.0?

Pitanje 7.1.11. *Da li su ispravni sledeći izrazi i ako jesu šta im je efekat:*

(a) `2++` (b) `a++` (c) `2**` (d) `a**` (e) `2>>2` (f) `a>>2` (g) `a &&= 0` (e) `a ||= -7`

Pitanje 7.1.12.

1. Ako pre naredbe `a=b++`; promenljiva `a` ima vrednost 1, a promenljiva `b` ima vrednost 3, koje vrednosti imaju nakon navedene naredbe?
2. Ako pre naredbe `a+=b`; promenljiva `a` ima vrednost 1, a promenljiva `b` ima vrednost 3, koje vrednosti imaju nakon navedene naredbe?
3. Kolika je vrednost promenljivih `a`, `b`, `x` i `y` nakon izvršenja narednog koda?

```
int a = 1, b = 1, x, y;
x = a++; y = ++b;
```

4. Koje vrednosti imaju promenljive `a` i `b` nakon izvršavanja koda

```
int a=5; b = (a++ - 3) + (a++ - 3);?
```

Pitanje 7.1.13.

1. Šta znači to da se operatori `&&`, `||` i `?`: izračunavaju lenjo? Navesti primere.

2. Šta ispisuje naredni kod?

```
int a = 3, b = 0, c, d;
c = a % 2 || b++;
d = a % 3 || b++;
printf("%d %d %d %d", a, b, c, d);
```

3. Koje vrednosti imaju promenljive `a` i `b` nakon izvršavanja narednog koda?

```
int a=3; b = (a++ - 3) && (a++ - 3);?
```

4. Koju vrednost imaju promenljive `a`, `b`, `c` nakon izvršenja narednog koda?

```
int a, b=2, c; c = b++; a = c>b && c++;
```

5. Koje vrednosti imaju promenljive `a` i `b` nakon izvršenja narednog koda?

```
unsigned char a, b=255; a = ++b && b++;
```

Pitanje 7.1.14.

1. Napisati izraz kojim se proverava da li je godina `g` prestupna.
2. Napisati izraz kojim se određuje manji od brojeva `a` i `b`.
3. Napisati izraz kojim se određuje apsolutna vrednost broja `a`.
4. Napisati izraz kojim se na ASCII sistemu ispituje da li karakter `c` sadrži malo slovo.
5. Napisati izraz kojim se proverava da li je karakter `c` samoglasnik.
6. Napisati izraz kojim se izračunava vrednost implikacije `p ⇒ q`.
7. Napisati izraz koji ako je `c` malo slovo ima vrednost odgovarajućeg velikog slova, a inače ima vrednost `c`.

Zadatak 7.1.1. *Napisati program koji za zadati sat, minut i sekund izračunava koliko je vremena (sati, minuta i sekundi) ostalo do ponoći. Program treba i da izvrši proveru da li su uneti podaci korektni.* ✓

Zadatak 7.1.2. *Napisati program koji za uneta tri pozitivna realna broja ispituje da li postoji trougao čije su dužine stranica upravo ti brojevi – uslov provere napisati u okviru jednog izraza.* ✓

7.2 Konverzije tipova

Konverzija tipova predstavlja pretvaranja podatka jednog tipa u podatak drugog tipa. Jezik C je veoma fleksibilan po pitanju konverzije tipova i, u mnogim situacijama, dopušta korišćenje vrednosti jednog tipa tamo gde se očekuje vrednost drugog tipa. Iako su konverzije često neophodne kako bi se osiguralo korektno funkcionisanje programa i omogućilo mešanje podataka različitih tipova u okviru istog programa, konverzije mogu dovesti i do gubitka podataka ili njihove loše interpretacije. Napomenimo da je C statički tipiziran jezik i da se prilikom konverzije konvertuju vrednosti nekih izraza dok promenljive sve vreme ostaju da budu onog tipa koji im je pridružen deklaracijom.

7.2.1 Promocija i democija

Postoje eksplicitne konverzije (koje se izvršavaju na zahtev programera) i implicitne konverzije (koje se izvršavaju automatski kada je to potrebno). Neke konverzije je moguće izvesti bez gubitka informacija, dok se u nekim slučajevima prilikom konverzije vrši izmena same vrednosti podatka.

Promocija (ili *napredovanje*) predstavlja konverziju vrednosti “manjeg tipa” u vrednost “većeg tipa” (na primer, `int` u `float` ili `float` u `double`) u kom slučaju najčešće ne dolazi do gubitka informacije. Naglasimo da do gubitka informacija ipak može da dođe. Na primer, kôd

```
float f = 16777217;
printf("%f\n", f);
```

najčešće ispisuje `166777216.0` jer vrednost `166777217.0` ne može da se zapiše u okviru tipa `float`.

Democija (ili *nazadovanje*) predstavlja konverziju vrednosti većeg tipa u vrednost manjeg tipa (na primer, `long` u `short`, `double` u `int`). Prilikom democije, moguće je da dođe do gubitka informacije (u slučaju da se polazna vrednost ne može predstaviti u okviru novog tipa). U takvim slučajevima, kompilator obično izdaje upozorenje, ali ipak vrši konverziju.

```
float a = 4; /* 4 je int pa se implicitno promovise u float */
int b = 7.0f; /* 7.0f je float pa se vrsi democija u 7 */
int c = 7.5f; /* 7.5f je float i vrsi se democija u 7,
               pri cemu se gubi informacija */
unsigned char d = 256; /* d dobija vrednost 0 */
```

Prilikom konverzije iz realnih u celobrojne tipove i obratno podataka potrebno je potpuno izmeniti interni zapis podataka (na primer, iz IEEE754 zapisa u zapis u obliku potpunog komplementa). Prilikom konverzija celobrojnih tipova istog internog zapisa različite širine, vrši se odsecanje vodećih bitova zapisa (u slučaju democija) ili proširivanje zapisa dodavanjem vodećih bitova (u slučaju promocija). U slučaju da je polazni tip neoznačen, promocija se vrši dodavanjem vodećih nula (eng. zero extension). U slučaju da je polazni tip označen, promocija se vrši proširivanjem vodećeg bita (eng. *sign extension*) i na taj način se zadržava vrednost i pozitivnih i negativnih brojeva zapisanih u potpunom komplementu.

Česta implicitna konverzija je konverzija tipa `char` u `int`. S obzirom na to da standard ne definiše da li je tip `char` označen ili neoznačen, rezultat konverzije se razlikuje od implementacije do implementacije, što može dovesti do problema prilikom prenošenja programa sa jedne na drugu platformu. Ipak, standard garantuje da će svi karakteri koji mogu da se štampaju (eng. printable characters) uvek imati pozitivne kodove, tako da oni ne predstavljaju problem prilikom konverzija. Ukoliko se tip `char` koristi za smeštanje nečeg drugog osim karaktera koji mogu da se štampaju, preporučuje se eksplicitno navođenje kvalifikatora `signed` ili `unsigned` kako bi se programi izvršavali identično na svim računarima.

U slučaju konverzija realnih tipova, ukoliko je vrednost takva da se ne može zapisati u novom tipu, vrši se zaokruživanje na najbliže vrednosti koje se mogu zapisati (tj. odsecanje).

Kao što se može naslutiti, brojevi (i celi i realni) se prevode u istinitosne vrednosti tako što se 0 prevodi u 0, a sve ne-nula vrednosti se prevode u 1.

7.2.2 Eksplicitne konverzije

Operator eksplicitne konverzije tipa ili operator *kastovanja* (eng. type cast operator) se navodi tako što se ime rezultujućeg tipa navedi u malim zagradama ispred izraza koji se konvertuje, tj. oblika je

```
(tip)izraz
```

Operator kastovanja je unaran i ima viši prioritet od svih binarnih operatora. U slučaju primene operatora kastovanja na promenljivu, vrednost izraza je vrednost promenljive konvertovana u traženi tip, a vrednost same promenljive se ne menja (i, naravno, ne menja se njen tip).

Eksplicitna konverzija može biti neophodna u različitim situacijama. Na primer, ukoliko se želi primena realnog deljenja na celobrojne operande:

```
int a = 13, b = 4;
printf("%d\n", a/b);
printf("%f\n", (double)a/(double)b);
```

U nastavku će biti prikazano da je, u navedenom primeru, bilo dovoljno konvertovati i samo jedan od operandada u tip `double` i u tom slučaju bi se drugi operand implicitno konvertovao.

7.2.3 Konverzije pri dodelama

Prilikom primene operatora dodele vrši se implicitna konverzija vrednosti desne strane dodele u tip leve strane dodele, pri čemu se za tip dodele uzima tip leve strane. Na primer,

```
int a;  
double b = (a = 3.5);
```

U navedenom primeru, prilikom dodele promenljivoj `a`, vrši se democija `double` konstante `3.5` u vrednost `3` tipa `int`, a zatim, prilikom dodele promenljivoj `b`, promocija te vrednosti u `double` vrednost `3.0`.

7.2.4 Implicitne konverzije u aritmetičkim izrazima

Prilikom primene nekih operatora vrše se implicitne konverzije (uglavnom promocije) koje obezbeđuju da operandi postanu istog tipa pogodnog za primenu operacija. Ove konverzije se nazivaju *uobičajene aritmetičke konverzije* (eng. *usual arithmetic conversions*). Ove konverziju se, na primer, primenjuju prilikom primene aritmetičkih (+, -, *, /) i relacijskih binarnih operatora (<, >, <=, >=, ==, !=), prilikom primene uslovnog operatora `?:`.

Aritmetički operatori se ne primenjuju na „male” tipove tj. na podatke tipa `char` i `short` (zbog toga što je u tim slučajevima verovatno da će doći do prekoračenja tj. da rezultat neće moći da se zapiše u okviru malog tipa), već se pre primene operatora mali tipovi promovišu u tip `int`. Ovo se naziva *celobrojna promocija* (eng. *integer promotion*).

```
unsigned char cresult, c1, c2, c3;  
c1 = 100;  
c2 = 3;  
c3 = 4;  
cresult = c1 * c2 / c3;
```

U navedenom primeru, vrši se promocija promenljivih `c1`, `c2` i `c3` u `int` pre izvođenja operacija, a zatim se vrši democija rezultata prilikom upisa u promenljivu `cresult`. Kada se promocija ne bi vršila, množenje `c1 * c2` bi dovelo do prekoračenja jer se vrednost `300` ne može predstaviti u okviru tipa `char` i rezultat ne bi bio korektan (tj. ne bi se dobila vrednost $(100 * 3)/4$). Pošto se promocija vrši, dobija se korektan rezultat.

Generalno, prilikom primene aritmetičkih operacija primenjuju se sledeća pravila konverzije:

1. Ako je bar jedan od operandata tipa `long double` i drugi se promoviše u `long double`;
2. inače, ako je bar jedan od operandata tipa `double` i drugi se promoviše u `double`;
3. inače, ako je bar jedan od operandata tipa `float` i drugi se promoviše u `float`;
4. inače, svi operandi tipa `char` i `short` se promovišu u `int`.

5. ako je jedan od operandata tipa `long long` i drugi se prevodi u `long long`;
6. inače, ako je jedan od operandata tipa `long` i drugi se prevodi u `long`.

U slučaju korišćenja neoznačenih operandata (tj. mešanja označenih i neoznačenih operandata), pravila konverzije su komplikovanija.

1. Ako je neoznačeni operand širi⁵ od označenog, označeni operand se konvertuje u neoznačeni širi tip;
2. inače, ako je tip označenog operanda takav da može da predstavi sve vrednosti neoznačenog tipa, tada se neoznačeni tip prevodi u širi, označeni.
3. inače, oba operanda se konvertuju u neoznačeni tip koji odgovara označenom tipu.

Problemi najčešće nastaju prilikom poređenja vrednosti raznih tipova. Na primer, ako `int` zauzima 16 bitova, a `long` 32 bita, tada je `-11 < 1u`. Zaista, u ovom primeru poredi se vrednosti tipa `signed long` i `unsigned int`. Pošto `signed long` može da predstavi sve vrednosti tipa `unsigned int`, vrši se konverzija oba operandata u `signed long` i vrši se poređenje. Međutim, važi da je `-11 > 1ul`. Zaista, u ovom primeru poredi se vrednosti tipa `signed long` i `unsigned long`. Pošto tip `signed long` ne može da predstavi sve vrednosti tipa `unsigned long`, oba operandata se konvertuju u `unsigned long`. Tada se `-11` konvertuje u `ULONG_MAX` (najveći neoznačen broj koji se može zapisati u 32 bita) dok `1ul` ostaje neizmenjen i vrši se poređenje.

Ukoliko se želi postići uobičajeni poredak brojeva, bez obzira na širinu tipova na prenosiv način, poređenje je poželjno izvršiti na sledeći način:

```
signed   si = /* neka vrednost */;
unsigned ui = /* neka vrednost */;

/* if (si < ui) - ne daje uvek korektan rezultat */

if (si < 0 || (unsigned)si < ui) {
    ...
}
```

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 7.2.1. Šta su to implicitne, a šta eksplicitne konverzije? Na koji način se vrednost karakterske promenljive `c` se može eksplicitno konvertovati u celobrojnu vrednost?

Pitanje 7.2.2. Šta su to promocije, a šta democije? Koje od narednih konverzija su promocije, a koje democije: (a) `int` u `short`, (b) `char` u `float`, (c) `double` u `long`, (d) `long` u `int`?

⁵Preciznije, standard uvodi pojam konverzionog ranga (koji raste od `char` ka `long long`) i na ovom mestu se razmatra konverzioni rang.

Pitanje 7.2.3. *Navesti pravila koja se primenjuju prilikom primene aritmetičkih operatora.*

Pitanje 7.2.4. *Koje vrednosti imaju promenljive e i f nakon koda*

```
unsigned char c = 255, d = 1, e = c + d; int f = c + d; ?
```

Koje vrednosti imaju promenljive e, g i f nakon koda

```
unsigned char c = 255, d = 1; signed char e = c;
char f = c + d; int g = c + d; ?
```

Pitanje 7.2.5. *Ako aritmetički operator ima dva argumenta, a nijedan od njih nije ni tipa long double, ni tipa double, ni tipa float, u koji tip se implicitno konvertuju argumenti tipa char i short int?*

Pitanje 7.2.6. 1. *Koju vrednost ima promenljiva x tipa float nakon naredbe $x = (x = 3/2)$?*

2. *Ako promenljiva c ima tip char, koji tip će ona imati nakon dodele $c = 1.5 * c$?*

3. *Koju vrednost ima promenljiva x tipa float nakon naredbe $x = 3/2 + (\text{double})3/2 + 3.0/2$?*

4. *Ako je promenljiva f tipa float, a promenljiva a tipa int, koju vrednost ima f nakon naredbe: $f = (a = 1/2 < 0.5)/2$?*

Pitanje 7.2.7. *Koje vrednosti imaju promenljive i i c nakon naredbi*

```
char c, c1 = 130, c2 = 2; int i; i = (c1*c2)/4; c = (c1*c2)/4;
```

Pitanje 7.2.8. *Da li nakon naredbe tip c1, c2, $c = (c1*c2)/c2$; promenljiva c nužno ima vrednost promenljive c1 ako je*

- tip tip char,
- tip tip int,
- tip tip float?

7.3 Nizovi i niske

Često je u programima potrebno korišćenje velikog broja srodnih promenljivih. Umesto velikog broja pojedinačno deklariranih promenljivih moguće je koristiti *nizove*. Obrada elemenata nizova se onda obično vrši na uniforman način, korišćenjem petlji.

7.3.1 Primer korišćenja nizova

Razmotrimo, kao ilustraciju, program kojim se izračunava koliko se puta javlja svaka od cifara u tekstu učitano sa standardnog ulaza, do prve pojave tačke. Bez korišćenja nizova, program zahteva deset različitih brojačkih promenljivih.

Program 7.2.

```

#include <stdio.h>

int main() {
    int b0 = 0, b1 = 0, b2 = 0, b3 = 0, b4 = 0,
        b5 = 0, b6 = 0, b7 = 0, b8 = 0, b9 = 0, c;
    while ((c = getchar()) != '.') {
        if (c == '0') b0++;
        else if (c == '1') b1++;
        else if (c == '2') b2++;
        else if (c == '3') b3++;
        else if (c == '4') b4++;
        else if (c == '5') b5++;
        else if (c == '6') b6++;
        else if (c == '7') b7++;
        else if (c == '8') b8++;
        else if (c == '9') b9++;
    }
}

printf("%d %d %d %d %d %d %d %d %d\n",
        b0, b1, b2, b3, b4, b5, b6, b7, b8, b9);
return 0;
}

```

Za čitanje pojedinačnih karaktera sa standardnog ulaza upotrebljena je funkcija standardne C biblioteke `getchar()` deklarirana u zaglavlju `stdio.h` o kojoj će više reći biti u glavi 13.

Umesto 10 različitih srodnih promenljivih, moguće je upotrebiti niz i time značajno uprostiti prethodni program.

Program 7.3.

```

#include <stdio.h>

int main() {
    int b[10], c, i;

    for (i = 0; i < 10; i++)
        b[i] = 0;

    while ((c = getchar()) != '.')
        if ('0' <= c && c <= '9')
            b[c - '0']++;
}

```

```

for (i = 0; i < 10; i++)
    printf("%d ", b[i]);

return 0;
}

```

Na i -tom mestu u nizu b se smešta broj pojavljivanja cifre i . Ukoliko je uneti karakter c cifra, od njegovog koda se oduzima kod karaktera '0' kako bi se dobila odgovarajuća pozicija u nizu brojača. Navedeni kôd radiće ispravno na svim sistemima kod kojih su cifre poređane uzastopno (što je slučaj na sistemima koji koriste ASCII kodiranje).

7.3.2 Deklaracija niza

Nizovi u programskom jeziku C se mogu deklarirati na sledeći način:

```
tip ime-niza[broj-elemenata];
```

Na primer, deklaracija

```
int a[10];
```

uvodi niz a od 10 celih brojeva. Prvi element niza ima indeks 0, pa su elementi niza:

$a[0]$, $a[1]$, $a[2]$, $a[3]$, $a[4]$, $a[5]$, $a[6]$, $a[7]$, $a[8]$, $a[9]$

Prilikom deklaracije može se izvršiti i inicijalizacija:

```
int a[5] = { 1, 2, 3, 4, 5 };
int b[] = { 1, 2, 3 };

```

Nakon ovih deklaracija, sadržaj niza a jednak je:

1	2	3	4	5
---	---	---	---	---

a sadržaj niza b jednak je:

1	2	3
---	---	---

Ako se koristi inicijalizacija, moguće je izostaviti dimenziju (kada se ona izračunava na osnovu broja elemenata u inicijalizatoru) ili navesti veću dimenziju od broja navedenih elemenata (kada se inicijalizuju samo početni elementi deklarisanog niza). Neispravno je navođenje manje dimenzije od broja elemenata inicijalizatora.

U fazi prevodenja programa se određuje veličina memorijskog prostora potrebnog za niz, pa broj elemenata niza (koji se navodi u deklaraciji) mora biti konstantan izraz. Dimenziju niza je moguće izostaviti samo ako je prilikom deklaracije izvršena i inicijalizacija niza. U narednom primeru, deklaracija niza a je ispravna, dok su deklaracije nizova b i c neispravne:

```
int x;
char a[100+10];
int b[];
float c[x];
```

Ukoliko dimenzija niza nije zadata eksplicitno veće je implicitno određena inicijalizacijom, broj elemenata može se izračunati na sledeći način:

```
sizeof(imeniza)/sizeof(struct ime_strukture)
```

Kada se pristupa elementu niza, indeks može da bude proizvoljan izraz celobrojne vrednosti, na primer:

```
a[2*2+1]
a[i+2]
```

C prevodilac ne vrši nikakvu proveru da li je indeks pristupa nizu u njegovim granicama i moguće je bez ikakve prijave greške ili upozorenja od strane prevodioca pristupiti i lokaciji koji se nalazi van opsega deklarisanog niza (na primer, moguće je koristiti element `a[13]`, pa čak element `a[-1]` u prethodnom primeru). Ovo najčešće dovodi do fatalnih grešaka prilikom izvršavanja programa. S druge strane, ovakva (jednostavna) politika upravljanja nizovima omogućava veću efikasnost programa.

Nizovi ne predstavljaju l-vrednosti i nije im moguće dodeljivati vrednosti niti ih menjati (ove operacije su moguće nad pojedinačnim elementima nizova, ali nisu nad celim nizovima). To ilustruje sledeći primer:

```
int a[3] = {5, 3, 7};
int b[3];
b = a;      /* Neispravno - nizovi se ne mogu dodeljivati. */
a++;       /* Neispravno - nizovi se ne mogu menjati. */
```

7.3.3 Niske

Posebno mesto u programskom jeziku C zauzimaju nizovi koji sadrže karaktere, tj. *niske karaktera* ili kraće *niske* (eng. *strings*). Niske u programskom jeziku C se navode između dvostrukih navodnika "" (na primer, "ja sam niska"). U okviru niski, specijalni karakteri navode se korišćenjem specijalnih sekvenci (na primer, prvi `red` i drugi `red`).

Niske su reprezentovane kao nizovi karaktera na čiji desni kraj se dopisuje karakter `'\0'`, tzv. završna, terminalna nula ili terminirajuća nula (eng. *null terminator*). Zbog toga, niske u C-u se nazivaju *niske završene nulom* (eng. *null terminated strings*)⁶. Posledica ovoga je da ne postoji ograničenje za dužinu niske, ali je neophodno proći kroz celu nisku kako bi se odredila njena dužina.

Niske mogu da se koriste i prilikom inicijalizacije nizova karaktera.

⁶Neki programski jezici koriste drugačije konvencije za interni zapis niski. Na primer, u Pascal-u se pre samog sadržaja niske zapisuju broj koji predstavlja njenu dužinu (tzv. P-niske).

```
char s1[] = {'Z', 'd', 'r', 'a', 'v', 'o'};
char s2[] = {'Z', 'd', 'r', 'a', 'v', 'o', '\\0'};
char s3[] = "Zdravo";
```

Nakon navedenih deklaracija, sadržaj niza `s1` jednak je:

0	1	2	3	4	5
'Z'	'd'	'r'	'a'	'v'	'o'

a sadržaj nizova `s2` i `s3` jednak je:

0	1	2	3	4	5	6
'Z'	'd'	'r'	'a'	'v'	'o'	'\\0'

Niz `s1` sadrži 6 karaktera (i zauzima 6 bajtova). Deklaracije za `s2` i `s3` su ekvivalentne i ovi nizovi sadrže po 7 karaktera (i zauzimaju po 7 bajtova). Potrebno je jasno razlikovati karakterske konstante (na primer, `'x'`) koje predstavljaju pojedinačne karaktere i niske (na primer, `"x"`) koje sadrže dva karaktera (`'x'` i `'\\0'`).

Ukoliko se u programu niske nađu neposredno jedna uz drugu, one se automatski spajaju. Na primer:

```
printf("Zdravo, " "svima");
```

je ekvivalentno sa

```
printf("Zdravo, svima");
```

Standardna biblioteka za C definiše veliki broj funkcija za rad sa niskama. Prototipovi ovih funkcija se nalaze u zaglavlju `string.h`. Na primer, funkcija `strlen` služi za izračunavanje dužine niske. Pri računanju dužine niske, ne računa se završna nula. Jedan od načina da se direktno izračuna dužina niske `d` je sledeći kôd nakon čijeg izvršavanja promenljiva `i` sadrži traženu dužinu.

```
int i = 0;
while (s[i] != '\\0')
    i++;
```

Kôd koji obrađuju niske obično ih obrađuje karakter po karakter i sadrže petlju oblika:

```
while (s[i] != '\\0')
    ...
```

ili oblika:

```
for (i = 0; s[i] != '\\0'; i++)
    ...
```

Imajući u vidu da završna nula ima i numeričku vrednost 0 (što predstavlja istinitosnu vrednost netačno), poređenje u prethodnoj petlji može da se izostavi:

```
for (i = 0; s[i]; i++)
    ...
```

Česta greška (zbog neefikasnosti) je pozivanje funkcije `strlen` za izračunavanje dužine niske u svakom koraku iteracije:

```
for (i = 0; i < strlen(s); i++)
    ...
```

Funkcija `strcpy`, odnosno njen poziv oblika `strcpy(dest, src)` vrši kopiranje niske `src` u nisku `dest`, pretpostavljajući da je niska kojoj se dodeljuje vrednost dovoljno velika da primi nisku koja se dodeljuje. Ukoliko ovo nije ispunjeno, vrši se promena sadržaja memorijskih lokacija koje su van dimenzija niza što može dovesti do fatalnih grešaka prilikom izvršavanja programa.

Ilustracije radi, navedimo kako se ovo kopiranje može izvesti direktno (naravno, uvek je preporučljivo pozvati bibliotečku funkciju ukoliko je dostupna). U nisku `dest` se prebacuje karakter po karakter niske `src` sve dok dodeljeni karakter ne bude završna nula:

```
int i = 0;
while ((dest[i] = src[i]) != '\0')
    i++;
```

Naravno, poređenje različitosti sa terminalnom nulom se može izostaviti, a petlja se, npr. može preformulisati kao `for`.

```
int i;
for (i = 0; dest[i] = src[i]; i++)
    ;
```

7.3.4 Višedimenzionalni nizovi

Jezik C dozvoljava i definisanje višedimenzionalnih nizova, iako se u praksi oni koriste reće nego nizovi pokazivača o kojima će biti više reči kasnije. Višedimenzionalni nizovi se u programskom jeziku C deklariraju na sledeći opšti način:

```
tip ime-niza[broj-elemenata][broj-elemenata]...[broj-elemenata];
```

Dvodimenzionalni nizovi se tumače kao jednodimenzionalni nizovi čiji su elementi nizovi. Zato se elementima dvodimenzionalnog niza pristupa sa:

```
ime-niza[vrsta][kolona]
```

a ne sa `ime-niza[i,j]`.

Elementi se u memoriji smeštaju po vrstama tako da se najdešnji indeks najbrže menja kada se elementima pristupa u redosledu po kojem su smešteni u memoriji. Niz se može inicijalizovati navođenjem liste inicijalizatora u vitičastim zagradama; pošto su elementi opet nizovi, svaki od njih se opet navodi u okviru vitičastih zagrada. Razmotrimo, kao primer, dvodimenzionalni niz koji sadrži broj dana za svaki mesec, pri čemu su u prvoj vrsti vrednosti za obične, a u drugoj vrsti za prestupne godine:

```
char broj_dana[2][13] = {
    {0, 31, 28, 31, 30, 31, 30, 31, 31, 30, 31, 30, 31},
    {0, 31, 29, 31, 30, 31, 30, 31, 31, 30, 31, 30, 31}
};
```

Primitimo da se za skladištenje malih prirodnih brojeva koristi tip `char`. U nultu kolonu su upisane nule kako bi se podaci za mesec `m` nalazili upravo u koloni `m` (tj. kako bi se mesecima pristupalo sa indeksima 1-12, umesto sa indeksima

0-11). Niz `broj_dana` je moguće koristiti kako bi se, na primer, promenljiva `bd` postavila na broj dana za mesec `mesec` i godinu `godina`:

```
int prestupna = (godina % 4 == 0 && godina % 100 != 0) ||
                godina % 400 == 0;
char bd = broj_dana[prestupna][mesec];
```

Podsetimo se da je vrednost logičkog izraza u C-u uvek nula (netačno) ili jedan (tačno), tako da se vrednost `prestupna` može koristiti kao indeks pri pristupanju nizu.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 7.3.1. 1. Napisati deklaraciju sa inicijalizacijom niza `a` tipa `int` koji za elemente ima neparne brojeve manje od 10.

2. Navesti primer inicijalizacije niza tipa `char` tako da mu sadržaj bude `zdravo`, i to (i) navođenjem karaktera između vitičastih zagrada i (ii) konstantom niskom.

Pitanje 7.3.2. 1. Ukoliko je niz `a` deklarisan kao `float a[10];`, koja je vrednost izraza `sizeof(a)`?

2. Ako je niz `a` tipa `float` inicijalizovan u okviru deklaracije i njegova dimenzija nije navedena, kako se ona može izračunati?

3. Kada je u deklaraciji niza dozvoljeno izostaviti njegovu dimenziju?

Pitanje 7.3.3. Precrtati sve neispravne linje narednog koda.

```
int a[];
int b[] = {1, 2, 3};
int c[5] = {1, 2, 3};
int d[2] = {1, 2, 3};
c = b;
b++;
```

Pitanje 7.3.4. Deklarisati i inicijalizovati dvodimenzioni niz koji sadrži matricu

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}.$$

Deklarisati i inicijalizovati dvodimenzioni niz koji sadrži matricu

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}.$$

Zadatak 7.3.1. Napisati funkciju (i program koji je testira) koja:

Izbaciti funkcije iz ovih zadataka

1. proverava da li dati niz sadrži dati broj;
2. pronalazi indeks prve pozicije na kojoj se u nizu nalazi dati broj (-1 ako niz ne sadrži broj).
3. pronalazi indeks poslednje pozicije na kojoj se u nizu nalazi dati broj (-1 ako niz ne sadrži broj).
4. izračunava zbir svih elemenata datog niza brojeva;
5. izračunava prosek (aritmetičku sredinu) svih elemenata datog niza brojeva;
6. izračunava najmanji element datog elemenata niza brojeva;
7. određuje poziciju najvećeg elementa u nizu brojeva (u slučaju više pojavljivanja najvećeg elementa, vratiti najmanju poziciju);
8. proverava da li je dati niz brojeva uređen neopadajuće.

Zadatak 7.3.2. Napisati funkciju (i program koji je testira) koja:

1. izbacuje poslednji element niza;
2. izbacuje prvi element niza (napisati varijantu u kojoj je bitno očuvanje redosleda elemenata i varijantu u kojoj nije bitno očuvanje redosleda);
3. izbacuje element sa date pozicije k ;
4. ubacuje element na kraj niza;
5. ubacuje element na početak niza;
6. ubacuje dati element x na datu poziciju k ;
7. izbacuje sva pojavljivanja datog elementa x iz niza.

Napomena: funkcija kao argument prima niz i broj njegovih trenutno popunjenih elemenata, a vraća broj popunjenih elemenata nakon izvođenja zahtevane operacije.

Zadatak 7.3.3. Napisati funkciju (i program koji je testira) koja:

1. određuje dužinu najduže serije jednakih uzastopnih elemenata u datom nizu brojeva;
2. određuje dužinu najvećeg neopadajućeg podniza datog niza celih brojeva;
3. određuje da li se jedan niz javlja kao podniz uzastopnih elemenata drugog;
4. određuje da li se jedan niza javlja kao podniz elemenata drugog (elementi ne moraju da budu uzastopni, ali se redosled pojavljivanja poštuje);
5. proverava da li je dati niz palindrom (čita se isto sleva i zdesna);
6. obrće dati niz brojeva;
7. rotira sve elemente datog niza brojeva za k pozicija ulevo;
8. rotira sve elemente datog niza brojeva za k pozicija udesno;
9. izbacuje višestruka pojavljivanja elemenata iz datog niza brojeva (napisati varijantu u kojoj se zadržava prvo pojavljivanje i varijantu u kojoj se zadržava poslednje pojavljivanje).

10. spaja dva niza brojeva koji su sortirani neopadajući u treći niz brojeva koji je sortiran neopadajući.

Zadatak 7.3.4. Sa standardnog ulaza se unose dva niza brojeva. Napisati program koji određuje njihov presek, uniju i razliku (redosled prikaza elemenata nije bitan, pri čemu se elementi ne ponavljaju).

Zadatak 7.3.5. Napisati program koji ispisuje prvih n (najviše 100000) elemenata niza koji se dobija tako što se kreće od 0, a zatim prethodni niz ponovi pri čemu se svaki broj uveća za 1, tj. 0112122312232334...

Zadatak 7.3.6. Napisati program koji razbija niz brojeva na najveći mogući broj grupa uzastopnih elemenata. Na primer, niz 7 2 3 8 9 7 4 2 6 8 5 6 1 se deli na 7 2 4 8 9 7 4 2, 3, 6 8 5 6 i 1.

Zadatak 7.3.7. Napisati program koji za uneti datum u obliku (dan, mesec, godina) određuje koji je to po redu dan u godini. Proveriti i korektnost unetog datuma. U obzir uzeti i prestupne godine. Koristiti niz koji sadrži broj dana za svaki mesec i uporediti sa rešenjem zadatka bez korišćenja nizova.

Zadatak 7.3.8. Napisati funkciju koja proverava da li je data niska palindrom (čita se isto sleva i desna), pri čemu se razmaci zanemaruju i ne pravi se razlika između malih i velikih slova (na primer, Ana voli Milovana je palindrom).

Zadatak 7.3.9. Napisati funkciju koja proverava da li jedna zadata niska sadrži drugu zadatu nisku.

Zadatak 7.3.10. Napisati funkciju koja obrće datu nisku.

Zadatak 7.3.11. Napisati funkciju koja poredi dve niske leksikografski (kao u rečniku, u skladu sa kodnim rasporedom sistema). Funkcija vraća negativan rezultat ukoliko prva niska leksikografski prethodi drugoj, nulu u slučaju da su niske jednake i pozitivan rezultat ukoliko druga niska leksikografski prethodi prvoj.

7.4 Korisnički definisani tipovi

Programski jezik C ima svega nekoliko ugrađenih tipova. Ipak, promenljive ovih tipova se mogu organizovati u složenije tipove, pogodne za specifične potrebe. Na taj način se povezane vrednosti tretiraju kao jedna celina. Pored toga, mogu se koristiti *unije* (kod kojih se jedan isti memorijski prostor koristi za više promenljivih), nabrojivi tipovi, a već definisanim tipovima se može pridružiti i novo ime.

7.4.1 Strukture

Osnovni C tipovi često nisu dovoljni da opišu podatke. Ukoliko je neki podatak složene prirode, njegovi pojedinačni podaci mogu se čuvati nezavisno, ali to vodi nejasnim programima, teškim za održavanje. Umesto toga, pogodnije je

koristiti *strukture*. Za razliku od nizova koji objedinjuju jednu ili više promenljivih istog tipa, struktura objedinjuje jednu ili više promenljivih, ne nužno istih tipova. Defisanjem strukture uvodi se novi tip podataka i nakon toga mogu da se koriste promenljive tog novog tipa, na isti način kao i za druge tipove.

Ilustrujmo korišćenje struktura na primeru razlomaka. Razlomak je opisan parom koji čine brojilac i imenilac, na primer, celobrojnog tipa. U jeziku C ne postoji tip koji opisuje razlomke, ali moguće je definisati strukturu koja opisuje razlomke. Brojilac (svakog) razlomka zvaće se *brojilac*, a imenilac (svakog) razlomka zvaće se *imenilac*. Struktura *razlomak* se može definisati na sledeći način:

```
struct razlomak {
    int brojilac;
    int imenilac;
};
```

Ključna reč **struct** označava deklaraciju strukture. Nakon nje, navodi se ime strukture, a zatim, između vitičastih zagrada, opis njenih *članova* (ili *polja*). Imena članova strukture se ne mogu koristiti kao samostalne promenljive, one postoje samo kao deo složenijeg objekta.

Strukture mogu biti ugnježdene, tj. članovi struktura mogu biti druge strukture. Na primer:

```
struct dvojni_razlomak {
    struct razlomak gore;
    struct razlomak dole;
};
```

Deklaracija strukture uvodi novi tip i nakon nje se ovaj tip može koristiti kao i bilo koji drugi, pri čemu je ponovo neophodno korišćenje ključne reči **struct** na primer:

```
struct razlomak a, b, c;
```

Definicijom strukture je opisano da se razlomci sastoje od brojioca i imenioca, dok se navedenom deklaracijom uvode tri konkretna razlomka koja se nazivaju *a*, *b* i *c*.

Moguća je i deklaracija sa inicijalizacijom, pri čemu se inicijalne vrednosti za članove strukture navode između vitičastih zagrada:

```
struct razlomak a = { 1, 2 };
```

Redosled navođenja inicijalizatora odgovara redosledu navođenja članova strukture. Dakle, navedenom deklaracijom je uveden razlomak *a* čiji je brojilac 1, a imenilac 2.

Definisanje strukture i deklarisanje i inicijalizacija promenljivih može se uraditi istovremeno (otuda i neuobičajeni simbol `;` nakon zatvorene vitičaste zgrade prilikom definisanja strukture):

```
struct razlomak {
    int brojilac;
    int imenilac;
} a = {1, 2}, b, c;
```

Članu strukture se pristupa preko imena promenljive (čiji je tip struktura) iza kojeg se navodi tačka a onda ime člana, na primer:

```
a.imenilac
```

Na primer, vrednost promenljive a tipa struct razlomak može biti ispisan na sledeći način:

```
printf("%d/%d", a.brojilac, a.imenilac);
```

Naglasimo da je operator ., iako binaran, operator najvišeg prioriteta (istog nivoa kao male zagrade i unarni postfiksni operatori).

Ne postoji konflikt između imena polja strukture i istoimenih promenljivih. Tako je naredni kod korektan.

```
int brojilac = 5, imenilac = 3;
a.brojilac = brojilac; a.imenilac = imenilac;
```

Od ranije prikazanih operacija, nad promenljivama tipa strukture dozvoljene su operacije dodele a nisu dozvoljeni aritmetički i relacioni operatori.

Nizovi struktura

Često postoji povezana skupina složenih podataka. Umesto da se oni čuvaju u nezavisnim nizovima (što bi vodilo programima teškim za održavanje) bolje je koristiti nizove struktura. Na primer, ako je potrebno imati podatke o imenima i broju dana meseci u godini, moguće je te podatke čuvati u nizu sa brojevima dana i u (nezavisnom) nizu imena meseci. Bolje je, međutim, opisati strukturu mesec koja sadrži broj dana i ime:

```
struct opis_meseca {
    char ime[10];
    int broj_dana;
};
```

i koristiti niz ovakvih struktura:

```
struct opis_meseca meseci[13];
```

(deklarisan je niz dužine 13 da bi se meseci mogli referisati po svojim rednim brojevima, pri čemu se početni element niza ne koristi).

Moguća je i deklaracija sa inicijalizacijom (u kojoj nije neophodno navođenje broja elemenata niza)⁷:

⁷U ovom primeru se zanemaruje činjenica da februar može imati i 29 dana.

```

struct opis_meseca meseci[] = {
    { "",0 },
    { "januar",31 },
    { "februar",28 },
    { "mart",31 },
    ...
    { "decembar",31 }
}

```

U navednoj inicijalizaciji unutrašnje vitičaste zagrade je moguće izostaviti:

```

struct opis_meseca meseci[] = {
    "",0,
    "januar",31,
    "februar",28,
    "mart",31,
    ...
    "decembar",31
}

```

Nakon navedene deklaracije, ime prvog meseca u godini se može dobiti sa `meseci[1].ime`, njegov broj dana sa `meseci[1].broj_dana`, itd.

Kao i obično, broj elemenata ovako inicijalizovanog niza može se izračunati na sledeći način:

```
sizeof(meseci)/sizeof(struct opis_meseca)
```

7.4.2 Unije

Unije su donekle slične strukturama. One objedinjuju nekoliko promenljivih koje ne moraju imati isti tip. No, za razliku od struktura kod kojih se sva polja u strukturi istovremeno popunjavaju i sva se mogu istovremeno koristiti, kod unije se u jednom trenutku može koristiti samo jedno polje. Veličina strukture odgovara zbiru veličina njenih polja, dok veličina unije odgovara veličini njenog najvećeg polja. Osnovna svrha unija je ušteda memorije.

Skoro sva sintaksna pravila koja se odnose na strukture se prenose i na unije (jedina razlika je da se umesto ključne reči `struct` koristi ključna reč `union`).

Naredna unija omogućava korisniku da izabere da li će vreme da pamti kao ceo broj sekundi ili kao razlomljen broj (koji obuhvata i manje delove sekunde). Jasno je da se oba polja unije neće koristiti istovremeno.

```

union vreme {
    int obicno;
    float precizno;
};

```

Nakon definisanja tipa unije, moguće je definisati i promenljive ovog tipa, na primer:

```

union time a;
a.obicno = 17;

```

Unije se često koriste i kao članovi struktura. Neka se, na primer, u programu čuvaju i obrađuju informacije o studetima i zaposlednima na nekom fakultetu. Za svakoga se čuva ime, prezime i matični broj, za zaposlene se još čuva i koeficijent za platu, dok se za studente čuva broj indeksa:

```
struct akademac {
    char ime_i_prezime[50];
    char jmbg[14];
    char tip;
    union {
        double koeficijent;
        char indeks[7];
    } dodatno;
};
```

U ovom slučaju poslednji član strukture (*dodatno*) je unijskog tipa (sâm tip unije nije imenovan). član strukture *tip* tipa *char* sadrži informaciju o tome da li se radi o zaposlenom (na primer, vrednost *z*) ili o studentu (na primer, vrednost *s*). Promenljive *koeficijent* i *indeks* dele zajednički memorijski prostor i podrazumeva se da se istovremeno koristi samo jedan podatak u uniji. Na primer:

```
int main() {
    struct akademac pera = {"Pera Peric", "0101970810001", 'z'};
    pera.dodatno.koeficijent = 2.34;
    printf("%f\n", pera.dodatno.plata);

    struct akademac ana = {"Ana Anic", "1212992750501", 's'};
    strcpy(ana.dodatno.indeks, "12/123");
    printf("%s\n", ana.dodatno.indeks);
}
```

Pokušaj promene polja `pera.dodatno.indeks` bi narušio podatak o koeficijentu plate, dok bi pokušaj promene polja `ana.dodatno.koeficijent` narušilo podatak o broju indeksa.

Navedimo, kao ilustraciju, kako se korišćenjem unije može otkriti binarni zapis broja u pokretnom zarezu:

```
union { float x; unsigned char s[4]; } u;
u.x = 1.234f;
printf("%x%x%x%x", u.s[0], u.s[1], u.s[2], u.s[3]);
```

7.4.3 Nabrojivi tipovi (enum)

U nekim slučajevima korisno je definisati tip podataka koji ima mali skup dopuštenih vrednosti. Ovakvi tipovi se nazivaju *nabrojivi tipovi*. U jeziku C nabrojivi tipove se definišu korišćenjem ključne reči *enum*. Na primer:

```
enum znak_karte {
    KARO,
    PIK,
    HERC,
    TREF
};
```

Nakon navedene definicije, u programu se mogu koristiti imena KARO, PIK, HERC, TREF, umesto nekih konkretnih konstantnih brojeva, što popravljaja čitljivost programa. Pri tome, obično nije važno koje su konkretne vrednosti pridružene imenima KARO, PIK, HERC, TREF, dovoljno je znati da su one sigurno međusobno različite. Vrednostima nabrojivog tipa su različite i celobrojne. U navedenom primeru KARO ima vrednost 0, PIK vrednost 1, HERC vrednost 2 i TREF vrednost 3. Moguće je i eksplicitno navođenje ovih celobrojnih vrednosti. Na primer:

```
enum znak_karte {
    KARO = 1,
    PIK = 2,
    HERC = 4,
    TREF = 8
};
```

Vrednosti nabrojivih tipova nisu promenljive i njima se ne može menjati vrednost. S druge strane, promenljiva može imati tip koji je nabrojiv tip i koristiti se na uobičajene načine.

Sličan efekat (uvođenja imena sa pridruženim celobrojnim vrednostima) se može postići i preprocesorskom direktivom `#define`, ali u tom slučaju ta imena ne čine jedan tip (kao u slučaju da se koristi `enum`).

Slično kao i kod struktura i unija, uz definiciju tipa moguće je odmah deklarirati i promenljive. Promenljive se mogu i naknadno definisati (uz obavezno ponovno korišćenje ključne reči `enum`).

```
struct karta {
    unsigned char broj;
    enum znak_karte znak;
} mala_dvojka = {2, TREF};
```

7.4.4 Typedef

U jeziku C moguće je kreirati nova imena tipova koristeći ključnu reč `typedef`. Na primer, deklaracija

```
typedef int Length;
```

uvodi ime `Length` kao sinonim za tip `int`. Ime tipa `Length` se nadalje može koristiti u deklaracijama, eksplicitnim konverzijama i slično, na isti način kao što se koristi ime `int` (pri tome, u daljem programu može da se koristi i ime `int`):

```
Length len, maxlen;
```

Slično, deklaracija:

```
typedef char* String;
```

uvodi ime tipa `String` kao sinonim za tip `char *` (ovo je pokazivački tip o kojima će biti više reči naknadno):

```
String p, a[MAXLINES];  
String alloc(int);  
int strcmp(String, String);
```

Primetimo da se novo ime tipa koje se uvodi navodi kao poslednje, na poziciji na kojoj se u deklaracijama obično navodi ime promenljive, a ne neposredno nakon ključne reči `typedef`. Obično se novouvedena imena tipova pišu velikim početnim slovima kako bi se istakla.

Veoma često korišćenje `typedef` deklaracija je u kombinaciji sa strukturama kako bi se izbegla potreba za pisanje ključne reči `struct` pri svakom korišćenju imenu strukturnog tipa. Na primer:

```
struct point {  
    int x, y;  
};  
typedef struct point Point;  
  
Point a, b;
```

Definicija strukture i pridruživanje novog imena se mogu uraditi istovremeno. Na primer:

```
typedef struct point {  
    int x, y;  
} Point;  
  
Point a, b;
```

Naglasimo da se `typedef` deklaracijom ne kreira novi tip već se samo uvodi novo ime za postojeći tip. Deklaracija `typedef` je slična pretprocesorskoj direktivi `#define`, s tim što nju obrađuje kompilator (a ne pretprocesor) i može da da rezultat i u slučajevima u kojima jednostavne pretprocesorske tekstualne zamene to ne mogu. Na primer:

```
typedef int (*PFI)(char *, char *);
```

uvodi ime `PFI`, za tip “pokazivač na funkciju koja prima dva `char *` argumenta i vraća `int`” (više reči o pokazivačima na funkcije će biti u nastavku) i koje se može koristiti na primer kao:

```
PFI strcmp, numcmp;
```

Osim estetskih razloga, postoje dve osnovne svrhe za korišćenje ključne reči `typedef` i imenovanje tipova. Prvi je parametrizovanje tipova u programu kako bi se dobilo na njegovoj prenosivosti. Ukoliko se `typedef` koristi za uvođenje novih imena za tipove koji su mašinski zavisni, u slučaju da se program prenosi na drugu mašinu, potrebno je promeniti samo `typedef` deklaracije. Jedan od

primera je korišćenje `typedef` za imenovanje celobrojnog tipa, i zatim odabir `short`, `int` i `long` u zavisnosti od mašine. Druga svrha upotrebe `typedef` je poboljšanje čitljivosti programa – tip sa imenom `Point` se jednostavnije razumeti nego kompleksno ime strukture.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 7.4.1. 1. Definisati strukturu `complex` koja ima dva člana tipa `double`.

2. Definisati strukturu `student` koji se predstavljaju podaci o studentu (ime, prezime, `JMBG`, prosečna ocena).

Pitanje 7.4.2. 1. Da li je nad vrednostima koje su istog tipa strukture dozvoljeno koristiti operator dodele?

Pitanje 7.4.3. Navesti primer inicijalizacije niza struktura tipa `struct datum { unsigned dan, mesec, godina; }` na današnji i sutrašnji datum.

Pitanje 7.4.4. 1. Na koji način se postojećem tipu `t` može dodeliti novo ime `NoviTip`?

2. Uvesti novo ime `real` za tip `double`.

3. Definisati novi tip `novitip` koji odgovara strukturi koji ima jedan član tipa `int` i jedan član tipa `float`.

Pitanje 7.4.5. Data je struktura:

```
struct tacka {
    int a, b;
    char naziv[5];
}
```

Ova struktura opisuje tačku sa koordinatama `(a,b)` u ravni kojoj je dodeljeno ime `naziv`. Za dve promenljive tipa `struct tacka`, napisati naredbe koje kopiraju sadržaj prve promenljive u drugu promenljivu.

Pitanje 7.4.6. Kakva je veza između nabrojivog (`enum`) i celobrojnog tipa u C-u?

Glava 8

Naredbe i kontrola toka

Osnovni elementi kojima se opisuju izračunavanja u C programima su *naredbe*. Naredbe za kontrolu toka omogućavaju različita izvršavanja programa, u zavisnosti od vrednosti promenljivih. Naredbe za kontrolu toka uključuju naredbe grananja i petlje. Iako u jeziku C postoji i naredba skoka (`goto`), ona neće biti opisivana, jer često dovodi do loše strukturiranih programa, nečitljivih i teških za održavanje a, s druge strane, svaki program koji koristi naredbu `goto` može se napisati i bez nje. Na osnovu teoreme o strukturnom programiranju, od naredbi za kontrolu toka dovoljna je naredba grananja (tj. naredba `if`) i jedna vrsta petlje (na primer, petlja `while`), ali se u programima često koriste i druge naredbe za kontrolu toka zarad čitljivosti kôda. Iako mogu da postoje opšte preporuke za pisanje kôda jednostavnog za razumevanje i održavanje, izbor naredbi za kontrolu toka u konkretnim situacijama je najčešće stvar afiniteta programera.

8.1 Naredba izraza

Osnovni oblik naredbe koji se javlja u C programima je takozvana naredba izraza (ova vrsta naredbi obuhvata i naredbu dodele i naredbu poziva funkcije). Naime, svaki izraz završen karakterom `;` je naredba. Naredba izraza se izvršava tako što se izračuna vrednost izraza i izračunata vrednost se potom zanemaruje. Ovo ima smisla ukoliko se u okviru izraza koriste operatori koji imaju bočne efekte (na primer, `=`, `++`, `+=`, itd.) ili ukoliko se pozivaju funkcije. Naredba dodele, kao i naredbe koje odgovaraju pozivima funkcija sintaksno su obuhvaćene naredbom izraza. Naredni primer ilustruje nekoliko vrsta naredbi:

```
3 + 4*5;  
n = 3;  
c++;  
f();
```

Iako su sve četiri navedene naredbe ispravne i sve predstavljaju naredbe izraza, prva naredba ne proizvodi nikakav efekat i nema semantičko opravdanje pa se

retko sreće u stvarnim programima.

8.2 Složene naredbe i blokovi

U nekim slučajevima potrebno je više različitih naredbi tretirati kao jednu jedinstvenu naredbu. Vitičaste zagrade { i } se koriste da grupišu naredbe u složene naredbe ili blokove i takvi blokovi su sintaksno ekvivalentni pojedinačnim naredbama. Vitičaste zagrade koje okružuju naredbe jedne funkcije su jedan primer njihove upotrebe, ali one se, za grupisanje naredbi, koriste i drugim kontekstima. Svaki blok se sastoji od (moguće praznog) spiska deklaracija promeljivih (koje se mogu koristiti samo u tom bloku) i, zatim, od spiska naredbi (elementarnih ili složenih, tj. novih blokova). Iza zatvorene vitičaste zagrade ne piše se znak ;. Postoje različite konvencije za nazubljanje vitičastih zagrada prilikom unosa izvornog koda.

8.3 Naredbe grananja

Naredbe grananja (ili uslovne naredbe) na osnovu vrednosti nekog izraza određuju naredbu (ili grupu naredbi) koja će biti izvršena.

8.3.1 Naredba if-else

Naredba uslova if ima sledeći opšti oblik:

```
if (izraz)
    naredba1
else
    naredba2
```

Naredba `naredba1` i `naredba2` su ili pojedinačne naredbe (kada se završavaju simbolom ;) ili blokovi naredbi zapisani između vitičastih zagrada (iza kojih se ne piše simbol ;).

Deo naredbe `else` je opcioni, tj. može da postoji samo `if` grana. Izraz `izraz` predstavlja logički uslov i najčešće je u pitanju celobrojni izraz (ali može biti i izraz realne vrednosti) za koji se smatra, kao i uvek, da je tačan (tj. da je uslov ispunjen) ako ima ne-nula vrednost, a inače se smatra da je netačan.

Na primer, nakon naredbe

```
if (5 > 7)
    a = 1;
else
    a = 2;
```

promeljiva `a` će imati vrednost 2, a nakon naredbe

```
if (7)
    a = 1;
else
    a = 2;
```

promenljiva `a` će imati vrednost 1.

Kako se ispituje istinitosna vrednost izraza koji je naveden kao uslov, ponekad je moguće taj uslov zapisati kraće. Na primer, `if (n != 0)` je ekvivalentno sa `if (n)`.

S obzirom na to da je dodela operator, naredni C kôd je sintaksno ispravan, ali verovatno je semantički pogrešan:

```
a = 3;
if (a = 0)
    printf("a je nula\n");
else
    printf("a nije nula\n");
```

Naime, efekat ovog koda je da postavlja vrednost promenljive `a` na nulu (a ne da ispita da li je `a` jednako 0), a zatim da ispisuje `a nije nula` jer je vrednost izraza `a = 0` nula, što se smatra netačnim. Zamena operatora `==` operatorom `=` u naredbi `if` je česta greška.

if-else višeznačnost. Naredbe koje se uslovno izvršavaju mogu da sadrže nove naredbe uslova, tj. može biti više ugnježenih `if` naredbi. Ukoliko vitičastim zagradama nije obezbeđeno drugačije, `else` se odnosi na prvi neuparen `if`. Ukoliko se želi drugačije ponašanje, neophodno je navesti vitičaste zagrade. U narednom primeru, `else` se odnosi na drugo a ne na prvo `if` (iako formatiranje sugerise drugačije):

```
if (izraz1)
    if (izraz2)
        naredba1
else
    naredba2
```

U narednom primeru, `else` se odnosi na prvo a ne na drugo `if` :

```
if (izraz1) {
    if (izraz2)
        naredba1
} else
    naredba2
```

8.3.2 Konstrukcija else-if

Za višestruke odluke se često koristi konstrukcija sledećeg oblika:

```

if (izraz1)
    naredba1
else if (izraz2)
    naredba2
else if (izraz3)
    naredba3
else
    naredba4

```

U ovako konstruisanoj naredbi, uslovi se ispituju jedan za drugim. Kada je jedan uslov ispunjen, onda se izvršava naredba koja mu je pridružena i time se završava izvršavanje čitave naredbe. Naredba `naredba4` u gore navedenom primeru se izvršava ako nije ispunjen nijedan od uslova `izraz1`, `izraz2`, `izraz3`. Naredni primer ilustruje ovaj tip uslovnog grananja.

```

if (a > 0)
    printf("A je pozitivan\n");
else if (a < 0)
    printf("A je negativan\n");
else /* if (a == 0) */
    printf("A je nula\n");

```

8.3.3 Naredba if-else i operator uslova

Naredna naredba

```

if (a > b)
    x = a;
else
    x = b;

```

računa i smešta u `x` veću od vrednosti `a` i `b`. Naredba ovakvog oblika se može zapisati kraće korišćenjem ternarnog operatora uslova `?:` (koji je opisan u poglavlju 7.1.5), na sledeći način:

```

x = (a > b) ? a : b;

```

8.3.4 Naredba switch

Naredba `switch` se koristi za višestruko odlučivanje. Naredbe koje treba izvršiti navode se kao *slučajevi* (eng. *case*) za različite moguće pojedinačne vrednosti zadatog izraza. Jednom slučaju pridružen je jedan ili više konstantnih celobrojnih izraza. Ukoliko zadati izraz ima vrednost jednog od tih konstantnih izraza, onda se izvršava naredba pridružena tom slučaju, a nakon toga se nastavlja sa izvršavanjem i naredbi koje odgovaraju sledećim uslovima *ia*ko njihovi uslovi nisu ispunjeni. Slučaj `default` označava da uslov za nijedan drugi slučaj nije ispunjen. Ovaj slučaj je opcioni i ukoliko nije naveden, a nijedan postojeći slučaj nije ispunjen, onda se ne izvršava nijedna naredba u okviru bloka `switch`. Sintaksno — slučajevi mogu biti navedeni u proizvoljnom poretku (uključujući i

slučaj `default`), ali različiti poretci mogu da daju različito ponašanje programa. Iako to standard ne zahteva, slučaj `default` se gotovo uvek navodi kao poslednji slučaj.

Naredba `switch` ima sledeći opšti oblik:

```
switch (izraz) {
    case konstantan_izraz1: naredba1
    case konstantan_izraz2: naredba2
    ...
    default: naredba_n
}
```

U narednom primeru proverava se da li je uneti broj deljiv sa tri, korišćenjem naredbe `switch`.

Program 8.1.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int n;
    scanf("%i",&n);

    switch (n % 3) {
        case 1:
        case 2:
            printf("Uneti broj nije deljiv sa 3");
            break;
        default: printf("Uneti broj je deljiv sa 3");
    }
    return 0;
}
```

U navedenom primeru, bilo da je vrednost izraza `n % 3` jednaka 1 ili 2, biće ispisan tekst `Uneti broj nije deljiv sa 3`, a inače će biti ispisan tekst `Uneti broj je deljiv sa 3`.

Kada se naiđe na naredbu `break`, napušta se naredba `switch`. Da u gornjem primeru nije navedena naredba `break`, onda bi u slučaju da je vrednost izraza `n % 3` jednaka 1 (ili 2), nakon teksta `Uneti broj nije deljiv sa 3`, bio ispisan i tekst `Uneti broj je deljiv sa 3` (jer bi bilo nastavljeno izvršavanje svih naredbi za sve naredne slučajeve).

Najčeće se naredbe pridružene svakom slučaju završavaju naredbom `break` (čak i nakon slučaja `default`, iako to ne menja ponašanje programa, ali može da spreči greške ukoliko se kôd modifikuje). Time se obezbeđuje da poredak slučajeva ne utiče na izvršavanje programa, te je takav kôd jednostavniji za održavanje.

Previdanje činjenice da se, ukoliko nema naredbi `break`, mogu izvršiti naredbe više slučajeva često dovodi do grešaka u programu. S druge strane, izostavljanje naredbe `break` može biti pogodno (i opravdano) za pokrivanje više

različitih slučajeva jednom naredbom (ili blokom naredbi).

8.4 Petlje

Petlje (ili repetitivne naredbe) uzrokuju da se određena naredba (ili grupa naredbi) izvršava nekoliko puta (sve dok je neki logički uslov ispunjen).

8.4.1 Petlja `while`

Petlja `while` ima sledeći opšti oblik:

```
while(izraz)
    naredba
```

U petlji `while` ispituje se vrednost izraza `izraz` i ako ona ima istinitosnu vrednost tačno (tj. ako je vrednost izraza različita od nule), izvršava se `naredba` (koja je ili pojedinačna naredba ili blok naredbi). Zatim se uslov `izraz` iznova testira i to se ponavlja sve dok mu istinosna vrednost ne postane *netačno* (tj. dok ne postane jednak nuli). Tada se izlazi iz petlje i nastavlja sa izvršavanjem prve sledeće naredbe u programu.

Ukoliko iza `while` sledi samo jedna naredba, onda, kao i obično, nema potrebe za zagradama. Na primer:

```
while (i < j)
    i++;
```

Sledeća `while` petlja se izvršava beskonačno:

```
while (1)
    i++;
```

8.4.2 Petlja `for`

Petlja `for` ima sledeći opšti oblik:

```
for (izraz1; izraz2; izraz3)
    naredba
```

Komponente `izraz1`, `izraz2` i `izraz3` su izrazi. Obično su `izraz1` i `izraz3` naredbe dodele ili inkrementiranja a `izraz2` je relacioni izraz čija se istinitosna vrednost ispituje. Obično se `izraz1` koristi za inicijalizaciju vrednosti promenljivih, izrazom `izraz2` se testira uslov izlaska iz petlje, a naredbom `izraz3` se menjaju vrednosti relevantnih promenljivih.

Izraz `izraz1` se izračunava samo jednom, na početku izvršavanja petlje. Petlja se izvršava sve dok izraz `izraz2` ima ne-nula vrednost (tj. sve dok mu je istinitosna vrednost *tačno*), a izraz `izraz3` se izračunava na kraju svakog prolaska kroz petlju. Dakle, gore navedena opšta forma petlje `for` ekvivalentna je konstrukciji koja koristi petlju `while`:

```
izraz1;
while (izraz2) {
    naredba
    izraz3;
}
```

Petlja `for` se obično koristi kada je potrebno izvršiti jednostavno početno dodeljivanje vrednosti promenljivama i jednostavno ih menjati sve dok je ispunjen zadati uslov (pri čemu je i početno dodeljivanje i uslov i izmene lako vidljivo na samom početku petlje). To ilustruje sledeća tipična forma `for` petlje:

```
for(i = 0; i < n; i++)
    ...
```

Bilo koji od izraza `izraz1`, `izraz2`, `izraz3` može biti izostavljen, ali simboli `;` i tada moraju biti navedeni. Ukoliko je izostavljen izraz `izraz2`, smatra se da je njegova istinitosna vrednost *tačno*. Na primer, sledeća `for` petlja se izvršava beskonačno (ako u bloku naredbi koji ovde nije naveden nema neke koja prekida izvršavanje, na primer, `break` ili `return`):

```
for (;;)
    ...
```

U okviru izraza `izraz1`, `izraz2`, `izraz3` mogu se naći zapete koji razdvajaju podizraze. Na primer,

```
for (i = 0, j = 10; i < j; i++, j--)
    ...
```

Iako se koristi najčešće u okviru `for` petlje, operator zapete je operator kao i svaki drugi (najnižeg je prioriteta od svih operatora u C-u) i prilikom izračunavanja vrednosti izraza izgrađenog primenom operatora zapeta, izračunavaju se oba operanda, pri čemu se vrednost celokupnog izraza definiše kao vrednost desnog operanda.

Sledeći program, koji ispusuje tablicu množenja, ilustruje dvostruku `for` petlje:

Program 8.2.

```
#include<stdio.h>

int main() {
    int i,j;
    for(i = 1; i <= 10; i++) {
        for(j = 1; j <= 10; j++)
            printf("%i * %i = %i\t", i, j, i*j);
        printf("\n");
    }
}
```

8.4.3 Petlja do-while

Petlja `do-while` ima sledeći opšti oblik:

```
do {
    naredbe
} while(izraz)
```

Naredba (ili blok naredbi naveden između vitičastih zagrada) **naredba** se izvršava i onda se izračunava **izraz**. Ako je on tačan, **naredba** se izračunava ponovo i to se nastavlja sve dok izraz **izraz** nema vrednost 0 (tj. sve dok njegova istinitosna vrednost ne postane *nettačno*).

Za razliku od petlje `while`, naredbe u bloku ove petlje se uvek izvršavaju barem jednom.

Naredni program ispisuje cifre koje se koriste u zapisu unetog neoznačenog broja, zdesna na levo.

Program 8.3.

```
#include <stdio.h>
int main() {
    unsigned n;
    scanf("%u", &n);
    do {
        printf("%u", n % 10);
        n /= 10;
    } while (n > 0);
    return 0;
}
```

Primitimo da, u slučaju da je korišćena `while`, a ne `do-while` petlja, za broj 0 ne bi bila ispisana ni jedna cifra.

8.4.4 Naredbe `break` i `continue`

U nekim situacijama pogodno je napustiti petlju ne zbog toga što nije ispunjen uslov petlje, već iz nekog drugog razloga. To je moguće postići naredbom `break` kojom se izlazi iz tekuće petlje (ili naredbe `switch`). Na primer:

```
for(i = 1; i < n; i++) {
    if(i>10)
        break;
    ...
}
```

Korišćenjem naredbe `break` se narušava strukturiranost koda i može da oteža njegovu analizu. U nekim situacijama, korišćenje naredbe `break` može da poboljša čitljivost, ali kôd koji koristi naredbu `break` uvek se može napisati i bez nje. U datom primeru, odgovarajući alternativni kôd je, na primer:

```
for(i = 1; i<n && i<=10; i++)
    ...
```


Naredbom `continue` se prelazi na sledeću iteraciju u petlji. Na primer,

```
for(i = 0; i < n; i++) {
    if (i % 10 == 0)
        continue; /* preskoci brojeve deljive sa 10 */
    ...
}
```

Slično kao za naredbu `break`, korišćenjem naredbe `continue` se narušava strukturiranost koda, ali može da se poboljša čitljivost. Kôd koji koristi naredbu `continue` uvek se može napisati i bez nje. U datom primeru, odgovarajući alternativni kôd je, na primer:

```
for(i=0; i<n; i++)
    if (i % 10 != 0) /* samo za brojeve koji nisu deljivi sa 10 */
        ...
```

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 8.4.1.

1. *Koju vrednost ima promenljiva `x` nakon izvršavanja koda*

```
if (!x)
    x += 2;
    x *= 2;
```

ako je pre navedenog koda imala vrednost 0, a koju ako je imala vrednost 5?

2. *Koju vrednost ima promenljiva `x` nakon izvršavanja koda*

```
int x = 0;
if (x > 3);
    x++;
```

Pitanje 8.4.2. *Navesti primer naredbe u kojoj se javlja `if-else` višeznačnost.*

Pitanje 8.4.3. *Kako se, u okviru naredbe `switch`, označava slučaj koji pokriva sve slučajeve koji nisu već pokriveni?*

Pitanje 8.4.4. *Ako su promenljive `i` i `j` tipa `int` odrediti njihovu vrednost nakon naredbi:*

1.

```
i=2; j=5;
switch(j/i)
{
case 1: i++;
        break;
```

```

        case 2: i += ++j;
        default: j += ++i;
    }

2. int i=2, j=4;
   switch (j%3) {
       case 0: i=j++;
       case 1: j++;++i;
       case 2: j=i++;
       default:
   }

```

Pitanje 8.4.5. Šta ispisuje prikom izvršavanja narednih kodova?

1.

```
int i = 2; int j = 2;
while(i + 2*j <= 15) {
    i++;
    if (i % 3 == 0)
        j--;
    else {
        i+=2; j++;
    }
    printf("%d %d\n", i, j);
}
```
2.

```
for (i = 0; i < 5; i++)
    for (j = 0; j < 5; j++) {
        if ((i + j) % 3 == 0) break;
        printf("%d %d\n", i, j);
    }
```
3.

```
for (i = 0; i < 5; i++)
    for (j = 0; j < 5; j++) {
        if ((i + j) % 3 == 0) continue;
        printf("%d %d\n", i, j);
    }
```
4.

```
for (i = 1, j = 10; i < j; i++, j--)
    for (k = i; k <= j; k++)
        printf("%d ", k);
```

Pitanje 8.4.6. 1. Ukoliko se u naredbi `for (e1; e2; e3)` izostavi izraz `e2`, koja će biti njegova podrazumevana vrednost?

2. Da li je u naredbi `for(e1;e2;e3)`, moguće da su izrazi `e1` i `e3` sačinjeni od više nezavisnih podizraza i ako jeste, kojim operatorom su spojeni ti podizrazi?

Pitanje 8.4.7. 1. Izraziti sledeći kôd (i) petljom `while` i (ii) petljom `for`

```
do {
    naredbe
} while(izraz)
```

2. Izraziti sledeći kôd (i) petljom while i (ii) petljom do-while

```
for (izraz1; izraz2; izraz3)
    naredba
```

3. Izraziti sledeći kôd (i) petljom for i (ii) petljom do-while

```
while (izraz)
    naredba
```

Pitanje 8.4.8. 1. Transformisati naredni kôd tako da ne sadrži break:

```
while(A) {
    if(B) break;
    C;
}
```

2. Transformisati naredni kôd tako da ne sadrži continue:

```
for(;A;) {
    if(B) continue;
    C;
}
```

3. Transformisati naredni kôd i zapisati ga u obliku while petlje tako da ne sadrži break:

```
for(i = 1;;i++) if (i++ == 3) break; else printf("%d", i);
for(i = 1;;) if (++i == 3) break; else printf("%d", i);
for(i = 10;;) if (--i == 3) break; else printf("%d", i);
for(i = 1; i<5;) if (++i == 5) break; else printf("%d", i);
```

4. Transformisati naredni kôd i zapisati ga u obliku for petlje sa sva tri izraza nepravna i bez korišćenja naredbe break.

```
for(i = 10;;) if (--i == 3) break; else printf("%d", i);
for(i = 1;;) if (i++ == 3) break; else printf("%d", i);
```

Pitanje 8.4.9. Da li se naredna petlja završava:

```
unsigned char c; for(c=10; c<9; c++) { ... }
signed char c; for(c=10; c<9; c++) { ... }
signed char c; for(c=0; c<128; c++) { ... }
unsigned char c; for(c=0; c<128; c++) { ... }
char c; for(c=0; c<128; c++) { ... }
```

Zadatak 8.4.1. Napisati program koji ispisuje sve neparne brojeve manje od unetog neoznačenog celog broja n . ✓

Zadatak 8.4.2. Napisati program koji izračunava i ispisuje vrednost funkcije $\sin(x)$ u 100 ekvidistantno razmaknutih tačaka intervala $[0, 2\pi]$. ✓

Zadatak 8.4.3. Napisati program koji učitava realan broj x i neoznačeni ceo broj n i izračunava x^n . ✓

Zadatak 8.4.4. Napisati programe koji ispisuje naredne dijagrame, pri čemu se dimenzija n unosi. Svi primeri su za $n = 4$:

```
a) **** b) **** c) *   d) **** e) *   f) * * * * g) *
****    ***   **    ***    **    * * *   * *
****    **    ***    **    ***    * *     * * *
****    *    ****   *    ****   *     * * * *
```

✓

Zadatak 8.4.5. Napisati program koji ispisuje sve delioce unetog neoznačenog celog broja (na primer, za unos 24 treženi delioci su 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12 i 24). Napisati i program koji određuje sumu svih delilaca broja. ✓

Zadatak 8.4.6. Napisati program koji određuje da li je uneti neoznačeni ceo broj prost. ✓

Zadatak 8.4.7. Napisati program koji ispisuje sve proste činioce unetog neoznačenog celog broja (na primer, za unos 24 traženi prosti činioći su 2, 2, 2, 3). ✓

Zadatak 8.4.8. Napisati program koji učitava cele brojeve sve dok se ne unese 0, a onda ispisuje:

1. broj unetih brojeva;
2. zbir unetih brojeva;
3. proizvod unetih brojeva;
4. minimum unetih brojeva;
5. maksimum unetih brojeva;
6. aritmetičku sredinu unetih brojeva $(\frac{x_1 + \dots + x_n}{n})$;
7. geometrijsku sredinu unetih brojeva $(\sqrt[n]{x_1 \cdot \dots \cdot x_n})$;
8. harmonijsku sredinu unetih brojeva $(\frac{n}{\frac{1}{x_1} + \dots + \frac{1}{x_n}})$;

✓

Zadatak 8.4.9. Napisati program koji učitava cele brojeve sve dok se ne unese 0 i izračunava dužinu najduže serije uzastopnih jednakih brojeva. ✓

Zadatak 8.4.10. Napisati program koji za uneti neoznačeni ceo broj n izračunava ceo deo njegovo korena $\lfloor \sqrt{n} \rfloor$ (koristiti algoritam opisan u primeru 3.3). ✓

Zadatak 8.4.11. Korišćenjem činjenice da niz definisan sa

$$x_0 = 1, \quad x_{n+1} = x_n - \frac{x_n^2 - a}{2 \cdot x_n}$$

teži ka \sqrt{a} , napisati program koji (bez korišćenja funkcije `sqrt`) procenjuje vrednost \sqrt{a} . Iterativni postupak zaustaviti kada je $|x_{n+1} - x_n| < 0.0001$. ✓

Zadatak 8.4.12. Fibonačijev niz brojeva 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ... je definisan uslovima

$$f_0 = 1, \quad f_1 = 1, \quad f_{n+2} = f_{n+1} + f_n.$$

Napisati program koji ispisuje prvih k članova ovog niza (koristiti ideju da se u svakom trenutku pamte, u dve promenljive, vrednosti dva prethodna elementa niza). ✓

Zadatak 8.4.13. Napisati program koji ispisuje sve cifre unetog neoznačenog celog broja n , počevši od cifre jedinica. Napisati i program koji izračunava sumu cifara unetog neoznačenog celog broja n . ✓

Zadatak 8.4.14. Napisati program koji „nadovezuje” dva uneta neoznačena cela broja (na primer, za unos 123 i 456 program ispisuje 123456). Ako je jedan od brojeva 0, rezultat treba da bude jednak drugom broju. Pretpostaviti da rezultat staje u opseg tipa `unsigned`. ✓

Zadatak 8.4.15. Napisati program koji izračunava broj dobijen obrtanjem cifara unetog celog broja (na primer, za unos 1234 program ispisuje broj 4321). ✓

Zadatak 8.4.16. Napisati program koji izbacuje sve neparne cifre iz zapisa unetog neoznačenog celog broja (na primer, za uneti broj 123456 program ispisuje 246). ✓

Zadatak 8.4.17. Napisati program koji umeće datu cifru c na datu poziciju p neoznačenog celog broja n (pozicije se broje od 0 sa desna). Na primer, za unos $c = 5$, $p = 2$, $n = 1234$, program ispisuje 12534. ✓

Zadatak 8.4.18. 1. Napisati program koji razmenjuje prvu i poslednju cifru unetog neoznačenog celog broja (na primer, za unos 1234 program ispisuje 4231).

2. Napisati program koji ciklično pomera cifre unetog neoznačenog celog broja u levo (na primer, za unos 1234 program ispisuje 2341).

3. Napisati program koji ciklično pomera cifre unetog neoznačenog celog broja u desno (na primer, za unos 1234 program ispisuje 4123). ✓

Zadatak 8.4.19. Napisati program koji za zadati dan, mesec i godinu ispituje da li je uneti datum korektan (uzeti u obzir i prestupne godine). ✓

Zadatak 8.4.20. *Napisati program koji učitava neoznačene cele brojeve sve dok se ne unese 0, a na standardni prepisuje sve one brojeve koji su:*

- 1. manji od minimuma prethodno unetih brojeva (prvi broj se uvek ispisuje);*
- 2. veći od aritmetičke sredine prethodno unetih brojeva.*



Glava 9

Funkcije

9.1 Funkcije

Svaki C program sačinjen je od funkcija. Funkcija `main` mora da postoji, a druge funkcije se koriste kako bi kôd bio kraći, čitljiviji, modularniji, šire upotrebljiv, itd. U funkciju se obično izdvaja neko izračunavanje, neka obrada koja se koristi više puta u programu. Tako se dobija kraći, jednostavniji kôd, ali i elegantniji u smislu da je neko izračunavanje skriveno, enkapsulirano u funkciji i ona može da se koristi čak i ako se ne zna kako je ona implementirana, već je dovoljno znati šta ona radi, tj. kakav je rezultat njenog rada za zadate argumente. Izvršavanje programa uvek počinje izvršavanjem funkcije `main`.

9.1.1 Primeri definisanja i pozivanja funkcije

Naredni programi ilustruju jednostavne primere korišćenja funkcija. Pojmovi koji su u okviru ovog primera samo ukratko objašnjeni biće detaljnije objašnjeni u nastavku teksta.

Program 9.1.

```
#include <stdio.h>

int kvadrat(int n);

int main() {
    printf("Kvadrat broja %i je %i\n", 5, kvadrat(5));
    printf("Kvadrat broja %i je %i\n", 9, kvadrat(9));
    return 0;
}

int kvadrat(int n) {
    return n*n;
}
```

Red `int kvadrat(int n);` *deklariše* funkciju `kvadrat` koja će biti *definisana* kasnije u kodu. U okviru funkcije `printf` poziva se funkcija `kvadrat` za vrednosti 5 i 9 i ispisuje se rezultat, tipa `int`, koji ona vraća. Definicija funkcije `kvadrat` je jednostavna: ona ima jedan argument (ceo broj `n`) i, kao rezultat, vraća kvadrat ove vrednosti.

U narednom programu, funkcija `stepen` izračunava celobrojni stepen realne promenljive.

Program 9.2.

```
#include <stdio.h>

float stepen(float x, unsigned n);

int main() {
    unsigned i;
    for(i = 0; i < 10; i++)
        printf("%d %f %f\n", i, stepen(2.0f,i), stepen(3.0f,i));
    return 0;
}

float stepen(float x, unsigned n) {
    unsigned i;
    float s = 1.0f;
    for(i = 1; i<=n; i++)
        s *= x;
    return s;
}
```

9.1.2 Definicija funkcije

Definicija funkcije ima sledeći opšti oblik:

```
tip ime_funkcije(niz_deklaracija_argumenata) {
    deklaracije
    naredbe
}
```

Imena funkcija su proizvoljni identifikatori i za njih važe potpuno ista pravila kao i za imena promenljivih. Radi čitljivosti koda, poželjno je da ime funkcije oslikava ono šta ona radi.

Definicije funkcija se mogu navesti u proizvoljnom poretku i mogu se nalaziti u jednoj ili u više datoteka. U drugom slučaju, potrebno je instruirati prevodilac da obradi više izvornih datoteka i da napravi jednu izvršnu verziju.

Povratna vrednost funkcije. Funkcija može da vraća rezultat i `tip` označava tip vrednosti koja se vraća kao rezultat. Funkcija rezultat vraća naredbom `return r;` gde je `r` vrednost zadatog tipa ili tipa koji se može prevesti u taj tip.

Generalno, naredba `return r`; ne samo da vraća vrednost `r` kao rezultat rada funkcije, nego i prekida njeno izvršavanje. Ukoliko funkcija ne vraća rezultat, onda je kao tip povratne vrednosti navodi specijalan tip `void` i tada naredba `return` nema argumenata. Štaviše, u tom slučaju nije neophodno navoditi naredbu `return` iza poslednje naredbe u funkciji.

Funkcija koja je pozvala neku drugu funkciju može da ignoriše, tj. da ne koristi vrednost koju je ova vratila.

Iako je sintaksno ispravno i drugačije, funkcija `main` uvek treba da ima `int` kao tip povratne vrednosti (jer okruženje iz kojeg je program pozvan uvek kao povratnu vrednost očekuje tip `int`).

Argumenti funkcije. Funkcija može imati argumente (tj. parametre), promenljive koje obrađuje, i oni se navode u okviru definicije, iza imena funkcije i između zagrada. Pre svakog argumenta neophodno je navesti njegov tip. Ukoliko funkcija nema argumenata, onda se između zagrada ne navodi ništa ili se navodi ključna reč `void`.¹

Promenljive koje su deklarisan kao argumenti funkcije su lokalne za tu funkciju i njih ne mogu da koriste druge funkcije. Štaviše, bilo koja druga funkcija može da koristi isto ime za neki svoj argument ili za neku svoju lokalnu promenljivu.

Kao i imena promenljivih, imena argumenata treba da oslikavaju njihovo značenje i ulogu u programu.

Funkcija `main` može biti bez argumenata ili dva argumenta unapred određenog tipa (videti poglavlje ??).

9.1.3 Deklaracija funkcije

U navedenim primerima, prvo je navedena *deklaracija (ili prototip)* funkcije, a tek zatim njena definicija. U prvom primeru deklaracija je

```
int kvadrat(int n);
```

a definicija

```
int kvadrat(int n) {  
    return n*n;  
}
```

Deklaracija ukazuje prevodiocu da će u programu biti korišćena funkcija sa ovim tipom povratne vrednosti i ovakvim argumentima. Zahvaljujući tome, kada prevodilac, u okviru funkcije `main`, naiđe na poziv funkcije `kvadrat`, može da proveriti da li je njen poziv ispravan. Pošto prototip služi samo za proveravanje tipova u pozivima, nije neophodno navoditi imena argumenata, dovoljno je navesti njihove tipove. U navedenom primeru, dakle, prototip je mogao da glasi i

¹ Ukoliko se, umesto ključne reči `void`, između zagrada ne navede ništa, prevodilac u pozivima funkcije ne proverava da li je ona zaista pozvana bez argumenata.

```
int kvadrat(int);
```

Ukoliko se prototip ne navede pre prvog poziva, pretpostavlja se da funkcija vraća vrednost tipa `int`, dok se proverava ispravnosti argumenata u pozivima funkcije ne vrši.

Definicija funkcija mora da bude u skladu sa navedenim prototipom, tj. moraju da se poklapaju tipovi povratne vrednosti i tipovi argumenata.

Nije neophodno za svaku funkciju navoditi najpre njen prototip, pa onda definiciju. Ukoliko je navedena definicija funkcije, onda se ona može koristiti u nastavku programa i bez navođenja prototipa (jer prevodilac iz definicije funkcije može da utvrdi sve relevantne tipove). Međutim, kada postoji više funkcija u programu i kada postoje njihove međuzavisnosti, može biti veoma teško (i to nepotrebno teško) poređati njihove definicije na način koji omogućava prevođenje (sa proverom tipova argumenata). Zato je praksa da se na početku programa navode prototipovi funkcija, čime poredak njihovih definicija postaje irelevantan.

9.1.4 Konverzije tipova argumenata funkcije

Prilikom poziva funkcije, ukoliko je poznata njena deklaracija, vrši se implicitna konverzija stvarnih argumenata u tipove formalnih argumenata. Slično, prilikom vraćanja vrednosti funkcije (putem `return` naredbe) vrši se konverzija vrednosti koja se vraća u tip povratne vrednosti funkcije.

U sledećem primeru, prilikom poziva funkcije `f` vrši se konverzija `double` vrednosti u celobrojnu vrednost i program ispisuje 3:

```
#include <stdio.h>

void f(int a) {
    printf("%d\n", a);
}

int main() {
    f(3.5);
}
```

Ukoliko deklaracija funkcije nije poznata, ne vrši se nikakva provera ispravnosti tipa argumenata i vrši se podrazumevana promocija argumenata koja obuhvata celobrojne promocije (tipovi `char` i `short` se promovisu u `int`), i promociju tipa `float` u tip `double`. Razmotrimo, za ilustraciju, standardnu C funkciju `double sqrt(double)`; koja izračunava kvadratni koren. Deklaracija ove funkcije nalazi se u zaglavlju `<math.h>`. Ukoliko se u programu uključi ovo zaglavlje, a zatim funkcija pozove sa `sqrt(2)` doći će do implicitne konverzije celobrojne konstante 2 u tip `double` i funkcija će korektno izračunati koren. Međutim, ukoliko se ne uključi `<math.h>`, prototip funkcije `sqrt` neće biti poznat i neće se vršiti konverzija celobrojne u realnu vrednost već se funkciji prosleđuje binarni sadržaj koji predstavlja celobrojnu konstantu 2 (obično u obliku potpunog komplementa). S druge strane, funkcija taj binarni sadržaj tumači kao realan broj

jasno - kako može da se
 potreba za konverziju
 float u double ako nije nave-
 ena deklaracija -> standard
 kaže: Since an argu-
 ment of a function call is an
 expression, type conversions
 also take place when argu-
 ments are passed to function.
 In absence of a function pro-
 totype, char and short be-
 come int, and float becomes
 double.

(obično po IEEE754 standardu) i to dovodi do pogrešnog rezultata (tj. neće biti pročitani broj 2.0 nego neki drugi). U ovom primeru, problem je pogoršan činjenicom da je tip `int` obično kraći od tipa `double` pa funkcija pored vrednosti koja joj je prosleđena tumači i neki relativno slučajni memorijski sadržaj koji se nalazi iza zapisa broja 2.

9.1.5 Prenos argumenata

Na mestu u programu gde se poziva neka funkcija kao njen argument se može navesti promenljiva, ali i bilo koji izraz istog tipa. Na primer, funkcija `kvadrat` iz primera može biti pozvana sa `kvadrat(5)`, ali i sa `kvadrat(2+3)`. Argumenti koji su navedeni prilikom poziva funkcije nekada se nazivaju *stvarni argumenti*, dok se argumenti koji su navedeni prilikom definicije funkcije nekada nazivaju *formalni argumenti*.

Argumenti funkcija se uvek prenose *po vrednosti*. To znači da se vrednost koji je poslata kao argument funkcije *kopira* kada počne izvršavanje funkcije i ona radi samo sa tom kopijom, ne menjajući original. Na primer, ako je funkcija `kvadrat` deklarirana sa `int kvadrat(int n)`, i ako je pozvana sa `kvadrat(a)`, gde je `a` neka promenljiva, ta promenljiva će nakon izvršenja funkcije `kvadrat` ostati nepromenjena, ma kako da je funkcija `kvadrat` definisana. Naime, kada počne izvršavanje funkcije `kvadrat`, vrednost promenljive `a` biće iskopirana u lokalnu promenljivu `n` koja je navedena kao argument funkcije i funkcija će koristiti samo tu kopiju u svom radu. Prenos argumenata ilustruje i funkcija `swap` definisana na sledeći način:

```
void swap(int a, int b) {  
    int temp = a;  
    a = b;  
    b = temp;  
}
```

U okviru funkcije `swap` argumenti `a` i `b` zamenjuju vrednosti, ali ako je funkcija pozvana iz neke druge funkcije sa `swap(x, y)`, onda će vrednosti promenljivih `x` i `y` ostati nepromenjene nakon ovog poziva.

Ukoliko je potrebno promeniti neku promenljivu unutar funkcije, onda se kao argument ne šalje vrednost te promenljive nego njena adresa (i ta adresa se onda prenosi po vrednosti). O tome će biti reči u daljem tekstu.

9.1.6 Nizovi i funkcije

Niz se ne može preneti kao argument funkcije. Umesto toga, moguće je kao argument proslediti ime niza. Tokom kompilacije, imenu niza pridružena je informacija o adresi početka niza, o tipu elemenata niza i o broju elemenata niza. Kada se ime niza prosledi kao argument funkcije, onda do funkcije (čiji je tip odgovarajućeg argumenta pokazivački tip, o čemu će naknadno biti više reči) stiže informacija o adresi početka niza i o tipu elemenata (ali ne i o broju

Ne slažem se sa ovim - u C-u nema prenosa po imenu. U okviru funkcije se ne vidi originalno ime niza. U funkciju se prenosi adresa početka niza.

ameniti termin pokazivač
 erminom adresa – još nije
 ilo reći o pokazivačima

elemenata niza). Prenos takvog argumenta (pokazivača na početak niza) vrši se – kao i uvek – po vrednosti.

Funkcija koja prima niz može biti deklarirana na neki od narednih načina:

```
tip ime_fje(tip ime_niza[dimenzija]);
tip ime_fje(tip ime_niza[]);
```

S obzirom da se funkcija prenosi samo adresa početka niza, a ne i dimenzija niza, prvi oblik deklaracije nema puno smisla tako se znatno ređe koristi.

Kako bismo demonstrirali da se u funkciju ne prenosi ceo niz, razmotrimo naredni primer. Ukoliko se program pokrene na mašini na kojoj su tip `int` i adresni tip reprezentovani sa 4 bajta) program ispisuje, u okviru funkcije `main`, broj 20 (5 elemenata tipa `int` čija je veličina 4 bajta) i, u okviru funkcije `f`, broj 4 (veličina adrese koja je prenetu u funkciju). Dakle, funkcija `f` nema informaciju o broju elemenata niza `a`.

```
#include <stdio.h>

void f(int a[]) {
    printf("f: %d\n", sizeof(a));
}

int main() {
    int a[] = {1, 2, 3, 4, 5};
    printf("main: %d\n", sizeof(a));
    f(a);
    return 0;
}
```

Prilikom prenosa niza (tj. adrese njegovog početka) u funkciju, uz ime niza korisnik obično treba da eksplicitno prosledi i broj elemenata niza (kako bi funkcija koja prima argument imala tu informaciju). Izuzetak predstavljaju funkcije koje obrađuju niske karaktera jer je u tom slučaju na osnovu sadržaja niske (tj. na osnovu završne nule) moguće odrediti i njegov broj elemenata².

S obzirom na to da funkcija koja je pozvana dobija informaciju o adresi početka niza, ona može da neposredno menja njegove elemente. Povratni tip funkcije ne može da bude niz. Funkcija ne može da kreira niz, već rezultat nizovskog tipa može da vrati isključivo popunjavanjem niza koji joj je prosleđen kao argument.

U narednom programu, funkcija `ucitaj_broj` ne uspeva da učita i promeni vrednost broja `x`, dok funkcija `ucitaj_niz` ispravno unosi elemente niza `y`.

Program 9.3.

²Preciznije, i dalje nije moguće odrediti veličinu niza, već je samo njegovu dužinu do završne nule.

```
#include <stdio.h>

void ucitaj_broj(int a) {
    scanf("%d", &a);
}

void ucitaj_niz(int a[], int n) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        scanf("%d", &a[i]);
}

int main() {
    int x;
    int y[10];
    ucitaj_broj(x);
    ucitaj_niz(y, 10);
}
```

Prenos niski u funkciju se vrši kao i prenos bilo kog drugog niza. Jedina razlika je što nije neophodno funkciji prosleđivati dužinu niske, jer se ona može odrediti i u samoj funkciji zahvaljujući postojanju terminalne nule. Na primer, funkcija `strchr` standardne biblioteke proverava da li data niska sadrži dati karakter. Navedimo jednu njenu moguću implementaciju. Napomenimo da naša implementacija pronalazi prvu poziciju karaktera `c` u niski `s`, odnosno `-1` ukoliko `s` ne sadrži `c`, što je malo drugačije u odnosu na originalne

```
int strchr(char s[], char c) {
    int i;
    for (i = 0; s[i] != '\0'; i++)
        if (s[i] == c)
            return i;

    return -1;
}
```

Navedena funkcija koristi tzv. linearnu pretragu niza. Napomenimo i da je česta greška prilikom implementacije linearne pretrage je prerano vraćanje negativne vrednosti:

```
...
for (i = 0; s[i] != '\0'; i++)
    if (s[i] == c)
        return i;
    else
        return -1;
...
```

Zaista, naredba `return` prouzrokuje prekid rada funkcije tako da navedena implementacija prekida petlju već nakon prve iteracije.

Ukoliko se dvodimenzioni niz prenosi u funkciju, deklaracija parametra u funkciji mora da uključi broj kolona; broj vrsta je nebitan jer se i u ovom slučaju prenosi samo adresa (tj. pokazivač na niz vrsta, pri čemu je svaka vrsta niz). U slučaju dimenzija većih od 2, samo se prva dimenzija može izostaviti (dok je sve naredne dimenzije neophodno navesti).

```
tip ime_fje(tip ime_niza[bv][bk]);
tip ime_fje(tip ime_niza[][bk]);
```

9.1.7 Korisnički definisani tipovi i funkcije

Strukture i drugi korisnički definisani tipovi mogu biti argumenti funkcija i funkcije kao tip povratne vrednosti mogu imati tip strukture. Prenos se i u ovom slučaju vrši po vrednosti.

Funkcija `kreiraj_razlomak` od dva cela broja kreira i vraća objekat tipa `struct razlomak`:

```
struct razlomak kreiraj_razlomak(int brojilac, int imenilac)
{
    struct razlomak rezultat;
    rezultat.brojilac = brojilac;
    rezultat.imenilac = imenilac;
    return rezultat;
}
```

Navedni primer pokazuje i da ne postoji konflikt između imena argumenata i istoimenih članova strukture. Naime, imena članova strukture su uvek vezana za ime promenljive (u ovom primeru `rezultat`).

Sledeći primer ilustruje funkcije sa argumentima i povratnim vrednostima koji su tipa strukture:

```
struct razlomak saberi_razlomke(struct razlomak a,
                               struct razlomak b)
{
    struct razlomak c;
    c.brojilac = a.brojilac*b.imenilac + a.imenilac*b.brojilac;
    c.imenilac = a.imenilac*b.imenilac;
    return c;
}
```

Na sličan način mogu se implementirati i druge operacije nad razlomcima, kao množenje razlomaka, skraćivanje razlomka, poređenje razlomaka, itd.

Kao i drugi tipovi argumenata, strukture se u funkcije prenose po vrednosti. Tako, naredna funkcija nije ispravna.

```
void skrati(struct razlomak r) {
    int n = nzd(r.brojilac, r.imenilac);
    r.brojilac /= n; r.imenilac /= n;
}
```

jer nakon poziva

```
struct razlomak r = {2, 4};
skrati(r);
```

razlomak ostaje jednak 2/4 (u funkciji se menja kopija originalne strukture nastala prilikom prenosa po vrednosti).

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 9.1.1. Šta je to deklaracija funkcije, a šta je to definicija funkcije? U kojim slučajevima se koriste deklaracije?

Pitanje 9.1.2. Koliko najmanje funkcija može da ima argumenata? Kako izgleda deklaracija funkcije koja nema argumenata? Koja je razlika između `void f(void);` i `void f();`?

Pitanje 9.1.3. Šta se navodi kao tip povratne vrednosti za funkciju koja ne vraća rezultat? Da li takva funkcija mora da sadrži naredbu `return`? Da li takva funkcija može da sadrži naredbu `return`? Šta se navodi kao argument `return` naredbe?

Pitanje 9.1.4. Kako se prenose argumenti funkcija u C-u? Da li se u nekoj situaciji prenos argumenata ne vrši po vrednosti?

Pitanje 9.1.5. Šta ispisuju sledeći programi?

```
1. int f(int x) {
    x = x+2;
    return x+4;
}

int main() {
    int x = 1, y = 2;
    x = f(x++);
    printf("%d\n", x);
}

2. void f(int n,int k) {
    n = 3 * k++;
}

int main() {
    int n = 4, k = 5;
    f(n, k);
    printf("%d %d\n", n, k);
}

3. void f(int x) {
    x += (++x) + (x++);
```

```

}
int main() {
    int x = 2;
    f(x); f(x);
    printf("%d\n", x);
}

```

Pitanje 9.1.6. 1. Koje su informacije od navedenih, tokom kompilacije, pridružene imenu niza: (i) adresa početka niza; (ii) tip elemenata niza; (iii) broj elemenata niza; (iv) adresa kraja niza?

2. Koje se od ovih informacija čuvaju u memoriji tokom izvršavanja programa?

3. Šta se sve od navedenog prenosi kada se ime niza navede kao argument funkcije: (i) adresa početka niza; (ii) elementi niza; (iii) podatak o broju elemenata niza; (iv) adresa kraja niza.

Pitanje 9.1.7. Šta ispisuje naredni program:

```

void f(int a[]) {
    int i;
    for(i = 0; i < sizeof(a)/sizeof(int); i++)
        a[i] = a[i] + 1;
}

int main() {
    int a[] = {1, 2, 3, 4};
    f(a);
    for(i = 0; i < sizeof(a)/sizeof(int); i++)
        printf("%d ", a[i]);
}

```

Pitanje 9.1.8. Koju vrednost ima promenljiva `i` nakon naredbi:

```

int i;
char a[] = "informatika";
i = strlen(a+2) ? strlen(a+4) : strlen(a+6);

```

Pitanje 9.1.9. 1. Koja funkcija standardne biblioteke se koristi za izračunavanje dužine niske `i` u kojoj datoteci zaglavlja je ona deklarirana?

2. Čemu je jednako `sizeof("abc")`, a čemu `strlen("abc")`?

3. Navesti neku implementaciju funkcije `strlen`.

Pitanje 9.1.10. Navesti liniju koda koja obezbeđuje da se prilikom poziva `void` funkcije `f` celobrojni argument `2` implicitno prevede u `double` vrednost.


```
int main() {  
    f(2);  
    return 0;  
}
```

Pitanje 9.1.11. *Kako se vrši prenos unija u funkciju?*

Zadatak 9.1.1. *Napisati program koji proverava da li je uneti pozitivan ceo broj prost. Napisati varijantu koja ima samo funkciju `main` i varijantu u kojoj se koriste pomoće funkcije.*

Zadatak 9.1.2. *Za tri prirodna broja a , b i c kaže se da čine Fermaovu trojku ako postoji prirodan broj n takav da važi $a^n + b^n = c^n$. Napisati program koji za zadata tri prirodna broja proverava da li čine Fermaovu trojku za neko n koje je manje od 1000 (napisati i koristiti funkciju za stepenovanje).*

Zadatak 9.1.3. *Napisati program koji za tri tačke Dekartove ravni zadate parovima svojih koordinata (tipa `double`) izračunava površinu trougla koji obrazuju (koristiti Heronov obrazac, na osnovu kojeg je površina trougla jednaka $\sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$, gde su a , b i c dužine stranica, a p njegov poluobim; napisati i koristiti funkciju koja računa rastojanje između dve tačke Dekartove ravni).*

Zadatak 9.1.4. *Za prirodan broj se kaže da je savršen ako je jednak zbiru svih svojih pravih delioca (koji uključuju broj 1, ali ne i sam taj broj). Ispisati sve savršene brojeve manje od 10000.*

Zadatak 9.1.5. *Napisati funkciju koja poredi dva razlomka i vraća 1 ako je prvi veći, 0 ako su jednaki i -1 ako je prvi manji.*

Glava 10

Organizacija C programa

10.1 Doseg, životni vek i organizacija memorije

Doseg identifikatora određuje u kojim delovima programa je moguće koristiti taj identifikator. U ovoj glavi biće reči o dosegu i o vrstama dosega. Biće reči i o životnom veku promenljivih koji određuje kada promenljive nastaju i kada se oslobađaju. Takođe, biće objašnjeno kako je organizovana i kako se koristi memorija koja je dodeljena jednom programu.

10.1.1 Doseg

Doseg identifikatora (eng. scope) određuje deo teksta programa u kojem je moguće koristiti određeni identifikator i u kojem taj identifikator identifikuje određeni objekat (na primer, promenljivu ili funkciju). Svaki identifikator ima neki doseg. Jezik C spada u grupu jezika sa statičkim pravilima dosega što znači da se doseg svakog identifikatora može jednoznačno utvrditi analizom izvornog koda, bez obzira na to kako teče proces izvršavanja programa. U jeziku C postoje sledeće vrste dosega:

- *doseg nivoa datoteke* (eng. file level scope) koji podrazumeva da ime važi od tačke uvođenja do kraja datoteke;
- *doseg nivoa bloka* (eng. block level scope) koji podrazumeva da ime važi od tačke uvođenja do kraja bloka u kojem je uvedeno;
- *doseg nivoa funkcije* (eng. function level scope) koji podrazumeva da ime važi u celoj funkciji u kojoj je uvedeno; ovaj doseg imaju jedino labelle koje se koriste uz `goto` naredbu;
- *doseg nivoa prototipa funkcije* (eng. function prototype scope) koji podrazumeva da ime važi u okviru prototipa (deklaracije) funkcije; ovaj doseg imaju samo imena parametara u okviru prototipova funkcije; on omogućava

da se u prototipovima funkcija navode i imena (a ne samo tipovi) argumenta, što nije obavezno, ali može da olakša razumevanje i dokumentovanje koda.

Identifikatori koji imaju doseg nivoa datoteke najčešće se nazivaju *spoljašnji* ili *globalni*, dok se identifikatori koji imaju ostale nivoe dosega (najčešće doseg nivoa bloka) nazivaju *unutrašnji* ili *lokalni*.

U ranijim verzijama jezika C nije bilo moguće definisati funkciju u okviru definicije druge funkcije, tj. sa dosegom nivoa bloka (te nema lokalnih funkcija), dok standard C99 uvodi i takvu mogućnost.

Navedimo primere različitog nivoa dosega:

```
int a;
/* a je globalna promenljiva - doseg nivoa datoteke */

/* f je globalna funkcija - doseg nivoa datoteke */
void f(int c) {
    /* c je lokalna promenljiva -
       doseg nivoa bloka (tela funkcije f) */
    int d;
    /* d je lokalna promenljiva -
       doseg nivoa bloka (tela funkcije f) */

    void g() { printf("zdravo"); }
    /* g je lokalna funkcija -
       doseg nivoa bloka (tela funkcije f) */

    for (d = 0; d < 3; d++) {
        int e;
        /* e je lokalna promenljiva -
           doseg nivoa bloka (tela petlje) */
        ...
    }
    kraj:
    /* labela kraj - doseg nivoa funkcije */
}

/* h je globalna funkcija - doseg nivoa datoteke */
void h(int b); /* b - doseg nivoa prototipa funkcije */
```

Jezik C dopušta tzv. konflikt identifikatora tj. moguće je da postoji više identifikatora istog imena, pri čemu su njihovi dosezi jedan u okviru drugog i tada identifikator u užoj oblasti dosega sakriva identifikator u široj oblasti dosega. Na primer, u narednom programu, promenljiva *a* inicijalizovana na vrednost 5 sakriva promenljivu *a* inicijalizovanu na vrednost 3.

```
void f() {  
    int a = 3, i;  
    for (i = 0; i < 4; i++) {  
        int a = 5;  
        printf("%d ", a);  
    }  
}
```

```
5 5 5 5
```

10.1.2 Životni vek

Životni vek (eng. *storage duration, lifetime*) promenljive je deo vremena izvršavanja programa u kojem se garantuje da je za tu promenljivu rezervisan deo memorije. U jeziku C postoje sledeće vrste životnog veka:

- *statički* (eng. *static*) životni vek koji znači da je objekat dostupan tokom celog izvršavanja programa;
- *automatski* (eng. *automatic*) životni vek koji najčešće imaju promenljive koje se automatski stvaraju i uklanjaju prilikom pozivanja funkcija;
- *dinamički* (eng. *dynamic*) životni vek koji imaju promenljive koje se alociraju i dealociraju na eksplicitan zahtev programera o čemu će biti više reči u glavi 12.

Životni vek nekog objekta se određuje na osnovu pozicije u kodu na kojoj je objekat uveden ili na osnovu eksplicitnog korišćenja nekog od kvalifikatora `auto` (automatski životni vek) ili `static` (statički životni vek). Lokalne promenljive podrazumevano imaju automatski životni vek (osim ako se na njih primeni kvalifikator `static`), dok globalne promenljive imaju statički životni vek.

10.1.3 Izvršno okruženje i organizacija memorije

Tekst u nastavku odnosi se, ako to nije drugačije naglašeno, na širok spektar platformi, pa su, zbog toga, načinjena i neka pojednostavljivanja.

Kada operativni sistem učita izvršni program, dodeljuje mu određenu memoriju i započinje njegovo izvršavanje. Dodeljena memorija organizovana je u nekoliko delova koje zovemo *segmenti* ili *zone*:

- *segment koda* (eng. *code segment ili text segment*);
- *segment podataka* (eng. *data segment*);
- *stek segment* (eng. *stack segment*);
- *hip segment* (eng. *heap segment*).

Segmentacija je određenoj vezi sa životnim vekom promenljivih: promenljive statičkog životnog veka se obično čuvaju u segmentu podataka, promenljive

automatskog životnog veka se obično čuvaju u stek segmentu, dok se promenljive dinamičkog životnog veka obično čuvaju u hip segmentu. U nastavku će biti opisana prva tri, dok će o hip segmentu biti više reči u glavi 12, posvećenoj dinamičkoj alokaciji memorije.

Segment koda

Fon Nojmanova arhitektura računara predviđa da se u memoriji čuvaju podaci i programi. Dok su ostala tri segmenta predviđena za čuvanje podataka, u segmentu koda se nalazi sâm izvršni kôd programa — njegov mašinski kôd koji uključuje sve korisnikove funkcije a može da uključuje i korišćene sistemske funkcije. Na nekim operativnim sistemima, ukoliko je pokrenuto više instanci istog programa, onda sve te instance dele isti prostor za izvršni kôd, tj. u memoriji postoji samo jedan primerak koda. U tom slučaju, za svaku instancu se, naravno, zasebno čuva informacija o tome do koje naredbe je stiglo izračunavanje.

Segment podataka

U segmentu podataka čuvaju se određene vrste promenljivih koje su zajedničke za ceo program (spoljašnje promenljive, kao i one koje imaju statički životni vek), kao i konstantne niske. Ukoliko se istovremeno izvršava više instanci istog programa, svaka instanca ima svoj zaseban segment podataka. Na primer, u programu

```
int a;
int main() {
    int b;
    static double c;
    printf("Zdravo\n");
}
```

u segmentu podataka će se nalaziti promenljive `a` i `c` kao i konstantna niska `"Zdravo\n"` (sa završnom nulom, a bez navodnika). Promenljiva `b` je lokalna automatska i ona će se čuvati u segmentu steka. Ukoliko se ista konstantna niska javlja na više mesta u programu, standard ne definiše da li će za nju postojati jedna ili više kopija u segmentu podataka.

Stek segment

U stek segmentu (koji se naziva i *programski stek poziva* (eng. *call stack*)) čuvaju se svi podaci koji karakterišu izvršavanje funkcija. Podaci koji odgovaraju jednoj funkciji (ili, preciznije, jednoj instance jedne funkcije — jer, na primer, jedna funkcija može da poziva samu sebe i da tako u jednom trenutku bude aktivno više njenih instanci) organizovani su u takozvani *stek okvir* (eng. *stack frame*). Stek okvir jedne instance funkcije obično, između ostalog, sadrži:

- argumente funkcije;
- lokalne promenljive (promenljive deklarisanе unutar funkcije);

- međurezultate izračunavanja;
- adresu povratka (koja ukazuje na to odakle treba nastaviti izvršavanje programa nakon povratka iz funkcije);
- adresu stek okvira funkcije pozivaoca.

U narednom primeru, promenljiva `a` je spoljašnja (tj. globalna) i tokom izvršavanja programa čuvaće se u segmentu podataka. Promenljive `b` i `c` su lokalne i čuvaće se u stek segmentu (konstantna niska "niska" se prilikom inicijalizacije kopira u prostor za `c`):

```
int a;

int main() {
    int b;
    char c[] = "niska";
    ...
}
```

Stek poziva je struktura tipa *LIFO* ("last in - first out")¹. To znači da se stek okvir može dodati samo na vrh steka i da se sa steka može ukloniti samo okvir koji je na vrhu. Stek okvir za instancu funkcije se kreira onda kada funkcija treba da se izvrši i taj stek okvir se oslobađa (preciznije, smatra se nepostojećim) onda kada se završi izvršavanje funkcije.

Izvršavanje programa počinje izvršavanjem funkcije `main`, te se prvi stek okvir kreira za ovu funkciju. Ako funkcija `main` poziva neku funkciju `f`, na vrhu steka, iznad stek okvira funkcije `main`, kreira se novi stek okvir za ovu funkciju (ilustrovano na slici 10.1). Ukoliko funkcija `f` poziva neku treću funkciju, onda će za nju biti kreiran stek okvir na novom vrhu steka. Kada se završi izvršavanje funkcije `f`, onda se vrh steka vraća na prethodno stanje i prostor koji je zauzimao stek okvir za `f` se smatra slobodnim (iako on neće biti zaista obrisan).

Opisana organizacija steka omogućava jednostavan mehanizam međusobnog pozivanja funkcija, kao i rekurzivnih poziva.

Predefinisana veličina steka `C` prevodioca se može promeniti zadavanjem odgovarajuće opcije.

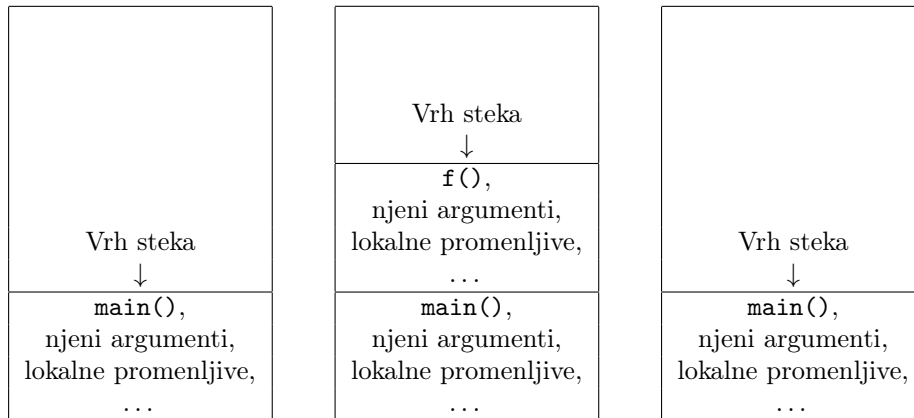
Navesti primer realizacije prenosa POD po vrednosti preko steka.

Ilustracija funkcionisanja izvršnog okruženja: rekurzija

Rekurzija je situacija u kojoj jedna funkcija poziva sebe samu direktno ili indirektno. Razmotrimo, kao primer, funkciju koja rekurzivno izračunava faktorijel:²

¹Ime *stack* je zajedničko ime za strukture podataka koje su okarakterisane ovim načinom pristupa.

²Vrednost faktorijela se, naravno, može izračunati i iterativno, bez korišćenja rekurzije.



Slika 10.1: Organizacija steka i ilustracija izvršavanja funkcije. Levo: tokom izvršavanja funkcije `main()`. Sredina: tokom izvršavanja funkcije `f()` neposredno pozvane iz funkcije `main()`. Desno: nakon povratka iz funkcije `f()` nazad u funkciju `main()`.

```
#include <stdio.h>

int faktorijel(int n) {
    if (n <= 0)
        return 1;
    else
        return n*faktorijel(n-1);
}

int main() {
    int n;
    while(scanf("%d",&n) == 1)
        printf("%d! = %d\n", n, faktorijel(n));
    return 0;
}
```

Ukoliko je funkcija `faktorijel` pozvana za argument 5, onda će na steku poziva da se formira isto toliko stek okvira, za pet nezavisnih instanci funkcije. U svakom stek okviru je drugačija vrednost argumenta `n`. No, iako u jednom trenutku ima 5 aktivnih instanci funkcije `faktorijel`, postoji i koristi se samo jedan primerak izvršnog koda ove funkcije (u kôd segmentu), a svaki stek okvir pamti za svoju instancu dokle je stiglo izvršavanje funkcije, tj. koja naredba u kôd segmentu tekuća.

Rekurzivna rešenja često su vremenski i memorijski zahtevna (jer često zauzimaju mnogo prostora na steku poziva), ali zato često daju kraći i razumljiviji izvorni kôd.

10.1.4 Vrste promenljivih

U ovom poglavlju razmotrićemo različite vrste objekata (promenljivih i funkcija) u C programima i diskutovaćemo njihov doseg, životni vek i oblast memorije u koju se smeštaju.

Lokalne automatske promenljive

Najčešće korišćene lokalne promenljive su promenljive deklarisanе u okviru bloka. Njihov doseg je nivoa bloka i one su dostupne od tačke deklaracije do kraja bloka. Lokalne promenljive nije moguće koristiti van bloka u kojem su deklarisanе. Ne postoji nikakva veza između promenljivih istog imena deklarisanih u različitim blokovima.

Lokalne promenljive su podrazumevano automatskog životnog veka (sem ako je na njih primenjen kvalifikator `static` ili kvalifikator `extern` — o čemu će biti reči u daljem tekstu). Iako je moguće i eksplicitno okarakterisati životni vek korišćenjem kvalifikatora `auto`, to se obično ne radi jer se za ovakve promenljive automatski životni vek podrazumeva. Početna vrednost lokalnih automatskih promenljivih nije određena.

Automatske promenljive „postoje” samo tokom izvršavanja funkcije u kojoj su deklarisanе i prostor za njih je rezervisan u stek okviru te funkcije. Ne postoji veza između promenljive jednog imena u različitim aktivnim instancama jedne funkcije (jer svaka instanca funkcije ima svoj stek okvir a u njemu prostor za promenljivu tog imena). Dakle, ukoliko se u jednu funkciju uđe rekurzivno, kreira se prostor za novu promenljivu, potpuno nezavisan od prostora za prethodnu promenljivu istog imena.

Formalni parametri funkcija, tj. promenljive koje prihvataju argumente funkcije imaju isti status kao i lokalne automatske promenljive.

Lokalne statičke promenljive

U deklaraciji lokalne promenljive može se primeniti kvalifikator `static` i u tom slučaju ona ima statički životni vek — kreira se na početku izvršavanja programa i oslobađaju prilikom završetka rada programa. Tako modifikovana promenljiva ne čuva se u stek okviru svoje funkcije, već u segmentu podataka. Ukoliko se vrednost statičke lokalne promenljive promeni tokom izvršavanja funkcije, ta vrednost ostaje sačuvana i za sledeći poziv te funkcije. Ukoliko inicijalna vrednost statičke promenljive nije navedena, podrazumeva se vrednost 0. Statičke promenljive se inicijalizuju samo jednom, konstantnim izrazom, na početku rada programa³. Doseg ovih promenljivih je i dalje doseg nivoa bloka tj. promenljive su i dalje lokalne.

³Obratiti pažnju da je ovo različito u odnosu na jezik C++ gde se inicijalizacija vrši prilikom prvog ulaska u blok u kojem je ovakva promenljiva definisana.

```
#include <stdio.h>

void f() {
    int a = 0;
    printf("f: %d ", a);
    a = a + 1;
}

void g() {
    static int a = 0;
    printf("g: %d ", a);
    a = a + 1;
}

int main() {
    f(); f();
    g(); g();
    return 0;
}
```

Kada se prevede i pokrene, prethodni program ispisuje:

```
f: 0 f: 0 g: 0 g: 1
```

Globalne statičke promenljive i funkcije

Globalne promenljive su promenljive deklarisanе van svih funkcija i njihov doseg je doseg nivoa datoteke što znači da su dostupne od tačke deklaracije do kraja izvorne datoteke. Globalne promenljive mogu da budu korišćene u svim funkcijama koje su u njihovom dosegu. Životni vek ovih promenljivih je statički, tj. prostor za ove promenljive ima trajanje izvršavanja programa: prostor za njih se rezerviše na početku izvršavanja programa i oslobađa onda kada se završi izvršavanje programa. Prostor za ove promenljive obezbeđuje se u segmentu podataka. Ovakve promenljive se podrazumevano inicijalizuju na vrednost 0 (ukoliko se ne izvrši eksplicitna inicijalizacija).

S obzirom na to da ovakve promenljive postoje sve vreme izvršavanja programa i na to da mogu da ih koriste više funkcija, one mogu da zamene prenos podataka između funkcija. Međutim, to treba činiti samo sa dobrim razlogom (na primer, ako najveći broj funkcija treba da koristi neku zajedničku promenljivu) jer, inače, program može postati nečitljiv i težak za održavanje.

Kao što je već rečeno, u ranim verzijama jezika C sve funkcije su globalne (ali standard C99 uvodi i lokalne funkcije). Doseg globalnih funkcija je doseg nivoa datoteke i proteže se od mesta deklaracije pa do kraja datoteke.

Globalno definisane promenljive i funkcije su spoljašnji objekti (kaže se da imaju spoljašnje *povezivanje* (*engl. linkage*)) i oni se, za razliku od lokalnih unutrašnjih objekata mogu povezati sa spoljašnjim objektima definisanim u nekoj drugoj jedinici prevođenja (datoteci). Sa ovim u vezi je i primena kvalifikatora

`static` na globalne objekte. O ovome će biti više reči u glavi 10.3 koje govori o programima koji se sastoje od više jedinica prevodenja i njihovom povezivanju.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 10.1.1. *Koje sve nivoe dosega identifikatora poznaje jezik C? Koja su dva najčešće korišćena? Kog nivoa je doseg lokalnih, a kog nivoa doseg globalnih promenljivih?*

Pitanje 10.1.2. *Koje sve vrste životnog veka poznaje jezik C? Koji životni vek imaju lokalne promenljive (ako na njih nije primenjen kvalifikator `static`)? Koji životni vek imaju globalne promenljive?*

Pitanje 10.1.3. *U kom segmentu memorije se čuva izvršni mašinski kôd programa? U kojim segmentima memorije se čuvaju podaci? Kakva je veza između životnog veka promenljivih i segmenata memorije u kojima se čuvaju? U kom segmentu memorije se čuvaju automatske promenljive, u kom statičke promenljive, a u kom dinamičke?*

Pitanje 10.1.4. *U kom segmentu memorije se čuvaju argumenti funkcija i kakav im je životni vek? U kom segmentu memorije se čuvaju mašinske instrukcije prevedenog C programa?*

Pitanje 10.1.5. *U kom segmentu memorije ima izmena prilikom primene funkcija, a nema prilikom primene makroa?*

Pitanje 10.1.6. *Za svaku promenljivu u narednom kodu reči koji joj je nivo dosega, kakav joj je životni vek u kom memorijskom segmentu je smeštena i kakva joj je inicijalna vrednost.*

```
int a;
int f() {
    double b; static float c;
}
```

Pitanje 10.1.7. *Navesti primer funkcije `f` u okviru koje je deklarisan lokalna statička promenljiva `a` i lokalna automatska promenljiva `b`. Koja je podrazumevana vrednost promenljive `a` a koja promenljive `b`?*

Pitanje 10.1.8. *Ukoliko je za neku lokalnu promenljivu naveden kvalifikator `static`, šta će biti sa njenom vrednošću nakon kraja izvršavanja funkcije u kojoj je deklarisan?*

Pitanje 10.1.9. *Šta ispisuju naredni programi:*

```
int i = 2;
int f() { static int i; return ++i; }
int g() { return ++i; }
int main() {
```

```

int i;
for(i=0; i<3; i++)
    printf("%d", f()+g());
}

int i=2;
void f() { static int i; i++; printf("%d",i); }
void g() { i++; printf("%d",i); }
void h() { int i = 0; i++; printf("%d",i); }
int main() {
    f(); g(); h(); f(); g(); h();
}

```

Pitanje 10.1.10. *Ukoliko je na globalnu promenljivu primenjen kvalifikator `static`, šta je njen doseg i koliki joj je životni vek?*

Pitanje 10.1.11. *Navesti barem tri vrste podataka koje se čuvaju u svakom stek okviru.*

Pitanje 10.1.12. *Ukoliko se na programskom steku istovremeno nađe više instanci neke funkcije `f`, kakva mora biti ta funkcija `f`?*

Pitanje 10.1.13. *Da li se za svaku instancu rekurzivne funkcije stvara novi stek okvir? Da li se za svaku instancu rekurzivne funkcije stvara nova kopija funkcije u kôd segmentu?*

Pitanje 10.1.14. *Da li se tokom izvršavanja programa menja sadržaj (a) segmenta koda? (b) segmenta podataka? (c) stek segmenta?*

Pitanje 10.1.15. *Razmotriti naredni kod:*

```

void f() {
    char* a = "Zdravo";
    char b[] = "Zdravo";
    ...
}

```

U kom segmentu memorije se nalazi promenljiva `a`? U kom segmentu memorije je ono na šta pokazuje promenljiva `a`? U kom segmentu memorije je ono na šta pokazuje promenljiva `b`?

10.2 Pretprocesor

Kada se od izvornog programa napisanog na jeziku C proizvodi program na mašinskom jeziku (izvršni program), pre samog prevodioca poziva se C pretprocesor. Pretprocesor ignoriše naredbe napisane u jeziku C i obrađuje samo takozvane pretprocesorske direktive (one se ne smatraju delom jezika C).

Suštinski, obrade koje vrši pretprocesor su jednostavne operacije nad tekstualnim sadržajem programa. Dve najčešće korišćene pretprocesorske direktive su `#include` (za uključivanje sadržaja neke druge datoteke) i `#define` koja zamjenjuje neki tekst drugim tekstom (tzv. makroi). Pretprocesor omogućava i definisanje makroa sa argumentima, kao i uslovno prevođenje.

Rezultat rada pretprocesora, može se dobiti korišćenje GCC prevodioca navođenjem opcije `-E` (na primer, `gcc -E program.c`).

10.2.1 Uključivanje datoteka zaglavlja

Veliki programi su obično podeljeni u više datoteka, radi preglednosti i lakšeg održavanja. U svakoj takvoj datoteci bi na početku mogli da budu navedeni prototipovi funkcija koje su u njoj definisane. Međutim, i funkcije iz drugih datoteka mogu da koriste funkcije iz te datoteke. Kako bi se pojednostavilo baratanje takvim funkcijama a i ubrzalo prevođenje, obično se samo prototipovi izdvajaju u zasebne datoteke koje se onda koriste gde god je potrebno. Takve datoteke zovu se *datoteke zaglavlja*. U datoteku koja se prevodi, sadržaj neke druge datoteke se uključuje direktivom `#include`. Linija oblika:

```
#include "ime_datoteke"
```

i linija oblika

```
#include <ime_datoteke>
```

zamenjuju se sadržajem datoteke `ime_datoteke`. U prvom slučaju, datoteka koja se uključuje traži se u okviru posebne skupa direktorijuma *include path* (koja se najčešće prevodiocu zadaje preko opcije `-I`) i koja obično podrazumevano sadrži direktorijum u kojem se nalazi datoteka u koju se vrši uključivanje. Ukoliko je ime, kao u drugom slučaju, navedeno između znakova `< i >`, datoteka se traži u sistemskom *include* direktorijumu u kojem se nalaze standardne datoteke zaglavlja, čija lokacija zavisi od sistema i od C prevodioca koji se koristi.

Tipično, uključuju se zaglavlja iz standardne biblioteke (na primer, `stdio.h`) ili datoteke koje sadrže deklaracije funkcija koje čine deo programa (a koji se sastoji od više datoteka). Time se, prvenstveno, omogućava prevođenje datoteke koja sadrži pozive drugih funkcija. Dodatno, time se olakšava modularizacija programa.

Ukoliko se promeni uključena datoteka, sve datoteke koje zavise od nje moraju biti iznova prevedene. Datoteka koja se uključuje i sama može sadržati direktive `#include`.

10.2.2 Makro zamene

Pretprocesorska direktiva `#define` omogućava zamenjivanje niza karaktera u datoteci drugim nizom karaktera pre samog prevođenja. Njen opšti oblik je:

```
#define originalni_tekst novi_tekst
```

U najjednostavnijem obliku, ova direktiva se koristi za zadavanje vrednosti nekom simboličkom imenu, na primer:

```
#define NAJVECA_DUZINA_IMENA 80
```

Ovakva definicija se koristi kako bi se izbeglo navođenje iste konstantne vrednosti na puno mesta u programu. Umesto toga, koristi se simboličko ime koje se može lako promeniti — izmenom na samo jednom mestu. U navedenom primeru, `NAJVECA_DUZINA_IMENA` je samo simboličko ime i nikako ga ne treba mešati sa promenljivom (čak ni sa promenljivom koja je `const`). Naime, za ime `NAJVECA_DUZINA_IMENA` se nigde ne rezerviše prostor, veće se svako njeno pojavljivanje, pre samog prevođenja zamenjuju zadatom vrednošću (u navedenom primeru — vrednošću 80).

Tekst zamene (`novi_tekst` u navedenom opštem obliku) je tekst do kraja reda, a moguće je da se prostire na više redova ako se navede simbol `\` na kraju svakog reda koji se nastavlja. Direktive zamene mogu da koriste definicije direktiva koje im prethode. Doseg primene direktive zamene je od mesta na kojem se nalazi do kraja datoteke ili do reda oblika:

```
#undef originalni_tekst
```

Zamene se ne vrše u okviru konstantnih niski niti u okviru drugih simboličkih imena. Na primer, gore navedena direktiva neće uticati na komandu

```
printf("NAJVECA_DUZINA_IMENA je 80");
```

niti na simboličko ime

```
NAJVECA_DUZINA_IMENA_ULICE.
```

Moguće je defisati i pravila zamene sa argumentima od kojih zavisi tekst zamene. Na primer, sledeća definicija

```
#define max(A, B) ((A) > (B) ? (A) : (B))
```

definiše tekst zamene za `max(A,B)` koji zavisi od argumenata. Ukoliko je u nastavku datoteke, u okviru neke naredbe navedno `max(2,3)`, to će, pre prevođenja, biti zamenjeno sa `((2) > (3) ? (2) : (3))`. Ukoliko je navedeno `max(x+2,3*y)`, to se zamenjuje sa `((x+2) > (3*y) ? (x+2) : (3*y))`. Naglasimo da `max(2,3)` (i slično) nije poziv funkcije i da nema nikakvog prenosa argumenata kao kod pozivanja funkcija. Postoje i druge razlike u odnosu na poziv funkcije. Na primer, ukoliko je negde u programu navedeno `max(a++, b++)`, na osnovu date definicije, ovaj tekst biće zamenjen tekstom

```
((a++) > (b++) ? (a++) : (b++)),
```

što će dovesti do toga da se veća od vrednosi `a` i `b` inkrementira dva puta (što možda nije planirano).

Važno je voditi računa i o zagradama u tekstu zamene, kako bi bio očuvan poredak primene operacija. Na primer, ukoliko se definicija

```
#define kvadrat(x) x*x
```

primeni na `kvadrat(a+2)`, tekst zamene će biti `a+2*a+2`, a ne `(a+2)*(a+2)`, kao što je verovatno željeno i, u tom slu vcaju bi trebalo koristiti:

```
#define kvadrat(x) (x)*(x)
```

Tekst zamene može da sadrži čitave blokove sa deklaracijama, kao u sledećem primeru:

```
#define swap(t, x, y) { t z; z=x; x=y; y=z; }
```

koji definiše zamenjivanje vrednosti dve promenljive tipa `t`. Celobrojnim promenljivama `a` i `b` se, zahvaljujući ovom makrou, mogu razmeniti vrednosti sa `swap(int, a, b)`.

Ukoliko se ispred imena parametra stavi `#` u okviru teksta kojim se zamenjuje, kombinacija će biti zamenjena vrednošću parametara navedenom u okviru dvostrukih navodnika. Ovo može da se kombinuje sa nadovezivanjem niski. Na primer, naredni makro može da posluži za otkrivanje grešaka:

```
#define dprint(expr) printf(#expr " = %g\n", expr)
```

Tekst

```
dprint(x/y);
```

u okviru programa će biti zamenjen sa:

```
printf("x/y " = %g\n", x/y);
```

Pošto se niske automatski nadovezuju, efekat je isti kao:

```
printf("x/y = %g\n", x/y);
```

Česta je potreba da se prilikom pretprocesiranja dve niske nadovežu kako bi se izgradio složeni identifikator. Ovo se postiže pretprocesorskim operatorom `##`. Na primer,

```
#define dodaj_u_niz(ime, element) \
    niz_##ime[brojac_##ime++] = element
```

Poziv

```
dodaj_u_niz(a, 3);
```

se tada zamenjuje naredbom

```
niz_a[brojac_a++] = 3;
```

Makroi i definicije funkcija mogu izgledati slično, ali se suštinski razlikuju. Kod makroa nema provere tipova argumenata niti implicitnih konverzija što može da dovodi do grešaka u kompilaciji ili do neočekivanog rada programa. Argument makroa u zamenjenoj verziji može biti naveden više puta što može da utiče na izvršavanje programa, a izostavljanje zagrada u tekstu zamene može da utiče na redosled izračunavanja operacija. S druge strane, kod poziva makroa nema prenosa argumenata te se oni izvršavaju brže nego odgovarajuće funkcije. Sve u svemu, makro zamene sa argumentima imaju i dobre loše i svoje loše strane i treba ih koristiti oprezno.

O konverzijama se govori tek kasnije

Mnoge standardne „funkcije” za ulaz i izlaz su u C standardnoj biblioteci su zapravo makroi (na primer, `getchar` koji koristi funkciju `getc`, `printf` koji koristi funkciju `fprintf`, itd.).

10.2.3 Uslovno prevođenje

Pretprocesorskim direktivama je moguće isključiti delove koda iz procesa prevođenja, u zavisnosti od vrednosti uslova koji se računa u fazi pretprocesiranja. Direktiva `#if` izračunava vrednost konstantnog celobrojnog izraza (koji

može, na primer, da sadrži konstante i simbolička imena definisana direktivom `#define`). Ukoliko je dobijena vrednost jednaka nuli, onda se ignorišu (ne prevode) sve linije programa do direktive `#endif` (ili direktive `#else` ili direktive `#elif` koja ima značenje kao `else-if`). U okviru argumenta direktive `#if`, može se koristiti izraz `defined(ime)` koji ima vrednost 1 ako je simboličko ime `ime` definisano nekom prethodnom direktivno, a 0 inače. Kraći zapis za `#if defined(ime)` je `#ifdef ime`, a kraći zapis za `#if !defined(ime)` je `#ifndef ime`. Na primer, sledeći program:

Program 10.1.

```
#define SRPSKI
#include <stdio.h>

int main()
{
    #ifndef SRPSKI
        printf("Zdravo, svete");
    #else
        printf("Hello, world");
    #endif
    return 0;
}
```

ispisuje tekst na srpskom jeziku, a izostavljanjem direktive iz prvog reda ispisivao bi tekst na engleskom jeziku. Naglasimo da ovo grananje nije isto kao grananje koje koristi C naredbu `if`. Naime, u navedenom primeru *prevodi se samo jedna od dve* verzije programa i dobijeni izvršni program nema nikakvu informaciju o drugoj verziji. Za razliku od toga, kada se koristi grananje koje koristi C jezik (a ne pretprocesor), program sadrži kôd za sve moguće grane.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 10.2.1.

1. Čemu služi direktiva `#include`?
2. Gde se traži datoteka `filename` ako se uključi pretprocesorskom direktivom `#include "filename"`, a gde ako se uključi direktivom `#include <filename>`? Kada se obično koristi direktiva `#include "filename"`, a kada direktiva `#include <filename>` ?

Pitanje 10.2.2.

1. Dokle važi dejstvo pretprocesorske direktive `#define MAX_NAME_LEN 80`?
2. Kako se poništava dejstvo pretprocesorske direktive `#define MAX_NAME_LEN 80`?

3. Kako se od neke tačke u programu poništava dejstvo pretprocesorske direktive `#define x(y) y*y+y`?

Pitanje 10.2.3.

1. Kako se može proveriti da li je makro zamena definisana u trenutnoj jedinici prevođenja?
2. Kako se obično obezbeđuje da nema višestrukog uključivanja neke datoteke?

Pitanje 10.2.4. Objasniti razliku između makroa i funkcija. Čega nema kod pozivanja makroa, a ima kod funkcija?

Pitanje 10.2.5. Kojoj operaciji u teksualnom editoru je sličan efekat direktive `#define`, a kojoj efekat direktive `#include`?

Pitanje 10.2.6. Kojim parametrom se `gcc` navodi da izvrši samo pretprocesiranje i prikaže rezultat faze pretprocesiranja?

Pitanje 10.2.7.

Za svaki od programa koji slede, navesti šta je rezultat pretprocesiranja programa i šta se ispisuje kada se program prevede i izvrši.

1.

```
#include <stdio.h>
#define x(y) y*y+y
int main() { printf("%d", x(3 + 5)); /* ispis */ }
```
2.

```
#include <stdio.h>
#define A(x,y) (x > 2) ? x*y : x-y
int main() { printf("%d %d", A(4,3+2), A(4,3*2)); }
```
3.

```
#include <stdio.h>
#define A(x,y) (y>=0) ? x+y : x-y
int main() {
    if (b<=0) c = A(a+b,b); else c = A(a-b,b);
    printf("%d\n", c);
}
```
4.

```
#include <stdio.h>
#define proizvod(x,y) x*y
int main() { printf("%d\n", proizvod(2*3+4, 2+4*5)); }
```
5.

```
#include <stdio.h>
#define A(x,y) (x > 2) ? x*y : x-y
int main() { printf("%d %d\n", A(4,3+2), A(4,3*2)); }
```

Pitanje 10.2.8.

1. Navesti primer poziva makroa kvadrat za koji pri definiciji `#define kvadrat(x) x*x` daje pogrešan rezultat dok pri definiciji `#define kvadrat(x) ((x)*(x))` daje ispravan rezultat.

2. Navesti primer poziva makroa dvostruko za koji pri definiciji

```
#define dvostruko(x) (x)+(x) daje pogrešan rezultat dok pri definiciji
```

```
#define dvostruko(x) ((x)+(x)) daje ispravan rezultat.
```

Pitanje 10.2.9. Napisati makro za:

1. izračunavanje ostatka pri deljenju prvog argumenta drugim,
2. izračunavanje trećeg stepena nekog broja,
3. izračunavanje maksimuma dva broja,
4. izračunavanje maksimuma tri broja,
5. izračunavanje apsolutne vrednosti broja,

10.3 Programi koji se sastoje od više jedinica prevođenja

C program predstavlja kolekciju spoljašnjih (globalnih) objekata (promenljivih i funkcija) koji mogu biti zadati u više *jedinica prevođenja* (eng. *compilation units*). Iako se pod jedinicom prevođenja najčešće podrazumeva datoteka, ovo može biti donekle neprecizno. Naime, korišćenjem C pretprocesora moguće je da se više datoteka sastavi u jedinstvenu jedinicu prevođenja. U slučaju da je izvorni program sačinjen od nekoliko jedinica prevođenja, koje se kompiliraju nezavisno u tzv. *objektne module* (eng. *object module*), a tek *povezivač* (eng. *linker*) dobijene objektne module povezuje u jedan izvršni program. Pri tom, obično se prilikom povezivanja koriste i funkcije standardne biblioteke koje se čuvaju u zasebnim, unapred prevedenim objektnim modulima.

10.3.1 Primer kreiranja i korišćenja korisničke biblioteke

Razmotrimo primer programa koji proverava da li su u liniji teksta koja se unosi sa standardnog ulaza dobro uparene zagrade (`()`, `[]` i `{}`). Prvi način da se ovo uradi je da se celokupan kôd programa smesti u jednu datoteku (na primer `brackets.c`).

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define MAX 100

int stack[MAX];
int sp = 0;

void push(int x) {
    stack[sp++] = x;
}

int pop() {
    return stack[--sp];
}

int empty() {
    return sp == 0;
}

#define ROUND    0
#define SQUARE   1
#define CURLY    2

int bracket_type(char c) {
    if (c == '(' || c == ')') return ROUND;
    if (c == '[' || c == ']') return SQUARE;
    if (c == '{' || c == '}') return CURLY;
}

int main() {
    int c;
    while((c = getchar()) != '\n')
        if (c == '(' || c == '[' || c == '{')
            push(bracket_type(c));
        else if (c == ')' || c == ']' || c == '}')
            if (pop() != bracket_type(c)) {
                printf("Error\n"); exit(1);
            }

    printf(empty() ? "OK\n" : "ERROR\n");
    return 0;
}
```

Ukoliko se program sastoji samo od jedne jedinice prevođenja (datoteke), običaj je da se ta datoteka prevede i odmah poveže sa C standardnom bibliote-

kom kako bi se dobio izvršni program. U slučaju da se koristi GCC kompilator, to bi se postiglo sa

```
gcc -o brackets brackets.c
```

Međutim, moguće je razdvojiti ova dva koraka i prvo prevesti jedinicu prevođenja i eksplicitno napraviti objektni modul (u ovom slučaju bi se zvalo `brackets.o`), a tek zatim ovako napravljeni objektni modul povezati sa funkcijama standardne biblioteke jezika C i dobiti izvršni programa. U slučaju da se koristi GCC, to bi se postiglo sa

```
gcc -c brackets.c  
gcc -o brackets brackets.o
```

Parametar `-c` govori sistemu GCC da ne bi trebalo da vrši povezivanje već da je potrebno da stane sa radom nakon kompilacije i da rezultat eksplicitno skladišti u objektni modul. Drugi poziv zatim vrši povezivanje objektnog modula sa funkcijama standardne biblioteke i gradi izvršni program.

Ukoliko se u prikazanom primeru bolje pogleda struktura koda, razaznaju se dve logički razdvojene celine. Prvi deo datoteke definiše implementaciju strukture podataka stek korišćenjem niza, dok drugi deo koda koristi ovu strukturu podataka kako bi reši problem ispitivanja uparenosti zagrada. Poželjno je ove dve logičke celine razdvojiti u dve zasebne jedinice prevođenja. Ovim bi se dobila mogućnost korišćenja implementacije strukture podataka steka i u drugim programima.

Datoteka `stack.c` bi tada imala sledeći sadržaj.

```
#define MAX 100  
  
int stack[MAX];  
int sp = 0;  
  
void push(int x) {  
    a[sp++] = x;  
}  
  
int pop() {  
    return a[--sp];  
}  
  
int empty() {  
    return sp == 0;  
}
```

Datoteka `brackets.c` bi tada imala sledeći sadržaj.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define ROUND 0
#define SQUARE 1
#define CURLY 2

int bracket_type(char c) {
    if (c == '(' || c == ')') return ROUND;
    if (c == '[' || c == ']') return SQUARE;
    if (c == '{' || c == '}') return CURLY;
}

int main() {
    int c;
    while((c = getchar()) != '\n')
        if (c == '(' || c == '[' || c == '{')
            push(bracket_type(c));
        else if (c == ')' || c == ']' || c == '}')
            if (pop() != bracket_type(c)) {
                printf("Error\n"); exit(1);
            }

    printf(empty() ? "OK\n" : "Error\n");
    return 0;
}
```

Prevođenje se u svakom slučaju vrši nezavisno, pri čemu je moguće pokrenuti prevođenje obe datoteke istovremeno sa:

```
gcc -o brackets brackets.c stack.c
```

Ipak, bolje rešenje u ovom slučaju je eksplicitno kreiranje objektnih modula.

```
gcc -c brackets.c
gcc -c stack.c
gcc -o brackets brackets.o stack.o
```

Naime, u slučaju da se promeni neka od dve izvorne datoteke, potrebno je ponoviti samo njeno prevođenje i povezivanje, dok se druga ne mora iznova prevoditi. Alat koji značajno može pomoći u ovakvim zadacima je `make` o kojem će biti reči u nastavku.

Naizgled bi se moglo pomisliti da bi umesto korišćenja dve jedinice prevođenja, dve datoteke mogle biti spojene korišćenjem pretrocesora tako što bi se datoteka `stack.c` uključila u datoteku `brackets.c` sa:

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include "stack.c"

#define ROUND 0
...
```

Međutim, ovo rešenje je višestruko loše i suštinski se ne razlikuje od polazne varijante sa jednom datotekom. Naime, prilikom svakog prevođenja programa, kod iz obe datoteke biva prevođen. U slučaju komplikovanijih programa, moguće je da bi postojala potreba da se struktura podataka stek koristi u više različitih jedinica prevođenja, a na ovaj način bi se definicije promenljivih funkcija uključile na dva mesta što bi svakako dovelo do konflikta i nemogućnosti ispravnog povezivanja i izgradnje izvršnog programa. Generalno, poželjno je poštovati pravilo da se definicije funkcija i promenljivih smeštaju u .c datoteke koje nikako ne bi trebalo uključivati korišćenjem pretprocesorske `#include` direktive. Ova direktiva bi trebalo da se koristi isključivo za uključivanje deklaracija koje se obično smeštaju u .h datoteke.

Dalje, loša stvar u konkretnom primeru je činjenica da se prilikom prevođenja datoteke `brackets.c` apsolutno ništa ne zna o funkcijama za rad sa stekom, te se prilikom nailaska na pozive ovih funkcija ne vrši nikakva provera korektnosti argumenata niti bilo kakve implicitne konverzije. Rešenje ovog problema je umećanje prototipova funkcija za rad sa stekom na početak datoteke `brackets.c`.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

void push(int x);
int pop();
int empty();

#define ROUND 0
...
```

Međutim, ovo može biti naporno i podložno greškama, tako da je mnogo bolje rešenje da se ove deklaracije grupišu u zasebnu datoteku zaglavlje `stack.h`, a zatim da se ta datoteka uključi u datoteku `brackets.c`. Dobar je običaj da se prototipovi uključe i u datoteku koja sadrži definicije funkcija (kako bi kompilator proverio da je sve konzistentno).

Datoteka `stack.h`

```
void push(int x);
int pop();
int empty();
```

Datoteka `brackets.c`

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include "stack.h"

#define ROUND 0
...
```

Datoteka `stack.c`

```
#include "stack.h"

#define MAX 100
...
```

Time par datoteka `stack.c` i `stack.h` postaje biblioteka koja stoji na raspolaganju korisnicima. Ukoliko se ne želi distribuiranje izvornog koda, biblioteka može da se isporuči u prevedenom obliku `stack.o`, sa pratećim deklaracijama u `stack.h`. Često se grupa prevedenih objektnih modula arhivira u tzv. bibliotečke arhive (obično sa ekstenzijom `.a` ili `.lib`) koje se onda distribuiraju zajedno sa datotekama zaglavlja `.h`.

U nekim slučajevima, u datoteci zaglavlja se pored prototipova nalaze i neke definicije (najčešće struktura, a ponekad i funkcija i promenljivih). U slučaju da se greškom datoteka zaglavlje više puta uključi u neku jedinicu prevođenja (što se često događa preko posrednog uključivanja), desilo bi se da neka jedinica prevođenja sadrži višestruko ponavljanje nekih definicija što predstavlja grešku prilikom kompilacije. Rešenje dolazi uz pomoć pretprocesora i uslovno prevođenja. Kako bi se sprečilo višestruko uključivanje, svaka datoteka zaglavlja u tom slučaju treba da ima sledeći opšti oblik:

```
#ifndef IME
#define IME
...
#endif
```

gde je tekst `IME` karakteristican za tu datoteku (na primer — njeno ime obogaćeno nekim specijalnim simbolima). Prilikom prvog uključivanja ove datoteke, definiše se simboličko ime `IME` i zbog toga naredna uključivanja (iz iste datoteke) ignorišu celokupan njen sadržaj. Ovaj mehanizam olakšava održavanje datoteka zaglavlja.

Tako bi datoteka `stack.h` trebalo da ima sadržaj:

```
#ifndef __STACK_H__
#define __STACK_H__
void push(int x);
int pop();
int empty();
#endif
```

10.3.2 Povezivanje

U ovom poglavlju će biti reči o vrstama *povezivanja promenljivih* (eng. *linkage of identifiers*) i funkcije koje određuje međusobni odnos između promenljivih i funkcija definisanih u različitim jedinicama prevođenja. Ključna pitanja koji moraju da se razreše prilikom povezivanja je da li je i kako moguće koristiti objekte (promenljive i funkcije) definisane u okviru jedne jedinice prevođenja u okviru neke druge jedinice prevođenja.

Jezik C razlikuje identifikatore *bez povezivanja*, identifikatore sa *spoljašnjim povezivanjem* (eng. *external linkage*) i identifikatore sa *unutrašnjim povezivanjem*. Naglasimo da ne bi trebalo mešati termine spoljašnjeg i unutrašnjeg doseg sa spoljašnjim i unutrašnjim povezivanjem (otuda korišćenje alternativnih termina globalni i lokalni za doseg) — ovi koncepti su nezavisni i povezivanje (i unutrašnje i spoljašnje) se najčešće odnosi isključivo na globalne objekte (tj. spoljašnjeg doseg).

Identifikatori bez povezivanja nisu vidljivi prilikom procesa povezivanja i mogu da se ponavljaju u različitim jedinicama prevođenja. Svaka deklaracija identifikatora bez povezivanja određuje jedinstveni nezavisni objekat. Lokalni objekti najčešće su objekti bez povezivanja.

Sve deklaracije identifikatora sa spoljašnjim povezivanjem u skupu jedinica prevođenja određuju jedinstveni objekat, tj. sve pojave ovakvog identifikatora u različitim jedinicama prevođenja se odnose na jedan isti objekat.

Sve deklaracije identifikatora sa unutrašnjim povezivanjem u okviru jedne jedinice prevođenja se odnose na isti objekat. Identifikatori sa unutrašnjim povezivanjem se ne mogu koristiti kroz različite jedinice prevođenja.

Unutrašnje povezivanje i kvalifikator `static`

Osnovna uloga unutrašnjeg povezivanja je obično u tome da neki deo koda učini zatvorenim, u smislu da je nemoguće menjanje nekih njegovih globalnih (spoljašnjih) promenljivih ili pozivanje nekih njegovih funkcija iz drugih datoteka. Time se taj deo koda „enkapsulira“ i čini dostupnim samo kroz preostale tačke komunikacije (preostale spoljašnje promenljive i preostale funkcije). Ovim autor koda ne želi da onemogući druge autore da koriste deo njegovog koda, već pre da im pomogne da jasnije vide način njegovog korišćenja (ali naravno i da onemogući nehotećne greške). Ukoliko se u nekoj drugoj datoteci deklarira globalna (spoljašnja) promenljiva ili funkcija istog imena, to ne dovodi do konflikta i greške u prevođenju.

Kako bi se naglasilo da neki globalni objekat ima unutrašnje povezivanje, neophodno je korišćenje kvalifikatora `static`. Kvalifikator `static` u programskom jeziku C ima dvojak ulogu i različito dejstvo kada se primenjuje na lokalne promenljive i kada se primenjuje na globalne promenljive ili funkcije. Već je navedeno da se u slučaju lokalni promenljivih ovaj kvalifikator koristi kako bi se naglasilo da promenljiva treba da ima statički životni vek. Međutim, u slučaju da se koristi uz globalnu promenljivu ili funkciju, uloga kvalifikatora `static` je da naglasi da ta globalna promenljiva ili funkcija ima unutrašnje povezi-

nje. Drugim rečima, kvalifikator `static` onemogućava korišćenje promenljive ili funkcije iz drugih datoteka koje čine program.

U ranije navedenom primeru, poželjno je zabraniti korisnicima biblioteke direktan pristup promenljivim `sp` i `a`.

```
static int stack[MAX];  
static int sp = 0;
```

Ovim se povezivanje ovih imena ograničava na datoteku `stack.c` i u slučaju da se u nekoj drugoj jedinici prevođenja nađu globalne promenljive sa istim imenom, smatra se da one predstavljaju potpuno nezavisne objekte.

Spoljašnje povezivanje i kvalifikator `extern`

Kvalifikator `extern` je u tesnoj vezi sa spoljašnjim povezivanjem i koristi se kod programa koji se sastoje iz više jedinica prevođenja. Za razliku od funkcija, gde smo jasno razlikovali deklaraciju (kojom se kompilator samo obaveštava o postojanju funkcije datog imena i o njenim tipovima), od definicije (kojom se kompilatoru saopštava celokupan kôd funkcije), u slučaju promenljivih, takva distinkcija nije rađena. Svaka deklaracija promenljive je obezbeđivala i određeni prostor za promenljivu. U slučaju spoljašnjeg povezivanja, potrebno je da se isti identifikator koristi za isti objekat u okviru više jedinica prevođenja. Kada bi se koristili do sada prikazani načini deklarisanja promenljivih, prilikom prevođenja svake jedinice, bile bi kreirane pojedinačne instance odgovarajućeg objekta i prilikom povezivanja bi došlo do prijavljivanja greške. Umesto ovoga, koristi se `extern` kvalifikator kojim se promenljiva deklarise i uvodi se njen doseg, ali se naglašava njeno spoljašnje povezivanje i ne obezbeđuje se poseban prostor za nju, već se samo govori da je takva promenljiva (promenljiva tog tipa i imena) definisana negde drugde (u nastavku datoteke ili u nekoj drugoj datoteci). U okviru programa, može da postoji samo jedna prava definicija promenljive (i postoji samo jedna takva promenljiva — koja se čuva u segmentu podataka), dok može da postoji više (na primer, u svakoj jedinici prevođenja programa koja je koristi) `extern` deklaracija. Inicijalizacija promenljive moguća je samo u okviru prave deklaracije (a ne i u okviru `extern` deklaracije). Za niz u `extern` deklaraciji nije potrebno navoditi dimenziju.

Za funkcije se podrazumeva spoljašnje povezivanje i uz deklaracije funkcije nema potrebe eksplicitno navoditi kvalifikator `extern`.

Kako bismo ilustrovali spoljašnje povezivanje i kvalifikator `extern`, razmotrimo alternativnu varijantu, u kojoj želimo da korisniku biblioteke za rad sa stekovima omogućimo direktan pristup nizu `stack` i promenljivoj `sp`. Premeštanje definicija ovih objekata u datoteku `stack.h` nije rešenje. Naime, iako prevođenje obe jedinice prolazi bez problema, prilikom povezivanja javlja se sledeća greška:

```
stack.o:(.bss+0x0): multiple definition of 'sp'  
brackets.o:(.bss+0x0): first defined here  
collect2: ld returned 1 exit status
```

Naime, primećeno je da u dva različita objektna modula (`stack.o` i `brackets.o`)

postoji definicija promenljive `sp`, pri čemu ta promenljiva ima spoljašnje povezivanje, što nije dopušteno.

Rešenje zahteva korišćenje kvalifikatora `extern`. Naime, definicije niza `stack` i promenljive `sp` mogu da ostanu u okviru datoteke `stack.c`, bez navođenja bilo kakvog kvalifikatora. Pri tom, poželjno je obezbediti da se u okviru datoteke `brackets.c` nađe `extern` deklaracija ovih objekata. Ovo je najbolje uraditi tako što se ove deklaracije smeste u u zaglavlje `stack.h`.

```
#ifndef __STACK_H__
#define __STACK_H__
extern int sp;
extern int stack[];
void push(int x);
int pop();
int empty();
#endif
```

Ovo je zadovoljavajuće rešenje.

Napomenimo, još da, u slučaju da u datoteci `stack.c` nije postojala prava definicija objekta, bila prijavljena greška prilikom povezivanja.

```
stack.o: In function 'push':
stack.c(.text+0xe): undefined reference to 'stack'
stack.o: In function 'pop':
stack.c(.text+0x34): undefined reference to 'stack'
collect2: ld returned 1 exit status
```

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 10.3.1. *Kako se zove faza prevoenja programa u kojoj se od objektnih modula kreira izvršni program?*

Pitanje 10.3.2. *Prilikom generisanja izvršne verzije programa napisanog na jeziku C, koja faza prethodi, a koja sledi nakon faze kompilacije?*

Pitanje 10.3.3. *Kako se korišćenjem GCC kompilatora može zasebno prevesti datoteka `prva.c`, zatim zasebno prevesti datoteka `druga.c` i na kraju povezati sve u program pod imenom `program`?*

Pitanje 10.3.4. *Ako je za neku spoljašnju promenljivu navedeno da je `static` a za istu tu promenljivu u nekoj drugoj datoteci navedeno da je `extern`, u kojoj fazi prevođenja te dve datoteke će biti prijavljena greška?*

Pitanje 10.3.5. *Da li je naredna deklaracija ispravna i koliko bajtova je njome alocirano:*

1. `int a[] = {1, 2, 3};`
2. `extern int a[];`
3. `extern int a[] = {1, 2, 3};`

Glava 11

Pokazivači

U ovoj glavi će biti reči o pokazivačkim tipovima podataka i o njihovom korišćenju. U jeziku C, pokazivači imaju veoma značajnu ulogu i teško je napisati iole kompleksniji program bez upotrebe pokazivača.

11.1 Pokazivači i adrese

Memorija računara organizovana je u niz uzastopnih bajtova. Uzastopni bajtovi mogu se tretirati kao jedinstven podatak. Na primer, dva (ili četiri, u zavisnosti od sistema) uzastopna bajta mogu se tretirati kao jedinstven podatak celobrojnog tipa.

Pokazivači predstavljaju tip podataka u C-u takav da su vrednosti ovog tipa memorijske adrese. U zavisnosti od sistema, adrese obično zauzimaju četiri bajta (ranije dva, a novije vreme i osam). Pokazivačke promenljive (promenljive pokazivačkog tipa) su promenljive koje sadrže memorijske adrese. Iako su pokazivačke vrednosti (adrese) u suštini celi brojevi, pokazivački tipovi se striktno razlikuju od celobrojnih. Takođe, jezik C razlikuje više pokazivačkih tipova i tip pokazivača se određuje na osnovu tipa podataka na koji pokazuje. Pokazivači implicitno čuvaju informaciju o tipu onoga na šta ukazuju¹. Ipak, informacija o tipu (kao i za sve osnovne tipove) se ne čuva tokom izvršavanja programa — tu informaciju iskoristi kompilator tokom kompilacije i u mašinskom kodu koristi instrukcije koje odgovaraju konkretnim tipovima. Dakle, tokom izvršavanja programa, pokazivačka promenljiva zauzima samo onoliko bajtova koliko zauzima podatak o adresi.

Tip pokazivača koji ukazuje na podatak tipa `int` zapisuje se `int *`. Slično važi i za druge tipove. Prilikom deklaracije, nije bitno da li postoji razmak između zvezdice i tipa ili zvezdice i identifikatora i kako god da je napisano, zvezdica se vezuje uz identifikator, što je čest izvor grešaka. U narednom primeru, `p1`, `p2` i `p3` su pokazivači koji ukazuju na `int` dok je `p4` tipa `int`:

¹Sa izuzetkom pokazivača tipa `void` koji nema informaciju o tipu podataka na koji ukazuje. O tome će biti reči u nastavku.

```
int *p1;
int* p2;
int* p3, p4;
```

Kako bi pokazivačke promenljive sadržale adrese nekih smislenih podataka, raspoloživa je mogućnost određivanja adresa objekata. Unarni operator & (koji zovemo „operator referenciranja“ ili „adresni operator“) vraća adresu svog operanda. On može biti primenjen samo na promenljive i elemente niza, a ne i na izraze ili konstante. Na primer, ukoliko je naredni kôd deo neke funkcije

```
int a=10, *p;
p = &a;
```

onda se prilikom izvršavanja te funkcije, za promenljive a i p rezerviše prostor u njenom stek okviru. U prostor za a se upisuje vrednost 10, a u prostor za p adresa promenljive a. Za promenljivu p tada kažemo da „pokazuje“ na a.

Unarni operator * (koji zovemo „operator dereferenciranja“²) se primenjuje na pokazivačku promenljivu i vraća sadržaj lokacije na koju ta promenljiva pokazuje, vodeći računa o tipu. Dereferencirani pokazivač može biti l-vrednost i u tom slučaju izmene dereferenciranog pokazivača utiču neposredno na prostor na koji se ukazuje. Na primer, nakon kôda

```
int a=10, *p;
p = &a;
*p = 5;
```

promenljiva p ukazuje na a, a u lokaciju na koju ukazuje p je upisana vrednost 5. Time je i vrednost promenljive a postala 5.

Dereferencirani pokazivač nekog tipa, može se pojaviti u bilo kom kontekstu u kojem se može pojaviti podatak tog tipa. Na primer, u datom primeru ispravna bi bila i naredba `*p = *p+a+3`.

Kao što je već rečeno, pokazivački i celobrojni tipovi su različiti. Tako je, na primer, ako je data deklaracija `int *pa, a;`, naredni kôd neispravan: `pa = a;`. Takođe, neispravno je i `a = pa;`, kao i `pa = 1234`. Moguće je koristiti eksplisitne konverzije (na primer `a = (int)pa;` ili `pa = (int*)a;`), ali ovo treba veoma oprezno koristiti i isključivo sa jasnim ciljem (koji ne može da se pogodno ostvari drugačije). Jedini izuzetak je vrednost 0 koja se može tumačiti i kao ceo broj i kao pokazivač. Tako je moguće dodeliti nulu pokazivačkoj promenljivoj i porediti pokazivač sa nulom. Simbolička konstanta NULL se često koristi umesto nule, kao jasniji pokazatelj da je u pitanju specijalna pokazivačka vrednost. Vrednost NULL je definisana u zaglavlju `<stdio.h>` i ubuduće ćemo uvek koristiti NULL kao vrednost za pokazivač koji ne pokazuje ni na šta smisleno. Pokazivač koji ima vrednost NULL nije moguće dereferencirati. Pokušaj dereferenciranja dovodi do greške tokom izvršavanja programa (najčešće „segmentation fault“).

Generički pokazivački tip (void*). U nekim slučajevima, poželjno je imati mogućnost „opšteg“ pokazivača, tj. pokazivača koji može da ukazuje na promen-

²Simbol * koristi i za označavanje pokazivačkih tipova i za operator dereferenciranja i treba razlikovati ove njegove dve različite uloge.

ljive različitih tipova. Za to se koristi tip `void*`. Izraze ovog tipa je moguće eksplicitno konvertovati u bilo koji konkretni pokazivački tip (čak se u C-u, za razliku od C++-a, vrši i implicitna konverzija prilikom dodele). Naravno, nije moguće vršiti dereferenciranje pokazivača tipa `void*` jer nije moguće odrediti tip takvog izraza kao ni broj bajtova u memoriji koji predstavlja njegovu vrednost.

11.2 Pokazivači i argumenti funkcija

U jeziku C argumenti funkcija se uvek prenose po vrednosti³) To znači da promenljiva koja je upotrebljena kao argument funkcije ostaje nepromenjena nakon poziva funkcije. Na primer, ako je data sledeća funkcija

```
void swap(int a, int b) {
    int tmp = a;
    a = b;
    b = tmp;
}
```

ukoliko je ona pozvana iz neke druge funkcije na sledeći način: `swap(x, y)` (pri čemu su `x` i `y` promenljive tipa `int`), onda se kreira stek okvir za `swap`, obezbeđuje se prostor za argumente `a` i `b`, vrednosti `x` i `y` se *kopiraju* u taj prostor i funkcija se izvršava koristeći samo te kopije. Nakon povratka iz funkcije, vrednosti `x` i `y` ostaju nepromenjene.

Ukoliko se želi da funkcija `swap` zaista zameni vrednosti argumentima, ona mora biti definisana drugačije:

```
void swap(int *pa, int *pb) {
    int tmp = *pa;
    *pa = *pb;
    *pb = tmp;
}
```

Zbog drugačijeg tipa argumenata, funkcija `swap` više ne može biti pozvana na isti način kao ranije — `swap(x, y)`. Njeni argumenti nisu tipa `int` već su pokazivačkog tipa `int *`. Zato se kao argumenti ne mogu poslati vrednosti `x` i `y` već njihove adrese — `&x` i `&y`. Nakon poziva `swap(&x, &y)`, kreira se stek okvir za `swap`, obezbeđuje se prostor za argumente pokazivačkog tipa `pa` i `pb` i zatim se vrednosti `&x` i `&y` *kopiraju* u taj prostor. Primetimo da se time prenos argumenata vrši *po vrednosti*, kao i uvek. Funkcija se izvršava koristeći samo kopije pokazivača, ali zahvaljujući njima ona zaista pristupa promenljivama `x` i `y` i razmenjuje im vrednosti. Nakon povratka iz funkcije, vrednosti `x` i `y` su razmenjene.

Na ovaj način, prenošenjem adrese promenljive, moguće je njeno menjanje u okviru funkcije. Isti taj mehanizam koristi se i u funkciji `scanf` koja je već korišćena.

³Kao što je rečeno, u slučaju nizova, po vrednosti se ne prenosi čitava niz, već samo adresa njegovog početka.

Prenos pokazivača može da se iskoristi i da funkcija vrati više različitih vrednosti (preko argumenata). Na primer, naredna funkcija računa količnik i ostatak pri deljenju dva broja, pri tom ne koristeći operatore / i %:

```
#include <stdio.h>

void deljenje(unsigned a, unsigned b,
              unsigned* pk, unsigned* po) {
    *pk = 0; *po = a;
    while (*po >= b) {
        (*pk)++;
        *po -= b;
    }
}

int main() {
    unsigned k, o;
    deljenje(14, 3, &k, &o);
    printf("%d %d\n", k, o);
    return 0;
}
```

11.3 Pokazivači i nizovi

Postoji čvrsta veza između pokazivača i nizova. Operacije nad nizovima mogu se iskazati i korišćenjem pokazivača i u daljem tekstu često nećemo praviti razliku između dva načina za pristupanje elementima niza.

Deklaracije `int a[10]` deklarise niz veličine 10. Početni element je `a[0]`, a deseti element je `a[9]` i oni su poređani uzastopno u memoriji. Imenu niza `a` pridružena je informacija o adresi početnog elementa niza, o tipu elemenata niza, kao i o broju elemenata niza. Ime niza `a` nije l-vrednost (jer `a` uvek ukazuje na isti prostor koji je rezervisan za elemente niza). Dakle, vrednost `a` nije pokazivačkog tipa, ali mu je vrlo bliska.

Nakon deklaracije `int a[10]`, vrednosti `a` odgovara pokazivač na prvi element niza, vrednosti `a+1` odgovara pokazivač na drugi element niza, itd. Dakle, umesto `&a[i]` može se pisati `a+i`, a umesto `a[i]` može se pisati `*(a+i)`. Naravno, kao i obično, nema provere granica niza, pa je dozvoljeno pisati (tj. prolazi fazu prevodenja) i `a[100]`, `*(a+100)`, `a[-100]`, `*(a-100)`, iako je veličina niza samo 10. U fazi izvršavanja, pristupanje ovim lokacijama može da promeni vrednost drugih promenljivih koje se nalaze na tim lokacijama ili da dovede do prekida rada programa zbog pristupanja memoriji koja mu nije dodeljena.

Kao što je rečeno u poglavlju 9.1.5, niz se ne može preneti kao argument funkcije. Umesto toga, kao argument funkcije se može navesti ime niza i time se prenosi samo pokazivač koji ukazuje na početak niza. Funkcija koja prihvata takav argument za njegov tip ima pokazivač zapisan u formi `char *a` ili `char a[]`. Ovim se kao argument prenosi (kao i uvek — po vrednosti) samo pokazivač na

početka niza, ali ne i informacija o dužini niza. Kako se kao argument nikada ne prenosi čitav niz, već samo adresa početka, moguće je umesto adrese početka proslediti i pokazivač na bilo koji element niza kao i bilo koji drugi pokazivač odgovarajućeg tipa. Na primer, ukoliko je ime niza `a` i ako funkcija `f` ima prototip `int f(int x[])`; (ili – ekvivalentno – `int f(int *x)`), onda se funkcija može pozivati i za početak niza (sa `f(a)`) ili za pokazivač na neki drugi element niza (na primer, `f(&a[2])`) ili – ekvivalentno – `f(a+2)`). Naravno, ni u jednom od ovih slučajeva funkcija `f` nema informaciju o tome koliko elemenata niza ima nakon prosledene adrese.

11.4 Pokazivačka aritmetika

U prethodnom poglavlju je rečeno da nakon deklaracije `int a[10]`, vrednosti `a` odgovara pokazivač na prvi element niza, vrednosti `a+1` odgovara pokazivač na drugi element niza, itd. Izraz `p+1` i slični uključuju izračunavanje koje koristi *pokazivačku aritmetiku* i koje se razlikuje od običnog izračunavanja. Naime, izrazu `p+1`, ne označava dodavanje vrednosti 1 na `p`, već dodavanje dužine jednog objekta tipa na koji ukazuje `p`. Na primer, ako `p` ukazuje na `int`, onda `p+1` i `p` mogu da se razlikuju za dva ili četiri – onoliko koliko bajtova na tom sistemu zauzima podatak tipa `int`. Preciznije, `p+1` i `p` se razlikuju za `sizeof(int)` bajtova. Tako, ako je `p` pokazivač na `int` koji sadrži adresu 100, na mašini na kojoj `int` zauzima 4 bajta, vrednost `p+3` će biti adresa $100 + 3 \cdot 4 = 112$.

Od pokazivača je moguće oduzimati cele brojeve (na primer, `p-n`), pri čemu je značenje ovih izraza analogno značenju u slučaju sabiranja. Na pokazivače je moguće primenjivati prefiksne i postfiksne operatore `++` i `--`, sa sličnom semantikom.

Pored dereferenciranja, dodavanja i oduzimanja celih brojeva, nad pokazivačima je moguće izvoditi još neke operacije. Pokazivači se mogu porediti relacijskim operatorima (na primer, `p1 < p2`, `p1 == p2`, ...). Ovo ima smisla ukoliko pokazivači ukazuju na elemente istog niza. Tako je, na primer, `p1 < p2` tačno akko `p1` ukazuje na raniji element (u smislu linearno uređene memorije) niza od pokazivača `p2`.

Dva pokazivača je moguće oduzimati. I u tom slučaju se ne vrši prosto oduzimanje dve adrese, već se razmatra veličina tipa pokazivača, sa kojom se razlika deli. Dva pokazivača nije moguće sabirati.

Unarni operatori `&` i `*` imaju viši prioritet nego binarni aritmetički operatori. Zato je značenje izraza `*p+1` zbir sadržaja lokacije na koju ukazuje `p` i vrednosti 1 (a ne sadržaj na adresi `p+1`). Unarni operatori `&`, `*`, i prefiksni `++` se primenjuju zdesna nalevo, pa naredba `++*p` inkrementira sadržaj lokacije na koju ukazuje `p`. Postfiksni operator `++`, kao i svi unarni operatori koji se primenjuju sleva na desno, imaju viši prioritet od unarnih operatora koji se primenjuju zdesna nalevo, pa `*p++` vraća sadržaj na lokaciji `p`, dok se kao bočni efekat `p` inkrementira.

Ilustrujmo vezu pokazivača i nizova primerom strukture podataka poznate kao *stek* (eng. *stack*). Stek je predstavljen nizom elemenata i elementi se dodaju

i uzimaju sa istog kraja.

```
#define MAX_SIZE 1024
int a[MAX_SIZE];
int *top = a;

int push(int x) {
    if (top < a + MAX_SIZE - 1)
        *top++ = x;
    else
        printf("Greska"); exit(EXIT_FAILURE);
}

int pop() {
    if (top > a)
        return *--top;
    else
        printf("Greska"); exit(EXIT_FAILURE);
}

int size() { return top - a; }
```

Prilikom dodavanja elementa vrši se provera da li je stek možda pun i to izrazom `top < a + MAX_SIZE - 1` koji uključuje pokazivačku aritmetku — sabiranje pokazivača (preciznije, adrese početka niza) i broja 1, zatim, oduzimanje broja od dobijenog pokazivača. Slično, prilikom uklanjanja elementa, vrši se provera da li je stek prazan i to izrazom `top > a` koji uključuje poređenje dva pokazivača (preciznije, pokazivača i niza). Napokon, funkcija koja vraća broj elemenata postavljenih na stek uključuje oduzimanje dva pokazivača (preciznije, pokazivača i niza). Potrebno je naglasiti i suptilnu upotrebu prefiksnog operatora dekrementiranja u funkciji `pop`, odnosno postfiksnog operatora inkrementiranja u funkciji `push`, kao i njihov odnos sa operatorom dereferenciranja.

11.5 Karakterski pokazivači i funkcije

Konstantne niske (na primer "informatika") tretiraju se isto kao nizovi karaktera. Karakteri su poredani redom na uzastopnim memorijskim lokacijama i iza njih se nalazi završna nula ('\0') koja označava kraj niske. Konstantne niske se u memoriji uvek čuvaju u segmentu podataka. Kada se u pozivu funkcije navede konstantna niska (na primer, u pozivu `printf("%d", x);`), funkcija umesto niske prihvata kao argument zapravo adresu početka konstantne niske u segmentu podataka.

Razmotrimo, kao primer, deklaraciju `char *p = "informatika";`. Ukoliko je takva deklaracija navedena u okviru neke funkcije, onda se u njenom stek okviru rezervišu prostor samo za promenljivu `p` ali ne i za nisku "informatika" — ona se čuva u segmentu podataka i `p` ukazuje na nju. Situacija je slična ako je

deklaracija sa inicijalizacijom `char *p = "informatika"`; spoljašnja (tj. globalna): promenljiva `p` će se čuvati u segmentu podataka i ukazivati na nisku "informatika" — koja se čuva negde drugde u segmentu podataka. U oba slučaja promenljiva `p` ukazuje na početak niske "informatika" i `p[0]` je jednako 'i', `p[1]` je jednako 'n' i tako dalje. Pokušaj da se promeni sadržaj lokacije na koji ukazuje `p` (na primer, `p[0]='x'`; ili `p[1]='x'`;) dovodi do ne-definisanog ponašanja (najčešće do greške u fazi izvršavanja). S druge strane, promena vrednosti samog pokazivača `p` (na primer, `p++`;) je u oba slučaja dozvoljena.

U gore navedenim primerima koristi se pokazivač `p` tipa `char*`. Značenje inicijalizacije je bitno drugačije ako se koristi niz. Na primer, deklaracijom sa inicijalizacijom `char a[] = "informatika"`; se kreira niz `a` dužine 12 i prilikom inicijalizacije se on popunjava karakterima niske "informatika". U ovoj situaciji je dozvoljeno menjanje vrednosti `a[0]`, `a[1]`, ..., `a[9]`, ali nije dozvoljeno menjanje vrednosti `a`.

Razmotrimo kao ilustraciju rada sa pokazivačima na karaktere nekoliko mogućih implementacija funkcije `strlen` koja vraća dužinu zadate niske. Njen argument `s` je pokazivač na početak niske (koja se, kao i obično, može tretirati kao niz). Ukoliko se funkcija pozove kao `strlen(p)`, pri čemu je `p` bilo pokazivač bilo niz koji predstavlja neku nisku, promenljiva `s` nakon poziva predstavlja kopiju tog pokazivača `p` i može se menjati bez uticaja na originalni pokazivač koji je prosleđen kao argument:

```
int strlen(char *s) {
    int n;
    for (n = 0; *s != '\0'; s++)
        n++;
    return n;
}
```

Još jedna verzija ove funkcije koristi mogućnost oduzimanja pokazivača:

```
int strlen(char *s) {
    char* t = s;
    while(*s)
        s++;
    return s - t;
}
```

Zbog neposrednih veza između nizova i pokazivača, kao i načina na koji se obrađuju, navedena funkcija `strlen` može se pozvati za argument koji je konstantna niska (na primer, `strlen("informatika")`); za argument koji je ime niza (na primer, `strlen(a)`; za niz deklarisan sa `char a[10]`); kao i za pokazivač tipa `char*` (na primer, `strlen(p)`; za promenljivu `p` deklarisanu sa `char *p`);.

Kao drugi primer, razmotrimo nekoliko mogućih implementacija funkcije `strcpy` koja prihvata dva karakterska pokazivača (ili dve niske) i sadržaj druge kopira u prvu. Da bi jedna niska bila iskopirana u drugu nije, naravno, dovoljno prekopirati pokazivač, već je neophodno prekopirati svaki karakter druge niske

pojedinačno.

U narednom kodu, oba pokazivača se povećavaju za po jedan (operatorom inkrementiranja), sve dok drugi pokazivač ne dođe do završne nule, tj. do kraja niske (kako se argumenti prenose po vrednosti, promenljivama `s` i `t` se može menjati vrednost a da to ne utiče na originalne pokazivače ili nizove koji su prosleđeni kao argumenti):

```
void strcpy(char *s, char *t) {
    while ((*s = *t) != '\0') {
        s++;
        t++;
    }
}
```

Inkrementiranje koje se koristi u navedenom kodu, može se izvršiti (u post-fiksnoj obliku) i u okviru same `while` petlje:

```
void strcpy(char *s, char *t) {
    while ((*s++ = *t++) != '\0');
}
```

Konačno, poređenje sa nulom može biti izostavljeno jer svaka ne-nula vrednost ima istinitosnu vrednost *tačno*:

```
void strcpy(char *s, char *t) {
    while (*s++ = *t++);
}
```

11.6 Pokazivači i strukture

Moguće je definisati i pokazivače na strukture. U slučaju da se članovima strukture pristupa preko pokazivača, umesto kombinacije operatora `*` i `.`, moguće je koristiti operator `->`. I operator `->` je operator najvišeg prioriteta. Na primer, umesto `(*pa).imenilac` može se pisati `pa->imenilac`:

```
struct razlomak *pa = &a;
printf("%d/%d", pa->brojilac, pa->imenilac);
```

Strukture se kao argumenti u funkciju prenose po vrednosti. S obzirom na to da strukture često zauzimaju više prostora od elementarnih tipova podataka, čest je običaj da se umesto struktura u funkcije proslede njihove adrese, tj. pokazivači na strukture. Na primer,

```
void saberi_razlomke(struct razlomak *pa, struct razlomak *pb,
                    struct razlomak *pc)
{
    pc->brojilac = pa->brojilac*pb->imenilac +
                 pa->imenilac*pb->brojilac;
    pc->imenilac = pa->imenilac*pb->imenilac;
}
```

11.7 Pokazivači na funkcije

U jeziku C-u funkcije se ne mogu direktno prosleđivati kao argumenti drugim funkcijama, vraćati kao rezultat funkcija i ne mogu se dodeljivati promenljivima. Ipak, ove operacije je moguće posredno izvršiti ukoliko se koriste pokazivači na funkcije. Razmotrimo nekoliko ilustrativnih primera.

```
#include <stdio.h>

void inc1(int a[], int n, int b[]) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        b[i] = a[i] + 1;
}

void mul2(int a[], int n, int b[]) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        b[i] = a[i] * 2;
}

void parni0(int a[], int n, int b[]) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        b[i] = a[i] % 2 == 0 ? 0 : a[i];
}

void ispisi(int a[], int n) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", a[i]);
    putchar('\n');
}

#define N 8
int main() {
    int a[N] = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}, b[N];

    inc1(a, N, b);    ispisi(b, N);
    mul2(a, N, b);    ispisi(b, N);
    parni0(a, N, b); ispisi(b, N);

    return 0;
}
```

Sve funkcije u prethodnom kodu kopiraju elemente niza **a** u niz **b** prethodno ih transformišući na neki način. Poželjno je izdvojiti ovaj zajednički postupak u zasebnu funkciju koja bi bila parametrizovana operacijom transformacije koja

se primenjuje na elemente niza `a`.

```
#include <stdio.h>

void map(int a[], int n, int b[], int (*f) (int)) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        b[i] = (*f)(a[i]);
}

int incl(int x) { return x + 1; }
int mul2(int x) { return 2 * x; }
int parni0(int x) { return x % 2 == 0 ? 0 : x; }

void ispisi(int a[], int n) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", a[i]);
    putchar('\n');
}

#define N 8
int main() {
    int a[N] = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}, b[N];

    map(a, N, b, &incl);    ispisi(b, N);
    map(a, N, b, &mul2);    ispisi(b, N);
    map(a, N, b, &parni0); ispisi(b, N);

    return 0;
}
```

Funkcija `map` ima poslednji argument tipa `int (*)(int)`, što označava pokazivač na funkciju koja prima jedan argument tipa `int` i vraća argument tipa `int`.

Kao običnih pokazivači, pokazivači na funkcije se razlikuju po tipu funkcije na koje ukazuju (po tipovima argumenata i tipu povratne vrednosti). Deklaracija promenljive tipa pokazivača na funkciju se vrši tako što se ime promenljive kojem prethodi karakter `*` navede u zagradama kojima prethodi tip povratne vrednosti funkcije, a za kojima sledi lista tipova parametara funkcije. Prisustvo zagrada je neophodno kako bi se napravila razlika između pokazivača na funkcije i samih funkcija. Na primer,

```
double *a(double, int);
double (*b)(double, int);
```

promenljiva `a` označava funkciju koja vraća rezultat tipa `*double`, a prima argumente tipa `double` i `int`, dok promenljiva `b` označava pokazivač na funkciju koja vraća rezultat tipa `double`, a prima argumente tipa `double` i `int`.

Najčešće korišćene operacije sa pokazivačima na funkcije su, naravno, referenciranje (&) i dereferenciranje (*). Iako se nekada oznake ovih operacija mogu izostaviti i koristiti samo ime funkcije, odnosno pokazivača (na primer, u prethodnom programu je bilo moguće navesti `map(a, N, b, inc1)`, odnosno `b[i] = f(a[i])`), ovo se ne preporučuje zbog prenosivosti programa.

Moguće je kreirati i nizove pokazivača na funkcije. Ovi nizovi se mogu i inicijalizovati (na uobičajeni način). Na primer,

```
int (*fje[3])(int) = {&inc1, &mul2, &parni0};
```

`fje` predstavlja niz od 10 pokazivača na funkcije koje vraćaju `int`, i primaju argument tipa `int`. Funkcije čije se adrese nalaze u nizu se mogu direktno i pozvati, te naredni primer ispisuje vrednost 4:

```
printf("%d", (*fje[0])(3));
```

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 11.7.1. *Koje su informacije pridružene pokazivaču? Koje od ovih informacija se čuvaju u memoriji dodeljenoj pokazivačkoj promenljivoj?*

Pitanje 11.7.2. *Na šta se može primeniti operator referenciranja? A operator dereferenciranja? Kako se označavaju ovi operatori? Kakav im je prioritet?*

Pitanje 11.7.3. *Kako se označava generički pokazivački tip? Za šta se on koristi? Da li se pokazivač ovog tipa može referencirati? Zašto?*

Pitanje 11.7.4. *Kog tipa je promenljiva `a` a kog tipa promenljiva `b` nakon deklaracije `short* a, b`;? Koju vrednost ima promenljiva `b` nakon izvršavanja naredbi `b = 2`; `a = &b`; `*a = 3`; `b++`;?*

Pitanje 11.7.5. *Koje od binarnih operacija su dozvoljene nad vrednostima istog pokazivačkog (npr. nad promenljivima `p1` i `p2` tipa `int*`)?*

Koje binarne aritmetičke operacije se mogu primeniti nad pokazivačem i celim brojem (npr. nad promenljivom `p` tipa `int` i promenljivom `n` tipa `int`)?*

Pitanje 11.7.6. *Za koliko bajtova se menja vrednost pokazivača `p` tipa `int*` nakon naredbe `p += 2`;?*

Ako je `p` tipa `float`, za koliko se razlikuju vrednosti `p+5` i `p`?*

Za koliko bajtova se menja vrednost pokazivača `p` tipa `T` (gde je `T` neki konkretan tip), nakon naredbe `p += 2`;?*

Ako je `p` pokazivač tipa `T`, čemu je jednako `p + 3`?

Pitanje 11.7.7. *Kog je tipa `x` a kog tipa `y` nakon deklaracije `int *x, *y`;? Da li su onda dozvoljene operacije `x+y` i `x-y`? Kog je tipa `x` a kog tipa `y` nakon deklaracije `int* x, y`;? Da li su onda dozvoljene operacije `x+y` i `x-y`?*

Pitanje 11.7.8. *Ako je niz deklarisan sa `int a[10]`;, šta je vrednost izraza `a`? Šta je vrednost izraza `a + 3`? A `*(a+3)`?*

Pitanje 11.7.9. Neka je niz `a` deklarisan sa `int a[10]`, i neka je `p` pokazivač tipa `int*`. Da li je naredba `a = p`; ispravna? Da li je naredba `p = a`; ispravna? koja je vrednost izraza `sizeof(p)` nakon naredbe `p = a`;, ako `int*` zauzima četiri bajta?

Pitanje 11.7.10. Niz je deklarisan sa `int a[10]`; . Da li je `a+3` ispravan izraz? Da li mu je vrednost ista kao i vrednost: `a[3]`, `&a[3]`, `*a[3]`, `a[10]`? Da li je `*(a+3)` ispravan izraz? Da li mu je vrednost ista kao i `a[3]`, `a[10]`, `*a[3]`, `*a[10]`?

Pitanje 11.7.11. Šta ispisuje naredni kod:

```
int a = 3, b[] = {8, 6, 4, 2}, *c = &a, *d = b + 2; *c = d[-1];
printf("%d\n", a);
```

```
int a[] = {7, 8, 9}; int *p; p = a;
printf("%d %d\n", *(p+2), sizeof(p));
```

Pitanje 11.7.12. Da li nakon `int n[] = {1, 2, 3, 4, 5}; int* p = n;`, sledeće naredbe menjaju sadržaj niza `n`, vrednost pokazivača `p`, ni jedno ni drugo ili oba:

1. `*(p++)`;
2. `(*p)++`;
3. `*p++`;

Pitanje 11.7.13. Ukoliko je potrebno da funkcija vrati više od jedne vrednosti, kako se to može postići? Navesti nekoliko načina.

Pitanje 11.7.14. Napisati funkciju `f` sa povratnim tipom `void` koja ima samo jedan argument tipa `int` i vraća ga udvostručenog.

Napisati funkciju `f` sa povratnim tipom `void` koja ima tačno jedan argument, a koja prosleđenu celobrojnu vrednost vraća sa promenjenim znakom.

Napisati funkciju sa tipom povratne vrednosti `void` koja služi za izračunavanje zbira i razlike svoja prva dva argumenta (ne koristiti globalne promenljive).

Pitanje 11.7.15. Koji prototip je ekvivalentan prototipu `int f(char s[])`?

Da li ima razlike između prototipova `void f(char *x)`; i `void f(char x[])`;

?

Da li ima razlike između deklaracija `char* x` i `char x[]`;;? Da li su obe ispravne?

Pitanje 11.7.16. Ako je kao argument funkcije navedeno ime niza, šta se sve prenosi u funkciju: (i) adresa početka niza; (ii) elementi niza; (iii) podatak o broju elemenata niza; (iv) adresa kraja niza?

Pitanje 11.7.17. Kako se prenose argumenti pokazivačkog tipa? Šta to znači? Objasniti na primeru.

Pitanje 11.7.18. Šta ispisuje naredni program?

```
1. int a = 1, b = 2;
   void f(int* p) {
       p = &b;
   }
   int main() {
       int *p = &a
       f(p);
       printf("%d\n", *p);
   }

2. #include<stdio.h>
   void f(int* p) { p++; p += 2; p--; p = p + 1; }

   int main() {
       int a[] = {1, 2, 3, 4, 5}, *p = a, *q = a;
       f(p); printf("%d\n", *p);
       q++; q += 2; q--; q = q + 1; printf("%d\n", *q);
   }
```

Pitanje 11.7.19. Kog je tipa `x` deklarisan sa:

1. `double (*x[3])(int);`
2. `int (*x) (double);`
3. `int *x (double);`
4. `double* (*x) (float*);`
5. `int (*f) (float*);`

Pitanje 11.7.20. Deklarisati funkciju `f` povratnog tipa `int` koja kao argument ima pokazivač na funkciju koja je povratnog tipa `char` i ima (samo jedan) argument tipa `float`.

Pitanje 11.7.21. Nakon koda

```
void f() {
    char* a = "Zdravo";
    char b[] = "Zdravo";
    ...
}
```

u kom segmentu memorije je smeštena promenljiva `a` U u kom je segmentu ono na šta pokazuje promenljiva `a`? U kom segmentu su smešteni elementi niza `b`?

Zadatak 11.7.1. Napisati funkciju koja za uneti broj sekundi ($0 \leq s < 86400$) proteklih od prethodne ponoći izračunava trenutno vreme tj. broj sati, minuta i sekundi.

11.8 Nizovi pokazivača i višedimenzioni nizovi

```
void f(char (*broj_dana)[13]);
```

U posljednjem slučaju, eksplicitno je rečeno da se prenosi pokazivač na niz od 13 karaktera. Zagrada () su neophodne jer zagrade [] imaju viši prioritet nego *. Bez zagrada, deklaracija

```
void f(char *broj_dana[13]);
```

označava da se prenosi niz od 13 pokazivača na karaktere.

Kao što je ranije rečeno, ime jednodimenzionog niza (na primer, `a` za `int a[10]`) može se tretirati kao pokazivač na prvi element niza. Ime dvodimenzionog niza, na primer, tipa `int` može se tretirati kao pokazivač na pokazivač na `int`. Na primer, ako je

```
int d[10][20];
```

onda se `d[0]` (kao i `d[1]`, `d[2]`, ...) može tretirati kao pokazivač na `int`. Pokazivač `d[0]` sadrži adresu elementa `d[0][0]`, i, opštije, `d[i]` sadrži adresu elementa `d[i][0]`. Vrednost `d` je tipa `int **`, ona je pokazivač na pokazivač na `int` i sadrži adresu pokazivača `d[0]`.

Razjasnimo detaljnije razliku između dvodimenzionalnog niza i niza pokazivača. Ako su date deklaracije

```
int a[10][20];
int *b[10];
```

`a[3][4]` i `b[3][4]` su sintaksno ispravna referisanja na pojedinačni `int`. Ali `a` je pravi dvodimenzioni niz: 200 lokacija za podatak tipa `int` je rezervisano i uobičajena računica `20 * v + k` se koristi da bi se pronašao element `a[v][k]`. Za niz `b`, međutim, deklaracija alokira samo 10 pokazivača i ne inicijalizuje ih — inicijalizacija se mora izvršiti eksplicitno, bilo statički (navođenjem inicijalizatora) ili dinamički (tokom izvršavanja programa). Pod pretpostavkom da svaki element niza `b` zaista pokazuje na niz od 20 elemenata, u memoriji će biti 200 lokacija za podataka tipa `int` i još dodatno 10 lokacija za pokazivače. Ključna prednost niza pokazivača nad dvodimenzionalnim nizom je činjenica da vrste na koje pokazuju ovi pokazivači mogu biti različite dužine. Tako, svaki element niza `b` ne mora da pokazuje na 20-to elementni niz - neki mogu da pokazuju na 2-elementni niz, neki na 50-elementni niz, a neki mogu da budu `NULL` i da ne pokazuju nigde.

Razmotrimo primer niza koji treba da sadrži imena meseci. Jedno rešenje je zasnovano na dvodimenzionalnom nizu (u koji se, prilikom inicijalizacije upisuju imena meseci):

```
char meseci[][9] = {
    "Greska",
    "Januar", "Februar", "Mart",
    "April", "Maj", "Jun",
    "Jul", "Avgust", "Septembar",
    "Oktobar", "Novembar", "Decembar"};
```


Pošto meseci imaju imena različite dužine, bolje rešenje je napraviti niz pokazivača na karaktere i inicijalizovati ga da pokazuje na konstantne niske smeštene u segmentu podataka (primetimo da nije potrebno navesti broj elemenata niza pošto je izvršena inicijalizacija):

```
char *meseci[] = {
    "Greska",
    "Januar", "Februar", "Mart",
    "April", "Maj", "Jun",
    "Jul", "Avgust", "Septembar",
    "Oktobar", "Novembar", "Decembar"};
```

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 11.8.1. *Koliko bajtova zauzima i u kom delu memorije niz koji je u okviru neke funkcije deklarisan sa `char* a[10]`;*

Pitanje 11.8.2. *Koliko je, na 32-bitnim sistemima, `sizeof(a)` i `sizeof(b)` nakon deklaracija `int* a[4]`; `int b[3][3]`? Koliko je u opštem slučaju?*

Pitanje 11.8.3. *Na 32-bitnom sistemu, nakon koda:*

```
char* a[] = {"Dobar dan!", "Zdravo, zdravo"};
char b[][15] = {"Dobar dan!", "Zdravo, zdravo"};
```

čemu je jednako `sizeof(a)` a čemu `sizeof(b)`?

Pitanje 11.8.4. *Na 32-bitnim sistemima, nakon kôda*

```
char* a[] = {"ab", "cd"}; char b[][3] = {"ab", "cd"};
```

čemu je jednako `sizeof(a)` a čemu `sizeof(b)` ?

Glava 12

Dinamička alokacija memorije

U većini realnih aplikacija, u trenutku pisanja programa nije moguće precizno predvideti memorijske zahteve programa. Naime, memorijski zahtevi zavise od interakcije sa korisnikom i tek u fazi izvršavanja programa korisnik svojim akcijama implicitno određuje potrebne memorijske zahteve (na primer, koliko elemenata niza nekog će biti korišćeno). U nekim slučajevima, moguće je unapred zadati neko gornje ograničenje, ali ni to nije uvek zadovoljavajuće. Ukoliko je ograničenje premalo, program nije u stanju da obrađuje veće ulaze, a ukoliko je preveliko, program zauzima više memorije nego što mu je stvarno potrebno. Rešenje ovih problema je *dinamička alokacija memorije* koja omogućava da program u toku svog rada, u fazi izvršavanja, zahteva (od operativnog sistema) određenu količinu memorije. U trenutku kada mu memorija koja je dinamički alocirana više nije potrebna, program može i dužan je da je oslobodi i tako je vrati operativnom sistemu na upravljanje. Alociranje i oslobađanje vrši se funkcijama iz standardne biblioteke i pozivima rutina tzv. *izvršne* biblioteke (eng. run-time library)¹ i samog operativnog sistema. U fazi izvršavanja, vodi se evidencija o raspoloživim i zauzetim blokovima memorije.

12.1 Funkcije standardne biblioteke za rad sa dinamičkom memorijom

Standardna biblioteka jezika C podržava dinamičko upravljanje memorijom kroz nekoliko funkcija (sve su deklarisanе u zaglavlju `<stdlib.h>`).

Alociranje i oslobađanje. Funkcija `malloc` ima sledeći prototip:

```
void *malloc(size_t n);
```

¹ Izvršna biblioteka je skup rutina niskog nivoa (npr. za ulazno-izlazne operacije) koje zavise od platforme. Ove rutine se koriste od strane funkcija standardne biblioteke ali i za kreiranje okruženja za rad programa i slično.

Ona alokira blok memorije veličine `n` bajtova i vraća adresu alociranog bloka memorije (niza uzastopnih bajtova) u vidu generičkog pokazivača (tipa `void*`). U slučaju da zahtev za memorijom u nekom slučaju nije moguće ispuniti (na primer, zahteva se više memorije nego što je na raspolaganju), ova funkcija vraća `NULL`. Memorija koju funkcija `malloc` vrati nije inicijalizovana i njen sadržaj je, u principu, slučajan (preciznije rečeno, zavisi od podataka koji su ranije bili čuvani u tom delu memorije).

Funkcija `malloc` očekuje argument tipa `size_t`. Ovo je nenegativni celobrojni tip za čije vrednosti je rezervisano najmanje dva bajta. Ovaj tip se razlikuje od tipa `unsigned int`, ali su međusobne konverzije moguće i, zapravo, trivijalne. Tip `sizeof` može da se koristi za čuvanje bilo kog indeksa niza, a on je i tip povratne vrednosti operatora `sizeof`.

Funkcija `calloc` ima sledeći prototip:

```
void *calloc(size_t n, size_t size)
```

Ona vraća pokazivač na blok memorije veličine `n` objekata navedene veličine `size`. U slučaju za zahtev nije moguće ispuniti, vraća se `NULL`. Za razliku od `malloc`, alocirana memorija je inicijalizovana na nulu.

Navedene funkcije su generičke i koriste se za dinamičku alokaciju memorije za podatke bilo kog tipa. Kako bi se dobijenoj memoriji moglo pristupiti, potrebno je (poželjno eksplicitno) konvertovati dobijeni pokazivač tipa `void*` u neki konkretni pokazivački tip.

Nakon poziva funkcije `malloc()` ili `calloc()` poželjno je proveriti povratnu vrednost kako bi se utvrdilo da li je alokacija uspela. Ukoliko alokacija ne uspe, pokušaj pristupa memoriji na koju ukazuje dobijeni pokazivač dovodi do dereferenciranja `NULL` pokazivača i greške. Ukoliko se utvrdi da je funkcija `malloc()` (ili `calloc()`) vratila vrednost `NULL`, može se prijaviti korisniku odgovarajuća poruka ili pokušati neki metod oporavka od greške. Dakle, najčešći scenario upotrebe funkcije `malloc` sledeći:

```
int* p = (int*) malloc(n*sizeof(int));
if (p == NULL)
    /* prijaviti gresku */
```

U navedenom primeru, u nastavku programa se `p` može koristiti kao (statički alociran) niz celih brojeva.

U trenutku kada dinamički alociran blok memorije više nije potreban, poželjno je osloboditi ga. To se postiže funkcijom `free`:

```
void free(void* p);
```

Poziv `free(p)` oslobađa memoriju na koju ukazuje pokazivač `p` (a ne memorijski prostor koji sadrži sâm pokazivač `p`), pri čemu je neophodno da `p` pokazuje na blok memorije koji je alociran pozivom funkcije `malloc` ili `calloc`. Opasna je greška pokušaj oslobađanja memorije koja nije alocirana na ovaj način. Takođe, ne sme se koristiti nešto što je već oslobođeno niti se sme dva puta oslobađati ista memorija. Redosled oslobađanja memorije ne mora da odgovara redosledu alokiranja.

Ukoliko neki dinamički alociran blok nije oslobođen ranije, on će biti oslobođen

prilikom završetka rada programa, zajedno sa svom drugom memorijom koja je dodeljena programu. Ipak, ne treba se oslanjati na to i preporučeno je eksplicitno oslobađanje sve dinamički alocirane memorije pre kraja rada programa, a poželjno čim taj prostor nije potreban.

Upotrebu ovih funkcija ilustruje naredni primer u kojem se unosi i obrnuto ispisuje niz čiji broj elemenata nije unapred poznat (niti je poznato njegovo gornje ograničenje), već se unosi sa ulaza tokom izvršavanja programa.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int main() {
    int n, i, *a;

    /* Unos broja elemenata */
    scanf("%d", &n);
    /* Alocira se memorija */
    if ((a = (int*)malloc(n*sizeof(int))) == NULL) {
        printf("Greska prilikom alokacije memorije\n");
        return 1;
    }
    /* Unos elemenata */
    for (i = 0; i < n; i++) scanf("%d",&a[i]);
    /* Ispis elemenata u obrnutom poretku */
    for (i = n-1; i >= 0; i--) printf("%d ",a[i]);
    /* Oslobađanje memorije */
    free(a);

    return 0;
}
```

Realociranje. U nekim slučajevima potrebno je promeniti veličinu već alociranog bloka memorije. To se postiže korišćenjem funkcije `realloc`, čiji je prototip:

```
void *realloc(void *mемblock, size_t size);
```

Parametar `mемblock` je pokazivač na prethodno alociran blok memorije, a parametar `size` je nova veličina u bajtovima. Funkcija `realloc` vraća pokazivač tipa `void*` na realociran blok memorije ili `NULL` u slučaju da zahtev ne može biti ispunjen. Zahtev za smanjivanje veličine alociranog bloka memorije uvek uspeva. U slučaju da se zahteva povećanje veličine alociranog bloka memorije, pri čemu iza postojećeg bloka postoji dovoljno slobodnog prostora, taj prostor se jednostavno koristi za proširivanje. Međutim, ukoliko iza postojećeg bloka ne postoji dovoljno slobodnog prostora, onda se u memoriji traži drugo mesto dovoljno da prihvati prošireni blok i, ako se nađe, sadržaj postojećeg bloka se kopira na to novo mesto i zatim se stari blok memorije oslobađa. Ova operacija može biti vremenski zahtevna.

Upotreba funkcije `realloc` ilustrovana je programom koji učitava cele brojeve i smešta ih u memoriju, sve dok se ne unese -1 za kraj. S obzirom na to da se broj elemenata ne zna unapred, a ne zna se ni gornje ograničenje, neophodno je postepeno povećavati skladišni prostor tokom rada programa. Kako česta realokacija može biti neefikasna, u narednom programu se izbegava realokacija prilikom unosa svakog sledećeg elementa, već se vrši nakon unošenja svakog desetog elementa. Naravno, ni ovo nije optimalna strategija — u praksi se obično koristi pristup da se na početku realokacije vrše relativno često, a onda sve ređe i ređe (na primer, svaki put se veličina niza dvostruko uveća).

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define KORAK 256
int main() {
    int* a = NULL;    /* Niz je u pocetku prazan */
    int duzina = 0;   /* broj popunjenih elemenata niza */
    int alocirano = 0; /* broj elemenata koji mogu biti smesteni */
    int i;

    do {
        printf("Unesi ceo broj (-1 za kraj): ");
        scanf("%d", &i);

        /* Ako nema vise slobodnih mesta, vrsi se prosirivanje */
        if (duzina == alocirano) {
            alocirano += KORAK;
            a = realloc(a, alocirano*sizeof(int));
            if (a == NULL) return 1;
        }
        a[duzina++] = i;
    } while (i != -1);

    /* Ispis elemenata */
    printf("Uneto je %d brojeva. Alocirano je ukupno %d bajtova\n",
           duzina, alocirano*sizeof(int));
    printf("Brojevi su : ");
    for (i = 0; i<duzina; i++)
        printf("%d ", a[i]);

    /* Oslobadjanje memorije */
    free(a);

    return 0;
}
```

Bez upotrebe funkcije `realloc` centralni blok navedene funkcije `main` bi mogao da izgleda ovako:

```
if (duzina == alocirano) {
    /* Kreira se novi niz */
    int* new_a;
    alocirano += KORAK;
    new_a = malloc(alocirano*sizeof(int));
    /* Kopira se sadrzaj starog niza u novi */
    for (i = 0; i < duzina; i++) new_a[i] = a[i];
    /* Oslobadja se stari niz */
    free(a);
    /* a ukazuje na novi niz */
    a = new_a;
}
```

Naravno, u ovoj implementaciji, prilikom svake realokacije vrši se premeštanje memorije, tako da je ona neefikasnija od verzije sa `realloc`.

U gore navedenom primeru koristi se konstrukcija:

```
a = realloc(a, alocirano*sizeof(int));
```

U nekim slučajevima ova konstrukcija može da bude neadekvatna ili opasna. Naime, ukoliko zahtev za proširenje memorijskog bloka ne uspe, vraća se vrednost `NULL`, upisuje u promenljivu `a` i tako gubi jedina veza sa prethodno alociranim blokom (i on, na primer, ne može da bude oslobođen).

12.2 Greške u radu sa dinamičkom memorijom

Curenje memorije (memory leaking). Jedna od najopasnijih grešaka u radu sa dinamički alociranom memorijom je tzv. *curenje memorije* (*eng. memory leaking*). Curenje memorije je situacija kada se u tekućem stanju programa izgubi informacija o lokaciji dinamički alociranog, a neoslobođenog bloka memorije. U tom slučaju program više nema mogućnost da oslobodi taj blok memorije i on biva “zauvek” (zapravo — do kraja izvršavanja programa) izgubljen (rezervisan za korišćenje od strane programa koji više nema načina da mu pristupi). Na primer,

```
char* p;
p = (char*) malloc(1000);
....
p = (char*) malloc(5000);
```

Inicijalno je 1000 bajtova dinamički alocirano i adresa početka ovog bloka memorije smeštena je u pokazivačku promenljivu `p`. Kasnije je dinamički alocirano 5000 bajtova i adresa početka tog bloka memorije je opet smeštena u promenljivu `p`. Međutim, pošto originalnih 1000 bajtova nije oslobođeno korišćenjem funkcije `free`, a adresa početka tog bloka memorije je izgubljena promenom vrednosti pokazivačke promenljive `p`, tih 1000 bajtova biva nepovratno izgubljeno za program.

Naročito su opasna curenja memorije koja se događaju u okviru iterativnog toka programa. U takvim situacijama može da se gubi malo po malo memorije, ali tokom dugtrajnog izvršavanja programa, pa ukupna količina izgubljene memorije može da bude veoma velika. Ukoliko se ne obraća pažnja na pojavu curenja memorije, moguće je da će u nekom trenutku program iscrpeti raspoloživu memoriju i biti prekinut od strane operativnog sistema. Čak i da se to ne desi, moguće je da se iscrpi fizički prostor u glavnoj memoriji i da se, zbog toga, sadržaj glavne memorije prebacuje na disk i obratno (tzv. *swapping*), što onda ekstremno usporava rad programa.

Curenje memorije je naročito opasno zbog toga što često ne biva odmah uočeno. Obično se tokom razvoja program testira kratkotrajno i na malim ulazima. Međutim, kada se program pusti u rad i kada počne da radi duži vremenski period bez prestanka i da obrađuje veće količine ulaza, curenje memorije postaje vidljivo, čini program neupotrebljivim i može da uzrokuje velike štete.

Većina programa za otkrivanje grešaka (tzv. *dibagera*) detektuje da u programu postoji curenje memorije, ali ne može da pomogne u lociranju odgovarajuće greške u kodu. Postoje specijalizovani programi (*memory leaks profilers*) koji olakšavaju otkrivanje uzroka curenja memorije.

Pristup oslobođenoj memoriji. Jednom kada se pozove `free(p)`, memorija na koju pokazuje pokazivač `p` se oslobađa i ona više ne bi trebalo da se koristi. Međutim, poziv `free(p)` ne menja sadržaj pokazivača `p`. Moguće je da naredni poziv funkcije `malloc` vrati blok memorije upravo na toj poziciji. Naravno, ovo ne mora da se desi i nije predvidljivo u kom će se trenutku desiti, tako da ukoliko programer nastavi da koristi memoriju na adresi `p`, moguće je da će greška proći neopaženo. Zbog toga, preporučuje se da se nakon poziva `free(p)`, odmah `p` postavi na `NULL`. Tako se osigurava da će svaki pokušaj pristupa oslobođenoj memoriji biti odmah prepoznat tokom izvršavanja programa i operativni sistem će zaustaviti izvršavanje programa sa porukom o grešci (najčešće `segmentation fault`).

Oslobađanje istog bloka više puta. Kada se jednom pozove `free(p)`, svaki naredni poziv `free(p)` za istu vrednost pokazivača `p` prouzrokuje “nedefinisano ponašanje” programa i trebalo bi ga izbegavati. Takozvana *dupla oslobađanja* mogu da dovedu do pada programa a poznato je da mogu da budu i izvor bezbednosnih problema.

Prosleđivanje pokazivača koji ne čuva adresu vraćenu od strane `malloc`, `calloc` ili `realloc`. Funkciji `free(p)` dopušteno je proslediti isključivo adresu vraćenu od strane funkcije `malloc`, `calloc` ili `realloc`. Čak i prosleđivanje pokazivača na lokaciju koja pripada alociranom bloku (a nije njegov početak) uzrokuje probleme. Na primer,

```
free(p+10); /* Oslobodi sve osim prvih 10 elemenata bloka */
```

neće osloboditi „sve osim prvih 10 elemenata bloka” i sasvim je moguće da će dovesti do neprijatnih posledica, pa čak i do pada programa.

Prekoračenja i potkoračenja bafera. Nakon dinamičke alokacije, pristup memoriji je dozvoljen samo u okviru granica bloka koji je dobijen. Kao i u slučaju statički alociranih nizova, pristup elementima van granice može da stvori ozbiljne probleme. Naravno, upis je često opasniji od čitanja. U slučaju dinamički alociranih blokova memorije, obično se nakon samog bloka smeštaju dodatne informacije potrebne alokatoru memorije kako bi uspešno vodio evidenciju koji delovi memorije su zauzeti, a koji slobodni. Prekoračenje bloka prilikom upisa menja te dodatne informacije što, naravno, uzrokuje pad sistema za dinamičko upravljanje memorijom.

12.3 Fragmentisanje memorije

Čest je slučaj da ispravne aplikacije u kojima ne postoji curenje memorije (a koje često vrše dinamičku alokacije i dealokacije memorije) tokom dugog rada pokazuju degradaciju u performansama i na kraju prekidaju svoj rad na nepredvideni način. Uzrok ovome je najčešće pojava poznata pod imenom *fragmentisanje memorije*. U slučaju fragmentisane memorije, u memoriji se često nalazi dosta slobodnog prostora, ali on je rascepan na male, nepovezane parčiće. Razmotrimo naredni (minijaturizovan) primer. Ukoliko 0 označava slobodni bajt, a 1 zauzet, a memorija trenutno ima sadržaj 100101011000011101010110, postoji ukupno 12 slobodnih bajtova. Međutim, pokušaj alokacije 5 bajtova ne može da uspe jer u memoriji ne postoji prostor dovoljan za smeštanje 5 povezanih bajtova. S druge strane, memorija koja ima sadržaj 11111111111111100000000 ima samo 8 slobodnih bajtova, a u stanju je da izvrši alokaciju 5 traženih bajtova.

Postoji nekoliko pristupa za izbegavanje fragmentisanja memorije. Ukoliko je moguće, poželjno je izbegavati dinamičku alokaciju memorije. Naime, alociranje svih struktura podataka statički (u slučajevima kada je to moguće) dovodi do bržeg i predvidljivijeg rada programa (po cenu većeg utroška memorije). Alternativno, ukoliko se ipak koristi dinamička alokacija memorije, poželjno je memoriju alocirati u većim blokovima i umesto alokacije jednog objekta alocirati prostor za nekoliko njih odjednom (kao što je to, na primer, bilo rađeno u primeru datom prilikom opisa funkcije `realloc`). Na kraju, postoje tehnike „ručnog“ efikasnijeg rukovanja memorijom (na primer, `memory pooling`).

12.4 Hip i dinamički životni vek

U poglavlju 10.1.3, rečeno je da je memorija dodeljena programu organizovana u segment koda, segment podataka, stek segment i hip segment. Hip segment predstavlja tzv. slobodnu memoriju iz koje se crpi memorija koja se dinamički alocira. Dakle, funkcije `malloc`, `calloc` ili `realloc`, ukoliko uspeju, vraćaju adresu u hip segmentu. Objekti koji su alocirani u slobodnom memorijskom prostoru nisu imenovani, već im se pristupa isključivo preko adresa.

Hip segment obično počinje neposredno nakon segmenta podataka, a na

suprotnom kraju memorije od stek segmenta. Obično se podaci na hipu slažu od manjih ka većim adresama (eng. upward growing), dok se na steku slažu od većih ka manjim adresama (eng. downward growing). Ovo znači da se u trenutku kada se iscrpi memorijski prostor dodeljen programu, hip i stek potencijalno „sudaraju”, ali operativni sistemi obično to sprečavaju i tada obično dolazi do nasilnog prekida rada programa.

Sva memorija koja je dinamički alocirana ima *dinamički životni vek*. Ovo znači da se memorija i alocira i oslobađa isključivo na eksplicitni zahtev i to tokom rada programa.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 12.4.1. *U kom segmentu se čuvaju dinamički alocirani objekti?*

Pitanje 12.4.2. *Kako se zove pojava kada se izgubi vrednost poslednjeg pokazivača na neki dinamički alocirani blok memorije? Zašto je ova pojava opasna?*

Pitanje 12.4.3. *Navesti prototipove funkcija malloc, calloc, realloc i free. U kom zaglavlju su one deklarisanе?*

Pitanje 12.4.4. *Koje su prednosti korišćenja dinamičke alokacije memorije (u odnosu na statičku i automatsku alokaciju)? Koji su nedostaci?*

Glava 13

Ulaz i izlaz C programa

Jezik C je bude mali jezik i ulazno/ulazne operacije nisu direktno podržane samim jezikom već specijalizovanim funkcijama iz standardne biblioteke jezika C (i tako prisutne u svakom C okruženju). Pošto su ove funkcije deo standarda jezika C, mogu se koristiti u programima uz garantovanu prenosivost programa između različitih sistema. Svaka izvorna datoteka u kojoj se koriste ulazno/izlazne funkcije, trebalo bi da uključi standardno zaglavlje `<stdio.h>`.

13.1 Standardni ulaz, standardni izlaz i standardni izlaz za greške

Standardna biblioteka implementira jednostavan model tekstualnog ulaza i izlaza. *Standardni ulaz* obično čine podaci koji se unose sa tastature. Podaci koji se upućuju na *standardni izlaz* se obično prikazuju na ekranu. Pored standardnog izlaza, postoji i *standardni izlaz za greške* na koji se obično upućuju poruke o greškama nastalim tokom rada programa i koji se, takođe, obično prikazuje na ekranu.

U mnogim okruženjima, moguće je izvršiti preusmeravanje (redirekciju) standardnog ulaza tako da se, umesto sa tastature, karakteri čitaju iz neke datoteke. Na primer, ukoliko se program pokrene sa

```
./prog < infile
```

onda program `prog` čita karaktere iz datoteke `infile`, umesto sa tastature.

Takođe, mnoga okruženja omogućavaju da se izvrši preusmeravanje (redirekcija) standardnog izlaza u neku datoteku. Na primer, ukoliko se program pokrene sa

```
./prog > outfile
```

onda program `prog` upisuje karaktere u datoteku `outfile`, umesto na ekran.

Ukoliko bi se poruke o greškama štampale na standardni izlaz, zajedno sa ostalim rezultatima rada programa, onda, u slučaju preusmeravanja standardnog izlaza u datoteku, poruke o greškama korisniku ne bi bile prikazane na

ekranu i korisnik ih ne bi video. Ovo je glavni razlog uvođenja standardnog izlaza za greške koji se, i u slučaju da se standardni izlaz preusmeri u datoteku, obično prikazuje na ekranu. Ipak, moguće je izvršiti i redirekciju standardnog izlaza za greške u datoteku, na primer:

```
./prog 2> errorfile
```

13.1.1 Ulaz i izlaz pojedinačnih karaktera

Najjednostavniji mehanizam čitanja sa standardnog ulaza je čitanje jednog po jednog karaktera korišćenjem funkcije `getchar`:

```
int getchar(void);
```

Funkcija `getchar` vraća sledeći karakter sa ulaza, svaki put kada se pozove, ili EOF kada dođe do kraja toka. Simbolička konstanta EOF je definisana u zaglavlju `<stdio.h>`. Njena vrednost je najšće -1, ali umesto ove konkretne vrednosti ipak treba da se koristi ime EOF koje je nezavisno od specifične vrednosti na koju je ova konstanta definisana. Funkcija `getchar()` najčešće se realizuje tako što karaktere uzima iz privremenog bafera koji se puni čitanjem jedne po jedne linije ulaza. Dakle, u interaktivnom radu sa programom, `getchar()` neće imati efekta sve dok se ne unese prelazak u novi red ili oznaka za kraj datoteke.

Najjednostavniji mehanizam pisanja na standardni izlaz je pisanje jednog po jednog karaktera korišćenjem funkcije `putchar`:

```
int putchar(int);
```

Funkcija `putchar(c)` štampa karakter `c` na standardni izlaz, a vraća karakter koji je ispisala ili EOF ukoliko je došlo do greške.

Kao primer rada sa pojedinačnim karakterima, razmotrimo program koji prepisuje standardni ulaz na standardni izlaz, pretvarajući pri tom velika u mala slova.

Program 13.1.

```
#include <stdio.h>
#include <ctype.h>

int main()
{
    int c;
    while ((c = getchar()) != EOF)
        putchar(tolower(c));
    return 0;
}
```

Funkcija `tolower` deklarirana je u zaglavlju `<ctype.h>` i prevodi karaktere velikih slova u karaktere malih slova, ne menjajući pri tom ostale karaktere.

Pomenimo da su „funkcije” poput `getchar` i `putchar` iz `<stdio.h>` i `tolower` iz `<ctype.h>` često makroi, čime se izbegava dodatno vreme i prostor potreban za realizaciju funkcijskog poziva.

13.1.2 Linijski ulaz i izlaz

Bibliotečka funkcija `gets`:

```
char* gets(char* s);
```

čita karaktere sa standardnog ulaza do kraja tekuće linije ili do kraja datoteke i karaktere smešta u nisku `s`. Oznaka kraja reda se ne smešta u nisku, a niska se automatski završava nulom. Ne vrši se nikakva provera da li niska `s` sadrži dovoljno prostora da prihvati pročitani sadržaj i ovo funkciju `gets` čini veoma opasnom za korišćenje. U slučaju da je ulaz uspešno pročitano, `gets` vraća `s`, a inače vraća `NULL` pokazivač.

Bibliotečka funkcija `fputs`:

```
int fputs(const char* s);
```

ispisuje nisku na koju ukazuje `s` na standardni izlaz, dodajući pri tom oznaku za kraj reda. Završna nula se ne ispisuje. Funkcija `fputs` vraća `EOF` u slučaju da je došlo do greške, a nenegativnu vrednost inače.

13.1.3 Formatirani izlaz — `printf`

Funkcija `printf` je već korišćena u prethodnom tekstu:

```
int printf(char *format, arg1, arg2, ...);
```

Funkcija `printf` prevodi vrednosti osnovnih tipova podataka u serije karaktera i usmerava ih na standardni izlaz. Funkcija vraća broj odštampanih karaktera. Slučajevi korišćenja ove funkcije iz prethodnih glava jesu najuobičajeniji, ali svakako nisu potpuni. Pozivi funkcija `putchar` i `printf` mogu biti isprepleteni — izlaz se vrši u istom redosledu u kojem su ove funkcije pozvane.

Funkcija `printf` prevodi, formatira i štampa njene argumente na standardni izlaz pod kontrolom date "format niske". Format niska sadrži dve vrste objekata: obične karaktere, koji se doslovno prepisuju na standardni izlaz i specifikacije konverzija od kojih svaka uzrokuje konverziju i štampanje sledećeg uzastopnog argumenta funkcije `printf`. Svaka specifikacija konverzije počinje karakterom `%` i završava se karakterima konverzije. Između `%` i karaktera konverzije moguće je da se redom nađu:

- Znak minus - koji prouzrokuje levo poravnanje konvertovanog argumenta.
- Broj koji specifikuje najmanju širinu polja. Konvertovani argument se štampa u polju koje je barem ovoliko široko. Ukoliko je potrebno, polje se dopunjava razmacima sa leve (odnosno desne strane, ukoliko se traži levo poravnanje).
- Tačka `.`, koja odvaja širinu polja od preciznosti.
- Broj za preciznost, koji specifikuje najveći broj karaktera koje treba štampati iz niske u slučaju štampanja niske, ili broj tačaka iza decimalne tačke u slučaju broja u pokretnom zarezu, ili najmanji broj cifara u slučaju celog broja.

- Karakter `h`, ako ceo broj treba da se štampa kao `short`, ili `l` ako ceo broj treba da se štampa kao `long`.

Konverzioni karakteri

Konverzioni karakteri su prikazani u narednoj tabeli. Ukoliko se nakon `%` navede pogrešan konverzioni karakter, ponašanje je nedefinisano.

Karakter	Tip argumenta; Štampa se kao
<code>d,i</code>	<code>int</code> ; dekadni broj
<code>o</code>	<code>int</code> ; neoznačeni oktalni broj (bez vodećeg simbola <code>0</code>)
<code>x,X</code>	<code>int</code> ; neoznačeni heksadekadni broj (bez vodećih <code>0x</code> ili <code>0X</code>), korišćenjem <code>abcdef</code> ili <code>ABCDEF</code> za 10, ...,15.
<code>u</code>	<code>int</code> ; neoznačeni dekadni broj
<code>c</code>	<code>int</code> ; pojedinačni karakter
<code>s</code>	<code>char *</code> ; štampa karaktere niske do karaktera <code>'\0'</code> ili broja karaktera navedenog u okviru preciznosti.
<code>f</code>	<code>double</code> ; <code>[-]m.ddddd</code> , gde je broj <code>d</code> -ova određen preciznošću (podrazumevano 6).
<code>e,E</code>	<code>double</code> ; <code>[-]m.ddddde+/-xx</code> ili <code>[-]m.dddddE+/-xx</code> , gde je broj <code>d</code> -ova određen preciznošću (podrazumevano 6).
<code>g,G</code>	<code>double</code> ; koristi <code>%e</code> ili <code>%E</code> ako je eksponent manji od -4 ili veći ili jednak preciznosti; inače koristi <code>%f</code> . Završne nule i završna decimalna tačka se ne štampaju.
<code>p</code>	<code>void *</code> ; pokazivač (reprezentacija zavisna od implementacije).
<code>%</code>	nijedan argument se ne konvertuje; štampa <code>%</code>

Širina polja ili preciznost se mogu zadati i kao `*`, i tada se njihova vrednost određuje na osnovu vrednosti narednog argumenta (koji mora biti `int`). Na primer, da se odštampa najviše `max` karaktera iz niske `s`, može se navesti:

```
printf("%.*s", max, s);
```

Treba imati u vidu da se prilikom poziva funkcije `printf` na osnovu prvog argumenta (format niske) određuje koliko još argumenata sledi i koji su njihovi tipovi. Ukoliko se ne navede odgovarajući broj argumenata ili se navedu argumenti neodgovarajućih tipova, dolazi do greške. Takođe, treba razlikovati naredna dva poziva:

```
printf(s);          /* pogresno ako s sadrzi karakter % */
printf("%s", s);   /* bezbedno */
```

Primeri

Prikaz celih brojeva:

13.1 Standardni ulaz, standardni izlaz i standardni izlaz za greške 99

```
int    count = -9234;
printf("Celobrojni formati:\n"
       "\tDekadni: %d Poravnat: %.6d Neozna\v cen: %u\n",
       count, count, count);
printf("Broj %d prikazan kao:\n\tHex: %Xh C hex: 0x%x Oct: %o\n",
       count, count, count, count );
```

```
Celobrojni formati:
  Dekadni: -9234 Poravnat: -009234 Neozna\v cen: 4294958062
Broj -9234 prikazan kao:
  Hex: FFFFDBEEh C hex: 0xffffdbee Oct: 37777755756
```

```
/* Prikaz konstanti zapisanih u razlicitim osnovama. */
printf("Cifre 10 predstavljaju:\n");
printf("\tHex: %i Octal: %i Decimal: %i\n",
       0x10, 010, 10);
```

```
Cifre 10 predstavljaju:
  Hex: 16 Octal: 8 Decimal: 10
```

Prikaz karaktera:

```
char  ch = 'h';
printf("Karakter u polju date sirine:\n%10c%c\n", ch, ch);
```

```
Karakter u polju date sirine:
      hh
```

Prikaz realnih brojeva:

```
double fp = 251.7366;
printf("Realni brojevi:\n\t%f %.2f %e %E\n", fp, fp, fp, fp);
```

```
Realni brojevi:
  251.736600 251.74 2.517366e+002 2.517366E+002
```

Prikaz niski:

Ovaj primer prikazuje navođenje širine polja, poravnanja i preciznosti prilikom štampanja niski. U narednoj tabeli dat je efekat različitih format niski na štampanje niske "hello, world" (12 karaktera). Dvotačke su stavljene radi boljeg ilustrovanja efekta raznih formata.

```
:%s:           :hello, world:
:%10s:         :hello, world:
:%.10s:        :hello, wor:
:%-10s:        :hello, world:
:%.15s:        :hello, world:
:%-15s:        :hello, world  :
```

```

:%15.10s:      :      hello, wor:
:%-15.10s:     :hello, wor      :

```

13.1.4 Formatirani ulaz — scanf

Funkcija `scanf` je ulazni analogon funkcije `printf`. Funkcija `scanf` čita karaktere sa standardnog ulaza, interpretira ih na osnovu specifikacije navedene format niskom i smešta rezultat na mesta određena ostalim argumentima:

```
int scanf(char *format, ...)
```

Opis formata će biti objašnjen u nastavku. Ostali argumenti moraju biti pokazivači i određuju adrese na koje se smešta konvertovani ulaz. Kao i u slučaju funkcije `printf`, ovde će biti dat samo prikaz najčešćih načina korišćenja ove funkcije. Funkcija `scanf` prestaje sa radom kada iscrpi svoju format nisku ili kada neki deo ulaza ne može da se uklopi u shemu navedenu format niskom. Funkcija vraća broj uspešno uklopljenih i dodeljenih izlaznih podataka. U slučaju kraja datoteke, funkcija vraća `EOF`. Primitimo da je ovo različito od vrednosti 0 koja se vraća u slučaju da tekući karakter sa ulaza ne može da se uklopi u prvu specifikaciju zadatu format niskom. Svaki naredni poziv funkcije `scanf` nastavlja tačno od mesta na ulazu na kojem je prethodni poziv stao.

Format niska sadrži specifikacije konverzija kojima se kontroliše konverzija teksta pročitano sa ulaza. Format niska može da sadrži:

- Praznine ili tabulatore koji se ne zanemaruju.
- Obične karaktere (ne `%`), za koje se očekuje da se poklope sa sledećim ne-belinama sa standardnog ulaza.
- Specifikacije konverzija, koje se sastoje od karaktera `%`, opcionog karaktera `*` koji sprečava dodeljivanje, opcionog broja kojim se navodi maksimalna širina polja, opcione `h`, `l` ili `L` kojima se navodi ako se očekuje `short` ili `long` podatak, kao i od konverzionog karaktera.
- Specifikacija konverzije određuje konverziju narednog ulaznog polja. Obično se rezultat ove konverzije upisuje u promenljivu na koju pokazuje naredni ulazni argument. Ipak, ako se navede karakter `*`, konvertovana vrednost se preskače i nigde ne dodeljuje. Ulazno polje se definiše kao niska karaktera koji nisu beline. Ono se prostire ili do narednog karaktera beline ili do širine polja, ako je ona eksplicitno zadana. Ovo znači da funkcija `scanf` može da čita ulaz i iz nekoliko različitih linija sa standardnog ulaza, jer se prelasci u novi red tretiraju kao beline¹.
- Konverzioni karakter upućuje na željenu interpretaciju ulaznog polja.

U narednoj tabeli navedeni su konverzioni karakteri.

¹Pod belinama se podrazumevaju razmaci, tabulatori, prelasci u novi redovi (carriage return i/ili line feed), vertikalni tabulatori i formfeed.

13.1 Standardni ulaz, standardni izlaz i standardni izlaz za greške

Karakter	Ulazni podatak; Tip argumenta
d	dekadni ceo broj; int *
i	ceo broj; int *. Broj može biti i oktalan (ako ima vodeću 0) ili heksadekadan (vodeći 0x ili 0X).
o	oktalni ceo broj (sa ili bez vodeće nule); int *
u	neoznačeni dekadni broj; unsigned int *
x	heksadekadni broj (sa ili bez vodećih 0x ili 0X); int *
c	karakter; char *. Naredni karakter sa ulaza se smešta na navedenu lokaciju. Uobičajeno preskakanje belina se ne vrši u ovom slučaju. Za čitanje prvog ne-belog karaktera, koristi se %1s
s	niska (bez navodnika); char *, ukazuje na niz karaktera dovoljno dugačak za nisku uključujući i terminalnu '\0' koja se automatski dopisuje.
e,f,g	broj u pokretnom zarezu sa opcionim znakom, opcionom decimalnom tačkom i opcionim eksponentom; float *
%	doslovno %; ne vrši se dodela.

Ispred karaktera konverzije d, i, o, u, i x moguće je navesti karakter h koji ukazuje da se u listi argumenata očekuje pokazivač na `short` ili karakter l koji ukazuje da se u listi argumenata očekuje pokazivač na `long`.

Još jednom naglasimo: argumenti funkcije `scanf` moraju biti pokazivači. Ubedljivo najčešći oblik pogrešnog korišćenja ove funkcije je:

```
scanf("%d", n);
```

umesto

```
scanf("%d", &n);
```

Ova greška se obično ne otkriva tokom kompilacije.

Funkcija `scanf` ignoriše beline u okviru format niske. Takođe, preskaču se beline tokom čitanja ulaznih vrednosti. Pozivi funkcije `scanf` mogu biti pomešani sa pozivima drugih funkcija koje čitaju standardni ulaz. Naredni poziv bilo koje ulazne funkcije će pročitati prvi karakter koji nije pročitao tokom poziva funkcije `scanf`.

Primeri

U narednom primeru, korišćenjem funkcije `scanf` implementiran je jednostavni kalkulator:

```
#include <stdio.h>

int main()
{
    double sum, v;

    sum = 0.0;
    while (scanf("%f", &v) == 1)
        printf("\t%.2f\n", sum += v);
    return 0;
}
```

Datume sa ulaza koji su u formatu 25 Dec 1988, moguće je čitati korišćenjem:

```
int day, year;
char monthname[20];

scanf("%d %s %d", &day, monthname, &year);
```

Ispred imena mesecan nema potrebe navesti & jer je ime niza vrsta pokazivača. Doslovni karakteri se mogu pojaviti u okviru format niske i u tom slučaju se oni očekuju i na ulazu. Tako, za čitanje datuma sa ulaza koji su u formatu 12/25/1988, moguće je koristiti:

```
int day, month, year;
scanf("%d/%d/%d", &month, &day, &year);
```

13.2 Ulaz iz niske i izlaz u nisku

Funkcija `printf` vrši ispis formatiranog teksta na standardni izlaz. Standardna biblioteka jezika C definiše funkciju `sprintf` koja je veoma slična funkciji `printf`, ali rezultat njenog rada je popunjavanje niske karaktera formatiranim tekstom. Prototip funkcije je:

```
int sprintf(char *string, char *format, arg1, arg2, ...);
```

`sprintf` formatira argumente `arg1`, `arg2`, etc., na osnovu formatirajuće niske, a rezultat smešta u nisku karaktera prosleđenu kao prvi argument, podrazumevajući da je ona dovoljno velika da smesti rezultat.

Slično funkciji `sprintf` koja vrši ispis u nisku karaktera umesto na standardni izlaz, standardna biblioteka jezika C definiše i funkciju `sscanf` koja je analogna funkciji `scanf`, osim što ulaz čita iz date niske karaktera, umesto sa standardnog ulaza.

```
int sscanf(char* input, char* format, ...)
```

Navedimo primer korišćenja ove funkcije. Kako bi se pročitao ulaz čiji format nije fiksiran, najčešće je dobro pročitati celu liniju sa ulaza, a zatim je analizirati korišćenjem `sscanf`. Da bi se pročitao datum sa ulaza u nekom od prethodno navedena formata, moguće je koristiti:

```
while (getline(line, sizeof(line)) > 0) {
    if (sscanf(line, "%d %s %d", &day, monthname, &year) == 3)
        printf("valid: %s\n", line); /* 25 Dec 1988 */
    else if (sscanf(line, "%d/%d/%d", &month, &day, &year) == 3)
        printf("valid: %s\n", line); /* 12/25/1988 */
    else
        printf("invalid: %s\n", line); /* pogresan oblik */
}
```

13.3 Ulaz iz datoteka i izlaz u datoteke

Dosada obrađene funkcije za ulaz i izlaz su uglavnom čitale sa standardnog ulaza i pisale na standardni izlaz koji su automatski definisani i od strane operativnog sistema i kojima program automatski ima pristup. Iako je, mehanizmima preusmeravanja, bilo moguće izvesti programski pristup lokalnim datotekama, mehanizam preusmeravanja je veoma ograničen jer ne daje mogućnost istovremenog čitanja (ili pisanja) datoteke i standardnog ulaza kao ni mogućnost istovremenog čitanja (ili pisanja) više datoteka. Zbog toga, jezik C nudi direktnu podršku za rad sa lokalnim datotekama, bez potrebe za korišćenjem usluga preusmeravanja školjke operativnog sistema. Napomenimo još jednom da se sve potrebne deklaracije za rad sa datotekama nalaze u zaglavlju `<stdio.h>`.

13.3.1 Tekstualne i binarne datoteke

Iako se svaka datoteka može posmatrati kao niz bajtova, obično razlikujemo datoteke koje sadrže tekstualni sadržaj od datoteka koje sadrže binarni sadržaj. U zavisnosti od toga da li se u datoteci nalazi tekstualni ili binarni sadržaj, razlikuju se dva različita načina pristupa.

Prvi način je prilagođen tekstualnim datotekama koje u principu čine vidljivi karakteri, sa dodatkom oznake kraja reda i horizontalnog tabulatora. Ovakve datoteke se obično obrađuju liniju po liniju, što je karakteristično za tekst. Na primer, iz datoteke se čita linija po linija ili se u datoteku piše linija po linija. Kao što se vidi, u ovom slučaju oznaka za kraj linije je veoma relevantna i značajna. Međutim, na različitim sistemima tekst se kodira na različite načine i na nekim sistemima kraj reda u tekstualnoj datoteci se zapisuje sa dva karaktera (na primer, sa `\r\n` na sistemima Windows), a na nekim sa samo jednim karakterom (na primer, sa `\n` na sistemu Linux). Kako bi se ovakvi detalji sakrili od programera i kako programer ne bi morao da se stara o ovakvim specifičnostima, C jezik nudi *tekstualni mod* rada sa datotekama. Ukoliko se datoteka otvori u tekstualnom modu, prilikom svakog čitanja i upisa u datoteku vrši se konverzija iz nativnog formata označavanja kraja reda u jedinstven karakter `\n`. Tako, će na Windows sistemima dva karaktera `\r\n` na kraju reda biti pročitana samo kao `\n`, i obratno, kada se u datoteku upisuje `\n` bi će upisana dva karaktera `\r\n`. Na ovaj način pojednostavljuje se i olakšava rad sa datotekama koje čine tekstualni podaci. Da bi interpretiranje sadržaja tekstualne datoteke bilo uvek

ispravno treba izbegavati, na primer, pravljenje tekstualnih datoteka koja na kraju poslednjeg reda nemaju oznaku kraja reda, izbegavati razmake u linijama nakon oznake za kraj reda, izbegavati da tekstualne datoteke sadrže karaktere osim vidljivih karakterata, oznake kraja reda i tabulatora i slično.

Drugi način je prilagođen datotekama čiji sadržaj ne predstavlja tekst i u kojima se mogu naći bajtovi svih vrednosti od 0 do 255 (na primer, jpg ili zip datoteke). Za obradu ovakvih datoteka, C jezik nudi *binarni mod* rada sa datotekama. U ovom slučaju nema nikakve konverzije i interpretiranja karakterata prilikom upisa i čitanja i svaki bajt koji postoji u datoteci se čita doslovno.

Kao što za tekstualne datoteke postoje specifičnosti za čitanje i pisanje, tako postoje i neke specifičnosti za binarne datoteke koje ne ćemo navoditi. Ovo nije specifično za programski jezik C već je to slučaj i sa drugim programskim jezicima a sve to proističe iz specifičnosti operativnih sistema kao i potrebe za specifičnim obradama različitih tipova datoteka. Naglasimo da je razlika između tekstualnih i binarnih datoteka još oštija u jezicima koji podržavaju UNICODE jer se u tom slučaju više bajtova čita i konvertuje u jedan karakter.

13.3.2 Pristupanje datoteci

Kako bi se pristupilo datoteci, bilo za čitanje, bilo za pisanje, potrebno je izvršiti određenu vrstu povezivanja datoteke i programa. Za ovo se koristi biblioteka funkcija

```
FILE* fopen(char* filename, char* mode);
```

Funkcija `fopen` dobija nisku koja sadrži ime datoteke (na primer, `datoteka.txt`) i uz pomoć usluga operativnog sistema (koje neće na ovom mestu biti detaljnije opisane) i vraća pokazivač na strukturu koja predstavlja sponu između lokalne datoteke i programa i koja sadrži informacije o datoteci koje će biti korišćene prilikom svakog pristupa datoteci. Ove informacije mogu da uključe adresu početka bafera (prihvatanik, eng. `buffer`) kroz koji se vrši komunikacija sa datotekom, tekuću poziciju u okviru bafera, informaciju o tome da li se došlo do kraja datoteke, da li je došlo do greške i slično. Korisnici ne moraju i ne bi trebalo da direktno koriste ove informacije, već je dovoljno da upamte pokazivač na strukturu `FILE` i da ga prosleđuju svim funkcijama koje bi trebalo da pristupaju datoteci. Primetimo da je `FILE` ime tipa, a ne ime strukture; ovo ime je uvedeno korišćenjem `typedef`.

Prvi argument funkcije `fopen` je niska karakterata koja sadrži ime datoteke. Drugi argument je niska karakterata koja predstavlja način (`mod`) otvaranja datoteke i koja ukazuje na to kako će se datoteka koristiti. Dozvoljeni modovi uključuju čitanje (`read`, "`r`"), pisanje (`write`, "`w`") i dopisivanje (`append`, "`a`"). Ako se datoteka koja ne postoji na sistemu otvara za pisanje ili dopisivanje, ona se kreira ukoliko je to moguće. U slučaju da se postojeća datoteka otvara za pisanje, njen stari sadržaj se briše, dok se u slučaju otvaranja za dopisivanje stari sadržaj zadržava, a novi sadržaj upisuje nakon njega. Ukoliko se pokušava čitanje datoteke koja ne postoji dobija se greška. Takođe, greška se javlja i u slučaju da se pokušava pristup datoteci za koju program nema odgovarajuće

dozvole. U slučaju greške `fopen` vraća `NULL`. Modovi `r+`, `w+` i `a+` ukazuju da će rad sa datotekom podrazumevati i čitanje i pisanje (ili nadopisivanje). S obzirom na to da se pravi razlika između tekstualnih i binarnih datoteka. U slučaju da se želi otvaranje binarne datoteke, na mod se dopisuje "b" (na primer, `rb`, `wb`, `a+b`, ...).

Kada se C program pokrene, operativni sistem otvara tri datoteke i obezbeđuje pokazivače na njih. Preko ovih datoteka se može pristupati standardnom ulazu, standardnom izlazu i standardnom izlazu za greške. Odgovarajući pokazivači se nazivaju:

```
FILE* stdin;
FILE* stdout;
FILE* stderr;
```

Funkcija

```
int fclose(FILE *fp)
```

je inverzna funkciji `fopen`, i prekida vezu između programa i datoteke koju je funkcija `fopen` ostvarila. Pri pozivu funkcije `fclose` prazne se baferi koji privremeno čuvaju sadržaj datoteka čime se obezbeđuje da sadržaj zaista bude upisan na disk. Takođe, kreirana struktura `FILE` nije više potrebna i uklanja se iz memorije. S obzirom na to da većina operativnih sistema ograničava broj datoteka koje mogu biti istovremeno otvorene, dobra je praksa zatvarati datoteke čim prestanu da budu potrebne. U slučaju da program normalno završi, funkcija `fclose` se poziva automatski za svaku otvorenu datoteku.

13.3.3 Ulaz i izlaz pojedinačnih karaktera

Nakon što se otvori datoteka, iz nje se čita ili se u nju piše sadržaj. Razmotrimo prvo funkcije koje rade sa pojedinačnim karakterima.

Funkcija `getc` vraća naredni karakter iz datoteke određene prosleđenim `FILE` pokazivačem ili `EOF` u slučaju kraja datoteke ili greške.

```
int getc(FILE *fp)
```

Slično funkcija `putc` upisuje dati karakter u datoteku određenu prosleđenim `FILE` pokazivačem i vraća upisani karakter ili `EOF` u slučaju greške. Iako su greške prilikom izlaza retke, one se nekada javljaju (na primer, ako se prepuni hard disk), tako da bi pažljivi programi trebalo da vrše i ovakve provere.

```
int putc(int c, FILE *fp);
```

Slično kao i `getchar` i `putchar`, `getc` i `putc` mogu biti definisani kao makroi, a ne funkcije.

Naredni primer kopira sadržaj datoteke `ulazna.txt` u datoteku `izlazna.txt` čitajući i pišući pritom pojedinačne karaktere. Naglasimo da je ovo veoma neefikasan način kopiranja datoteka.

```
#include <stdio.h>

/* filecopy: copy file ifp to file ofp */
void filecopy(FILE *ifp, FILE *ofp)
{
    int c;
    while ((c = getc(ifp)) != EOF)
        putc(c, ofp);
}

int main()
{
    FILE *ulaz, *izlaz;

    ulaz = fopen("ulazna.txt", "r");
    if(ulaz == NULL)
        return -1;

    izlaz = fopen("izlazna.txt", "w");
    if(izlaz == NULL)
        return -1;

    filecopy(ulaz, izlaz);

    fclose(ulaz);
    fclose(izlaz);
    return 0;
}
```

Vraćanje karaktera u datoteku. Funkcija `ungetc`:

```
int ungetc (int c, FILE *fp);
```

„vraća” karakter u datoteku i vraća identifikator pozicije datoteke tako da naredni poziv operacije čitanja nad ovom datotekom vrati upravo vraćeni karakter. Ovaj karakter može, ali ne mora biti jednak poslednjem pročitanoj karakteru datoteke. Naglasimo da, iako ova funkcija utiče na naredne operacije čitanja datoteke, ona ne menja fizički sadržaj same datoteke (naime vraćeni karakteri se najčešće smeštaju u memorijski bafer, a ne u datoteku na disku, odakle se dalje čitaju). Funkcija vraća EOF ukoliko je došlo do greške, a vraćeni karakter inače.

Naredni primer čita karaktere iz datoteke dok god su u pitanju cifre i pri tom gradi dekadni ceo broj. Pošto poslednji karakter koji je pročitao nije cifra, on se vraća u datoteku kako ne bi bio izostavljen prilikom narednih čitanja.

```
#include <stdio.h>

int readint(FILE* fp) {
    int val = 0, c;
    while (isdigit(c = getc(fp)))
        val = 10*val + (c - '0');
    ungetc(c, fp);
}
```

13.3.4 Provera i grešaka i kraja datoteke

Funkcija `feof` vraća vrednost tačno (različito od nule) ukoliko se došlo do kraja date datoteke.

```
int feof(FILE *fp)
```

Funkcija `ferror` vraća vrednost tačno (različito od nule) ukoliko se došlo do kraja date datoteke.

```
int ferror(FILE *fp)
```

13.3.5 Linijski ulaz i izlaz

Standardna biblioteka definiše i funkcije za rad sa tekstualnim datotekama liniju po liniju.

Funkcija `fgets` čita jednu liniju iz datoteke.

```
char *fgets(char *line, int maxline, FILE *fp)
```

Funkcija `fgets` čita sledeću liniju iz datoteke (uključujući oznaku kraja reda) iz datoteke `fp` i rezultat smešta u nisku `line`; najviše `maxline-1` karaktera će biti pročitano. Rezultujuća niska je terminisana sa `'\0'`. U normalnom toku izvršavanja funkcija `fgets` vraća liniju; u slučaju kraja datoteke ili greške vraća `NULL`.

Za ispis, funkcija `fputs` ispisuje nisku (koja ne mora da sadrži oznaku kraja reda) u datoteku:

```
int fputs(char *line, FILE *fp)
```

Ona vraća `EOF` u slučaju da dođe do greške, a neki nenegativan broj inače.

Primitimo, da, malo neobično, `gets` briše završni `'\n'`, a `puts` ga dodaje, različito od funkcija `fgets` i `fputs`.

Kako bi se pokazalo da implementacija bibliotečkih funkcija nije značajno različito od implementacije ostalih funkcija, prikazujemo implementacije funkcija `fgets` and `fputs`, u obliku doslovno preuzetom iz nekih realnih implementacija C biblioteke:

```

/* fgets:  get at most n chars from iop */
char *fgets(char *s, int n, FILE *iop)
{
    register int c;
    register char *cs;

    cs = s;
    while (--n > 0 && (c = getc(iop)) != EOF)
        if ((*cs++ = c) == '\n')
            break;
    *cs = '\0';
    return (c == EOF && cs == s) ? NULL : s;
}

/* fputs:  put string s on file iop */
int fputs(char *s, FILE *iop)
{
    register int c;

    while (c = *s++)
        putc(c, iop);
    return ferror(iop) ? EOF : 0;
}

```

Iz neočiglednih razloga, standard propisuje različite povratne vrednosti za funkcije `ferror` i `fputs`.

Korišćenjem funkcije `fgets` jednostavno je napraviti funkciju koja čita liniju po liniju sa standardnog ulaza, vraćajući dužinu pročitane linije i nulu za kraj:

```

/* getline:  read a line, return length */
int getline(char *line, int max)
{
    if (fgets(line, max, stdin) == NULL)
        return 0;
    else
        return strlen(line);
}

```

13.3.6 Formatirani ulaz i izlaz

Za formatirani ulaz i izlaz mogu se koristiti funkcije `fscanf` i `fprintf`. One su identične funkcijama `scanf` i `printf`, osim što je prvi argument `FILE` pokazivač koji ukazuje na datoteku iz koje se čita, odnosno u koju se piše. Formatirajuća niska je u ovom slučaju drugi argument.

```

int fscanf(FILE *fp, char *format, ...)
int fprintf(FILE *fp, char *format, ...)

```


13.3.7 Rad sa binarnim datotekama

C standardna biblioteka nudi funkcije za direktno čitanje i pisanje bajtova u binarne datoteke. Takođe, korisnicima su na raspolaganju funkcije za pozicioniranje u okviru datoteka tako da se pristup binarnih datoteka može posmatrati i kao pristup nekoj vrsti memorije sa slučajnim pristupom.

Funkcija `fread` se koristi za čitanje niza slogova iz binarne datoteke, a funkcija `fwrite` za pisanje niza slogova u binarnu datoteku.

```
size_t fread(void *ptr, size_t size, size_t nmemb, FILE *stream);
size_t fwrite(const void *ptr, size_t size,
              size_t nmemb, FILE *stream);
```

Prvi argument je adresa memorije u koju se smeštaju pročitani slogovi iz datoteke, odnosno u kojoj su smešteni slogovi koji će biti upisani u datoteku. Drugi argument predstavlja veličina jednog sloga, treći broj slogova, a četvrti pokazivač povezan datoteke. Funkcije vraćaju broj uspešno pročitanih, odnosno upisanih slogova.

Funkcija `fseek` služi za pozicioniranje na mesto u datoteci sa koga će biti pročitano ili na koje će biti upisan sledeći podatak. Funkcija `ftell` vraća trenutnu poziciju u datoteci (u obliku pomeraja od početka izraženog u broju bajtova). Iako primena ovih funkcija nije striktno ograničena na binarne datoteke, one se najčešće koriste sa binarnim datotekama.

```
int fseek (FILE * stream, long int offset, int origin);
long int ftell (FILE * stream);
```

Prvi argument obe funkcije je pokazivač na datoteku. Funkcija `fseek` kao drugi argument dobija pomeraj izražen u broju bajtova, dok su za treći argument dozvoljene vrednosti `SEEK_SET` koja označava da se pomeraj računa u odnosu na početak datoteke, `SEEK_CUR` koji označava da se pomeraj računa u odnosu na tekuću poziciju i `SEEK_END` koji označava da se pomeraj računa u odnosu na kraj datoteke.

Navedimo jedan primer koji ilustruje primenu ovih funkcija.

```
#include <stdio.h>

int main() {
    struct S {
        int broj;
        int kvadrat;
    } s;

    FILE* f;
    int i;

    if ((f = fopen("junk", "r+b")) == NULL) {
        fprintf(stderr, "Greska prilikom otvaranja datoteke");
        return 1;
    }

    for (i = 1; i <= 5; i++) {
        s.broj = i; s.kvadrat = i*i;
        fwrite(&s, sizeof(struct S), 1, f);
    }

    printf("Upisano je %ld bajtova\n", ftell(f));

    for (i = 5; i > 0; i--) {
        fseek(f, (i-1)*sizeof(struct S), SEEK_SET);
        fread(&s, sizeof(struct S), 1, f);
        printf("%3d %3d\n", s.broj, s.kvadrat);
    }

    fclose(f);
}
```

13.4 Argumenti komandne linije programa

Još jedan način da se određeni podaci proslede programu je da se navedu u komandnoj liniji prilikom njegovog pokretanja. Argumenti koji su tako navedeni prenose se programu kao argumenti funkcije `main`. Prvi argument (koji se obično naziva `argc`, od engleskog `argument count`) je broj argumenata komandne linije (uključujući i sam naziv programa) navedenih prilikom pokretanja programa. Drug argument (koji se obično naziva `argv`, od engleskog `argument vector`) je (pokazivač na) niz niski karaktera koje sadrže argumente — svaka niska direktno odgovara jednom arugmentu. Po dogovoru, `argv[0]` je ime koje je korišćeno za poziv programa tako da je `argc` uvek barem 1. Ako je `argc` tačno 1, nisu navođeni dodatni argumenti nakon imena programa. Dakle, `argv[0]` je ime programa, `argv[1]` do `argv[argc-1]` su argumenti, dok se na poziciji

`argv[argc]` nalazi NULL pokazivač. Naglasimo još jednom da su `argc` i `argv` proizvoljni identifikatori i da je funkcija `main` mogla biti deklarirana i kao:

```
int main (int br_argumenata, char* argumenti[]);
```

Navedimo sada jednostavan program koji štampa broj argumenata kao i sadržaj vektora argumenata.

```
#include <stdio.h>
int main(int argc, char* argv[]) {
    int i;
    printf("argc = %d\n", argc);

    /* Multi argument uvek je ime programa (na primer, a.out)*/
    for (i = 0; i < argc; i++)
        printf("argv[%d] = %s\n", i, argv[i]);
    return 0;
}
```

Ukoliko se program prevede sa `gcc -o echoargs echoargs.c` i pozove sa `./echoargs -U zdravo svima "dobar dan"`, ispisaće

```
argc = 5
argv[0] = ./echoargs
argv[1] = -U
argv[2] = zdravo
argv[3] = svima
argv[4] = dobar dan
```

Jedna od mogućih upotreba argumenata komandne linije je da se programu navedu različite opcije. Običaj je da se opcije kodiraju pojedinačnim karakterima i da se navode iza karaktera `-`. Pri tom, moguće je iza jednog `-` navesti više karaktera koji određuju opcije. Na primer, pozivom:

```
./program -a -bcd 134 -ef zdravo
```

se programu zadaju opcije `a`, `b`, `c`, `d` e i `f` i argumenti `134` i `zdravo`.

Naredni program ispisuje sve opcije pronađene u komandnoj liniji:

```
#include <stdio.h>

int main(int argc, char* argv[])
{
    /* Za svaki argument komande linije, pocevsi od argv[1]
       (preskacemo ime programa) */
    int i;
    for (i = 1; i < argc; i++)
    {
        /* Ukoliko i-ti argument pocinje crticom */
        if (argv[i][0] == '-')
        { /* Ispisujemo sva njegova slova od pozicije 1 */
            int j;
            for (j = 1; argv[i][j] != '\0'; j++)
                printf("Prisutna je opcija : %c\n", argv[i][j]);
        }
    }
    return 0;
}
```

Kraće, ali dosta kompleksnije rešenje se intenzivno zasniva na pokazivačkoj aritmetici i prioritetu operatora.

```
#include <stdio.h>

int main(int argc, char* argv[])
{
    char c;
    /* Dok jos ima argumenata i dok je na poziciji 0 crtica */
    while(--argc>0 && (argv[0] == '-'))
        /* Dok god ne dodjemo do kraja tekuće niske */
        while (c=argv[0])
            printf("Prisutna opcija : %c\n",c);
    return 0;
}
```

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 13.4.1. U kojoj datoteci zaglavlja se nalazi deklaracija funkcije `printf`? Navesti njen prototip. Koju vrednost vraća ova funkcija?

Pitanje 13.4.2. U kojoj datoteci zaglavlja se nalazi deklaracija funkcije `scanf`? Navesti njen prototip. Koju vrednost vraća ova funkcija?

Pitanje 13.4.3. Šta, u formatirajućoj niski koja je argument funkcije `printf`, specificuje opcioni broj koji se navodi iza opcione tačke za argument koji je niska (na primer: `printf("%.2s", "zdravo");`)?

Šta, specificuje opcioni broj koji se navodi iza opcione tačke za argument koji realan broj (na primer: `printf("%.2f", 3.2453);`)?

Pitanje 13.4.4. Šta je rezultat poziva funkcije `printf("#%6.*f#", 2, 3.14159);`?
Šta je rezultat poziva funkcije `printf("%6.1f", 1/7);`?

Pitanje 13.4.5. Navesti prototip funkcije iz standardne biblioteke koja omogućava formatirani ispis u nisku. Navesti primer korišćenja. O čemu treba voditi računa prilikom pozivanja ove funkcije?

Pitanje 13.4.6. Na što jednostavniji način u nisku `n` (deklarisanu sa `char n[8];`) upisati vrednosti $1/7$ i $2/7$ sa po pet cifara iza decimalnog zareza, i razdvojene razmakom.

Pitanje 13.4.7. Koju vrednost vraća `scanf("1 2", "%i%i%i", &a, &b, &c);`

Pitanje 13.4.8. Navesti prototip funkcije `gets`. Navesti prototip funkcije `puts`. Kakva je razlika između funkcija `gets` i `fgets`? A `puts` i `fputs`?

Pitanje 13.4.9. Navesti prototip funkcije `fopen`. Koju vrednost vraća ova funkcija ukoliko se datoteka ne može otvoriti?

Pitanje 13.4.10. Navesti prototip standardne bibliotečke funkcije za zatvaranje datoteke. Koju vrednost ona vraća? Navesti bar dva razloga zbog kojih je preporučljivo zatvoriti datoteku čim se završi njeno korišćenje.

Pitanje 13.4.11. Može se desiti da nakon prekida rada programa u toku njegovog izvršavanja, datoteka u koju su u okviru prorama upisani neki podaci funkcijom `fprintf` ipak bude prazna. Zašto se to može desiti?

Pitanje 13.4.12. Navesti prototip funkcije kojom se proverava da li dostignut kraj datoteke sa datotečkim pokazivačem `p`?

Pitanje 13.4.13. Navesti prototip funkcije `main` sa argumentima.

Pitanje 13.4.14. Kako se, u okviru funkcije `main`, može ispisati ime programa koji se izvršava?

Zadatak 13.4.1. Napisati funkciju `main` koja izračunava i ispisuje sumu svih argumenata navedenih u komandnoj liniji (pretpostaviti da će svi argumenti biti celi brojevi koji se mogu zapisati u okviru tipa `int`).

Glava 14

Pregled standardne biblioteke

Standardnu C biblioteku čini skup datoteka zaglavlja i rutina koje realizuju neke uobičajene operacije kao što su ulaznu/izlazne operacije i rad sa niskama. Standardna C biblioteka nije stvarna biblioteka koja se koristi za povezivanje sa programima napisanom u jeziku C, ona pre predstavlja standard u koji mora da se uklopi svaki C prevodilac. Kako je implementirana standardna biblioteka zavisi od konkretnog sistema.

Standardna C biblioteka koju propisuje ISO standard jezika C sadrži dvadeseti i četiri datoteke zaglavlja koje se mogu uključivati u programe korišćenjem pretprocesorskih direktiva. Svaka datoteka zaglavlja sadrži deklaracije jedne ili više funkcija, definicije tipova i makroe. U nastavku je dat pregled nekoliko često korišćenih datoteka zaglavlja:

<limits.h> — sadrži opsege brojevnih tipova za konkretnu implementaciju;

<stdio.h> — sadrži deklaracije osnovnih ulazno/izlaznih funkcija;

<stdlib.h> — sadrži deklaracije operacija za konverziju, funkcije za generisanje pseudoslučanih brojeva, dinamičku alokaciju memorije, itd.

<ctype.h> — sadrži deklaracije funkcije za klasifikovanje i konvertovanje karaktera, nezavisno od karakterske tabele koja se koristi (ASCII ili neke druge);

<math.h> — sadrži deklaracije za često korišćene matematičke funkcije, kao i funkcije za sortiranje i pretraživanje;

<string.h> — sadrži deklaracije funkcija za obradu niski;

<time.h> — sadrži podršku za podatke o vremenu i datumu;

<assert.h> — sadrži makro `assert`.

U daljem tekstu će biti ukratko opisane neke od funkcija deklariranih u ovim zaglavlja.

14.1 Zaglavlje string.h

```

size_t strlen (char* str);

char* strcat (char* destination, char* source);
char* strncat (char* destination, char* source, size_t num);
char* strcpy (char* destination, char* source);
char* strncpy (char* destination, char* source, size_t num);

int strcmp (char* str1, char* str2);
int strncmp (char* str1, char* str2, size_t num);

char* strchr (char* str, int character);
char* strrchr (char* str, int character);
char* strstr (char* str1, char * str2);

size_t strspn (char* str1, char* str2);
size_t strcspn (char* str1, char* str2);
char* strpbrk (char* str1, char* str2);

char* strtok (char * str, char* delimiters);

```

14.2 Zaglavlje stdlib.h

rand Funkcija `rand()` generiše pseudo-slučajne cele brojeve u intervalu od 0 do vrednosti `RAND_MAX` (koja je takođe definisana u zaglavlju `<stdlib.h>`). Termin *pseudo-slučajni* se koristi da se naglasi da ovako dobijeni brojevi nisu zaista slučajni, već su dobijeni specifičnim izračunavanjima koja proizvode nizove brojeva nalik na slučajne. Prototip funkcije `rand` je:

```
int rand(void);
```

i ona vraća sledeći pseudo-slučajan broj u svom nizu. Pseudo-slučajni realni brojevi iz intervala $[0, 1)$ mogu se dobiti na sledeći način:

```
((double) rand() / (RAND_MAX+1.0))
```

Funkcija `rand()` može biti jednostavno upotrebljena za generisanje pseudo-slučajnih brojeva u celobrojnom intervalu $[n, m]$:

```
n+rand()%(m-n+1)
```

Ipak, bolja svojstva (bolju raspodelu) imaju brojevi koji se dobijaju na sledeći način:

```
n+(m-n+1)*((double) rand() / (RAND_MAX+1.0))
```


`srand` Funkcija `rand` niz pseudo-slučajnih brojeva generiše uvek počev od iste podrazumevane vrednosti (koja je jednaka 1). Funkcija `srand` postavlja vrednost koja se u sledećem pozivu funkcije `rand` (a time, indirektno, i u svim narednim) koristi u generisanju tog niza. Za bilo koju vrednost funkcije `srand`, čitav niz brojeva koji vraća funkcija `rand` je uvek isti. To je pogodno za ponavljanje (na primer, radi debugovanja) procesa u kojima se koriste pseudo-slučajni brojevi. Prototip funkcije `srand` je:

```
void srand(unsigned int);
```

`system` Prototip funkcije `system` je:

```
int system(char* command);
```

Pozivom `system(komanda)` izvršava se navedena komanda `komanda` (potencijalno sa argumentima) kao sistemski poziv kojim se startuje naredba operativnog sistema ili neki drugi program (u okviru tekućeg programa, a ne iz komandne linije). Nakon toga, nastavlja se izvršavanje programa.

Na primer, pozivom `system("date");` aktivira se program `date` koji ispisuje tekući datum i koji je često prisutan na različitim operativnim sistemima.

Ukoliko je argument funkcije `system` vrednost `NULL`, onda se samo proverava da li je raspoloživ komandni interpretator koji bi mogao da izvršava zadate komande. U ovom slučaju, funkcija `system` vraća ne-nulu, ako je komandni interpretator raspoloživ i nulu inače.

Ukoliko argument funkcije `system` nije vrednost `NULL`, onda funkcija vraća istu vrednost koju je vratio komandni interpretator (obično nulu ukoliko je komanda izvršena bez grešava). Vrednost `-1` vraća se u slučaju greške (na primer, komandni interpretator nije raspoloživ, nema dovoljno memorije da se izvrši komanda, lista argumenata nije ispravna).

`exit` Prototip funkcije `exit` je:

```
void exit(int);
```

Funkcija `exit` zaustavlja rad programa (bez obzira iz koje funkcije je pozvana) i vraća svoj argument kao povratnu vrednost programa. Obično povratna vrednost nula označava uspešno izvršenje programa, a vrednost ne-nula ukazuje na neku grešku tokom izvršavanja. Često se koriste i simboličke konstante `EXIT_SUCCESS` za uspeh i `EXIT_FAILURE` za neuspeh. Poziv `exit(e)` u okviru funkcije `main` ekvivalentan je naredbi `return e`. Funkcija `exit` automatski poziva `fclose` za svaku datoteku otvorenu u okviru programa.

14.3 Zaglavlje `ctype.h`

Zaglavlje `ctype.h` sadrži deklaracije nekoliko funkcija za ispitivanje i konvertovanje karaktera. Sve funkcije navedene u nastavku imaju argument tipa `int` i imaju `int` kao tip povratne vrednosti.

`isalpha(c)` vraća ne-nula vrednost ako je `c` slovo, nulu inače;

`isupper(c)` vraća ne-nula vrednost ako je slovo `c` veliko, nulu inače;

`islower(c)` vraća ne-nula vrednost ako je slovo `c` malo, nulu inače;

`isdigit(c)` vraća ne-nula vrednost ako je `c` cifra, nulu inače;

`isalnum(c)` vraća ne-nula vrednost ako je `c` slovo ili cifra, nulu inače;

`isspace(c)` vraća ne-nula vrednost ako je `c` belina (razmak, tab, novi red, itd), nulu inače;

`toupper(c)` vraća karakter `c` konvertovan u veliko slovo ili, ukoliko je to nemoguće — sâm karakter `c`;

`tolower(c)` vraća karakter `c` konvertovan u malo slovo ili, ukoliko je to nemoguće — sâm karakter `c`;

14.4 Zaglavlje `math.h`

Zaglavlje `math.h` sadrži deklaracije više od dvadeset često korišćenih matematičkih funkcija. Svaka od njih ima jedan ili dva argumenta tipa `double` i ima `double` tip povratne vrednosti.

`sin(x)` vraća vrednost funkcije $\sin(x)$, smatra se da je x zadato u radijanima;

`cos(x)` vraća vrednost funkcije $\cos(x)$, smatra se da je x zadato u radijanima;

`atan2(y, x)` vraća vrednost koja odgovara uglu u odnosu na x -osu tačke x, y . Ugao je u radijanima iz interavala $(-\pi, \pi]$. Vrednost nije definisana za koordinatni početak.

`exp(x)` vraća vrednost e^x ;

`log(x)` vraća vrednost $\ln x$ (mora da važi $x > 0$);

`log10(x)` vraća vrednost $\log_1 0x$ (mora da važi $x > 0$);

`pow(x, y)` vraća vrednost x^y ;

`sqrt(x)` vraća vrednost \sqrt{x} (mora da važi $x > 0$);

`fabs(x)` vraća apsolutni vrednost od x .

14.5 Zaglavlje `assert.h`

`assert.h` Prototip funkcije `assert` je:

```
void assert(int)
```

Funkcija `assert` se koristi u fazi razvoja programa da ukaže na moguće greške. Ukoliko je pri pozivu `assert(izraz)` vrednost celobrojnog izraza `izraz` jednaka nuli, onda će na standardni tok za greške (`stderr`) biti ispisana poruka nalik sledećoj:

```
Assertion failed: expression, file filename, line nnn
```

i biće prekinuto izvršavanje programa. Ukoliko je simboličko ime `NDEBUG` definisano pre nego što je uključeno zaglavlje `<assert.h>`, pozivi funkcije `assert` se ignorišu. Dakle, funkcija `assert` se obično koristi u toku razvoja programa, u takozvanoj *debug* verziji. Kada je program spreman za korišćenje, proizvodi se *release* verzija i tada se pozivi funkcije `assert` ignorišu (jer je tada obično definisano ime `NDEBUG`). U fazi razvoja programa, upozorenja koja generiše `assert` ukazuju na krupne propuste u programu, ukazuju da tekući podaci ne zadovoljavaju neki uslov koji je podrazumevan, te pomažu u njihovom ispravljanju. Funkcija `assert` ne koristi se da ukaže na greške u fazi izvršavanja programa koje nisu logičke (na primer, neka datoteka ne može da se otvori) već samo na one logičke greške koje ne smeju da se dogode. U završnoj verziji programa, pozivi funkcije `assert` imaju i dokumentacionu ulogu — oni čitaocu programa ukazuju na uslove za koje je autor programa podrazumevao da moraju da važe u nekoj tački programa.

Pitanja i zadaci za vežbu

Pitanje 14.5.1. *U kom zaglavlju standardne C biblioteke je deklarirana funkcija `rand`? Kako se može, korišćenjem funkcije iz standardne biblioteke, dobiti pseudoslučajan ceo broj iz intervala $[10,20]$?*

Pitanje 14.5.2. *Šta je efekat naredbe `exit`?*

Pitanje 14.5.3. *U kojoj datoteci zaglavlja je deklarirana funkcija `cos`?*

Dodatak A

Tabela prioriteta operatora

Operator	Opis	Asocijativnost
() [] . -> ++ --	Poziv funkcije indeksni pristup elementu niza pristup članu strukture ili unije pristup članu strukture ili unije preko pokazivača postfiksni inkrement/dekrement	s leva na desno
++ -- + - ! ~ (type) * & sizeof	prefiksni inkrement/dekrement unarni plus/minus logička negacija/bitski komplement eksplicitna konverzija tipa (cast) dereferenciranje referenciranje (adresa) veličina u bajtovima	s desna na levo
* / %	množenje, deljenje, ostatak	s leva na desno
+ -	sabiranje i oduzimanje	s leva na desno
<< >>	bitsko pomeranje ulevo i udesno	
< <= > >=	relacije manje, manje jednako relacije veće, veće jednako	s leva na desno
== !=	relacija jednako, različito	s leva na desno
&	bitska konjunkcija	s leva na desno
^	bitska ekskluzivna disjunkcija	s leva na desno
	bitska disjunkcija	s leva na desno
&&	logička konjunkcija	s leva na desno
	logička disjunkcija	s leva na desno
?:	ternarni uslovni	s desna na levo
= += -= *= /= %= &= ^= = <<= >>=	dodele	s desna na levo
,	spajanje izraza u jedan	s leva na desno

Dodatak B

Rešenja zadataka

Rešenje zadatka 2.4.1: (a) 185 (b) 964 (c) 476

Rešenje zadatka 2.4.2: $(11111110)_2$, $(376)_8$, $(FE)_{16}$,

Rešenje zadatka 2.4.3: Prevođenjem svake četvorke binarnih cifara zasebno, dobija se $(AB48F5566BAAE293)_{16}$. Prevođenjem svake heksadekadne cifre zasebno dobija se

$(1010001110111111010001110010001001101111000100111010111)_2$

Rešenje zadatka 2.4.4: (a) $\text{rgb}(53, 167, 220)$

(b) $\#FFFFFF00$

(c) Svaki par heksadekadnih cifara je isti (npr. $\#262626$ ili $\#A0A0A0$).

Rešenje zadatka 2.4.5: Najmanji broj je 0 $(00\dots00)$, a najveći $2^n - 1$ $(11\dots11)$. Dakle, (a) od 0 do $2^4 - 1 = 15$, (b) od 0 do $2^8 - 1 = 255$, (c) od 0 do $2^{16} - 1 = 65535 = 64K$, (d) od 0 do $2^{24} - 1 = 16\,777\,216 = 16M$, (e) $2^{32} - 1 = 4\,294\,967\,296 = 4G$.

Rešenje zadatka 2.4.6: (a) 00001100, (b) 01111011, (c) 11111111, (d) ne može da se zapiše

Rešenje zadatka 2.4.7: Najmanji broj je -2^{n-1} $(10\dots00)$, a najveći je $2^{n-1} - 1$ $(011\dots11)$. Dakle, (a) od -8 do 7, (b) od -128 do 127, (c) -32768 do 32767, (d) od -8388608 do 8388607 i (e) od -2147483648 do 2147483647.

Rešenje zadatka 2.4.8: (a) 00001100, (b) 10000101, (c) 00000000, (d) 11101110, (e) 10000000 (f) ne može da se zapiše

Rešenje zadatka 2.4.9: Broj 5 se zapisuje kao 000101, broj - kao 111011, zbir kao 000000, a proizvod kao 100111.

Rešenje zadatka 2.4.10: (a) -38, (b) 83, (c) -128, (d) -1, (e) 127, (f) 0

Rešenje zadatka 2.4.11: Sa n bitova moguće je kodirati ukupno 2^n različitih karaktera. Dakle, najmanji broj bitova je 5.

Rešenje zadatka 2.4.12: 46 41 4b 55 4c 54 45 54, DISKRETNE

Rešenje zadatka 2.4.13: Heksadekadno: 22 50 72 6f 67 72 61 6d 69 72 61 6e 6a 65 20 31 22,

Binarno: 00100010 01010000 01110010 01101111 01100111 01110010 01100001 01001101 01101001 01110010 01100001 01101110 01101010 01100101 00100000 00110001 00100010

Oktalno: 042 120 162 157 147 162 141 115 151 162 141 156 152 145 040 061 042

Dekadno: 34 80 114 111 103 114 97 109 105 114 97 110 106 101 32 49 34

Rešenje zadatka 2.4.14:

	ASCII	Windows-1250	ISO-8859-5	ISO-8859-2	Unicode (UCS-2)	UTF-8
računarstvo	-	11	-	11	22	12
informatika	11	11	11	11	22	11
һир-лат	-	-	7	-	14	10
čirчии	-	-	-	-	12	10

Rešenje zadatka 2.4.15:

UCS-2: 006b 0072 0075 017e 0069 0107 *UTF-8*: 6b 72 75 c5be 69 c487

Rešenje zadatka 3.6.1:

Predloženi algoritam se zasniva na sledećoj osobini:

$$xy = \underbrace{x + \overbrace{(1 + \dots + 1)}^x + \dots + \overbrace{(1 + \dots + 1)}^x}_y$$

Odgovarajući URM program podrazumeva sledeću početnu konfiguraciju:

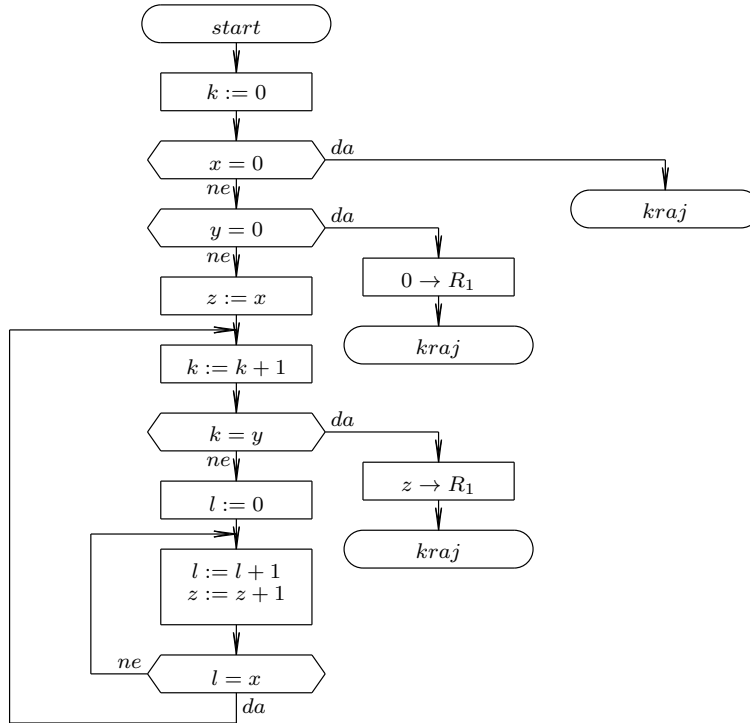
R_1	R_2	R_3	...
x	y	0	...

i sledeću radnu konfiguraciju:

R_1	R_2	R_3	R_4	R_5	...
x	y	z	k	l	...

gde k dobija redom vrednosti $0, 1, \dots, y$, a za svaku od ovih vrednosti l dobija redom vrednosti $0, 1, \dots, x$.

1. $J(1, 10, 100)$ ako je $x = 0$, onda kraj
2. $J(2, 10, 13)$ $y = 0?$
3. $T(1, 3)$ $z := x$
4. $S(4)$ $k := k + 1$
5. $J(4, 2, 11)$ $k = y?$
6. $Z(5)$ $l := 0$
7. $S(5)$ $l := l + 1$
8. $S(3)$ $z := z + 1$
9. $J(5, 1, 4)$
10. $J(1, 1, 7)$
11. $T(3, 1)$ $z \rightarrow R_1$
12. $J(1, 1, 100)$
13. $Z(1)$ $0 \rightarrow R_1$



Rešenje zadatka 3.6.5:

Predloženi algoritam se zasniva na sledećoj osobini:

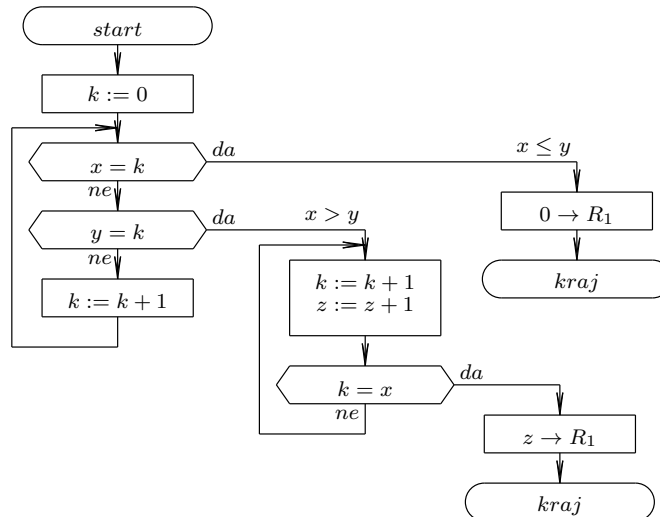
$$z = x - y \Leftrightarrow x = y + z$$

Odgovarajući URM program podrazumeva sledeću početnu konfiguraciju:

R_1	R_2	R_3	...
x	y	0	...

i sledeću radnu konfiguraciju:

R_1	R_2	R_3	R_4	...
x	y	k	z	...



- | | | |
|-----|----------------|---------------------|
| 1. | $J(1, 3, 5)$ | $x = k?$ |
| 2. | $J(2, 3, 7)$ | $y = k?$ |
| 3. | $S(3)$ | $k := k + 1$ |
| 4. | $J(1, 1, 1)$ | |
| 5. | $Z(1)$ | $0 \rightarrow R_1$ |
| 6. | $J(1, 1, 100)$ | kraj |
| 7. | $S(3)$ | $k := k + 1$ |
| 8. | $S(4)$ | $z := z + 1$ |
| 9. | $J(3, 1, 11)$ | $k = x?$ |
| 10. | $J(1, 1, 7)$ | |
| 11. | $T(4, 1)$ | $z \rightarrow R_1$ |

Rešenje zadatka 6.6.1:

```

#include <stdio.h>
#include <math.h>

int main() {
    double r;
    printf("Unesi poluprecnik kruga: ");
    scanf("%lf", &r);
    printf("Obim kruga je: %lf\n", 2*r*M_PI);
    printf("Povrsina kruga je: %lf\n", r*r*M_PI);
    return 0;
}
  
```

Rešenje zadatka 6.6.2:

```

#include <stdio.h>
#include <math.h>
  
```

```
int main() {
    /* Koordinate tacaka A, B, C */
    double xa, ya, xb, yb, xc, yc;
    /* Duzine stranica BC, AC, AB */
    double a, b, c;
    /* Poluobim i površina trougla ABC */
    double s, P;

    printf("Unesi koordinate tacke A: \n");
    scanf("%lf %lf", &xa, &ya);
    printf("Unesi koordinate tacke B: \n");
    scanf("%lf %lf", &xb, &yb);
    printf("Unesi koordinate tacke C: \n");
    scanf("%lf %lf", &xc, &yc);

    /* Izracunavaju se duzine stranice trougla ABC i
       njegovu površinu Heronovim obrascem */
    a = sqrt((xb - xc)*(xb - xc) + (yb - yc)*(yb - yc));
    b = sqrt((xa - xc)*(xa - xc) + (ya - yc)*(ya - yc));
    c = sqrt((xa - xb)*(xa - xb) + (ya - yb)*(ya - yb));

    s = (a + b + c) / 2;
    P = sqrt(s*(s - a)*(s - b)*(s - c));

    printf("Površina trougla je: %lf\n", P);

    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 6.6.3:

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>

int main() {
    /* Duzine stranica trougla */
    double a, b, c;
    /* Velicine uglova trougla */
    double alpha, beta, gamma;

    printf("Unesi duzinu stranice a: ");
    scanf("%lf", &a);
    printf("Unesi duzinu stranice b: ");
    scanf("%lf", &b);
    printf("Unesi ugao gama (u stepenima): ");
    scanf("%lf", &gamma);
```

```

/* Kosinusnom teoremom izracunavamo duzinu trece stranice i
   preostala dva ugla. Pri tom se vrši konverzija stepena
   u radijane i obratno. */
c = sqrt(a*a + b*b - 2*a*b*cos(gamma*M_PI/180.0));

alpha = acos((b*b + c*c - a*a) / (2*b*c)) / M_PI * 180.0;
beta = acos((a*a + c*c - b*b) / (2*a*c)) / M_PI * 180.0;

printf("Duzina stranice c je: %lf\n", c);
printf("Velicina ugla alfa (u stepenima) je: %lf\n", alpha);
printf("Velicina ugla beta (u stepenima) je: %lf\n", beta);

return 0;
}

```

Rešenje zadatka 6.6.4:

```

#include <stdio.h>

int main() {
int kmh;
printf("Unesi brzinu u km/h: ");
scanf("%d", &kmh);
printf("Brzina u ms/s je: %f\n", kmh * 1000.0 / 3600.0);
return 0;
}

```

Rešenje zadatka 6.6.5:

```

#include <stdio.h>

int main() {
/* Broj cija se suma cifara racuna */
int n;
/* Cifre broja*/
int c0, c1, c2, c3;

printf("Unesi cetvorocifreni broj: ");
scanf("%d", &n);
if (n < 1000 || n >= 10000) {
printf("Broj nije cetvorocifren\n");
return 1;
}

c0 = n % 10;
c1 = (n / 10) % 10;
c2 = (n / 100) % 10;

```

```
    c3 = (n / 1000) % 10;

    printf("Suma cifara je: %d\n", c0 + c1 + c2 + c3);
}
```

Rešenje zadatka 6.6.6:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n;
    scanf("%d", &n);
    if (n < 1000 || n > 9999)
        printf("Broj nije cetvorocifren\n");
    else {
        unsigned s = 0;
        s += n % 10;
        n /= 10;
        s += n % 10;
        n /= 10;
        s += n % 10;
        n /= 10;
        s += n % 10;
        printf("Zbir cifara je %d\n", s);
    }
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 6.6.7:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int n, c0, c1;
    printf("Unesi broj: ");
    scanf("%d", &n);
    c0 = n % 10;
    c1 = (n / 10) % 10;
    printf("Zamenjene poslednje dve cifre: %d\n",
        (n / 100)*100 + c0*10 + c1);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 6.6.8:

```
#include <stdio.h>

int main() {
```

```

double a1, a2, a3, a4, a5, a6, a7, a8, a9;
scanf("%lf%lf%lf", &a1, &a2, &a3);
scanf("%lf%lf%lf", &a4, &a5, &a6);
scanf("%lf%lf%lf", &a7, &a8, &a9);
/* Determinantu ra\ v cunamo primenom Sarusovog pravila:
   a1 a2 a3 a1 a2
   a4 a5 a6 a4 a5
   a7 a8 a9 a7 a8
   - glavne dijagonale pozitivno, sporedne negativno
*/
printf("%lf\n", a1*a5*a9 + a2*a6*a7 + a3*a4*a8
          - a3*a5*a7 - a1*a6*a8 - a2*a4*a9);
return 0;
}

```

Rešenje zadatka 6.6.9:

```

#include <stdio.h>

int main() {
    /*
    (0, 0) -> 1
    (0, 1) -> 2   (1, 0) -> 3
    (2, 0) -> 4   (1, 1) -> 5   (0, 2) -> 6
    (0, 3) -> 7   (1, 2) -> 8   (2, 1) -> 9   (3, 0) -> 10
    ...
    */
    int x, y, z, n;
    printf("Unesi x i y koordinatu: ");
    scanf("%d %d", &x, &y);
    z = x + y;
    if (z % 2)
        n = z*(z + 1)/2 + x + 1;
    else
        n = z*(z + 1)/2 + y + 1;
    printf("Redni broj u cik-cak nabrajanju je: %d\n", n);
    return 0;
}

```

Rešenje zadatka 6.6.10:

```

#include <stdio.h>

int main() {
    int a, b, c, m;
    printf("Unesi tri broja: ");
    scanf("%d %d %d", &a, &b, &c);
}

```

```
m = a;
if (b > m)
    m = b;
if (c > m)
    m = c;
printf("Najveci broj je: %d\n", m);
return 0;
}
```

Rešenje zadatka 6.6.11:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    float A, B;
    printf("Unesi koeficijente A i B jednacine A*X + B = 0: ");
    scanf("%f %f", &A, &B);
    if (A != 0)
        printf("Jednacina ima jedinstveno resenje: %f\n", -B/A);
    else if (B == 0)
        printf("Svaki realan broj zadovoljava jednacinu\n");
    else
        printf("Jednacina nema resenja\n");
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 6.6.12:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    double a1, b1, c1, a2, b2, c2;
    double Dx, Dy, D;
    scanf("%lf%lf%lf", &a1, &b1, &c1);
    scanf("%lf%lf%lf", &a2, &b2, &c2);
    /* Sistem resavamo primenom Kramerovog pravila */
    /* Determinanta sistema:
        a1 b1
        a2 b2
    */
    D = a1*b2 - b1*a2;
    /* Determinanta promenljive x:
        c1 b1
        c2 b2
    */
    Dx = c1*b2 - b1*c2;
    /* Determinanta promenljive y:
```

```

        a1 c1
        a2 c2
    */
    Dy = a1*c2 - c1*a2;
    if (D != 0)
        printf("x = %lf\ny = %lf\n", Dx / D, Dy / D);
    else if (Dx == 0 && Dy == 0)
        printf("Sistem ima beskonacno mnogo resenja\n");
    else
        printf("Sistem nema resenja\n");

    return 0;
}

```

Rešenje zadatka 6.6.13:

```

#include <stdio.h>
#include <math.h>

int main() {
    float a, b, c; /* koeficijenti */
    float D; /* diskriminanta */
    printf("Unesi koeficijente a, b, c"
           " kvadratne jednacine ax^2 + bx + c = 0: ");
    scanf("%f %f %f", &a, &b, &c);
    D = b*b - 4*a*c;
    if (D > 0) {
        float sqrtD = sqrt(D);
        printf("Realna resenja su: %f i %f\n",
               (-b + sqrtD) / (2*a), (-b - sqrtD) / (2*a));
    } else if (D == 0) {
        printf("Jedinstveno realno resenje je: %f\n",
               -b/(2*a));
    } else {
        printf("Jednacina nema realnih resenja\n");
    }
    return 0;
}

```

Rešenje zadatka 7.1.1:

```

#include <stdio.h>

int main() {
    double x, y, z;
    scanf("%lf%lf%lf", &x, &y, &z);
    if (x > 0 && y > 0 && z > 0 &&

```



```
        x + y > z && x + z > y && y + z > x)
    printf("Trougao postoji\n");
    else
        printf("Trougao ne postoji\n");
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 7.1.2:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    double x, y, z;
    scanf("%lf%lf%lf", &x, &y, &z);
    if (x > 0 && y > 0 && z > 0 &&
        x + y > z && x + z > y && y + z > x)
        printf("Trougao postoji\n");
    else
        printf("Trougao ne postoji\n");
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.1:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int n, i;
    printf("Unesi gornju granicu: ");
    scanf("%d", &n);
    for (i = 1; i < n; i += 2)
        printf("%d ", i);
    printf("\n");
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.2:

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>

#define N 100

int main() {
    double l = 0.0, d = 2*M_PI;
    double h = (d - l) / (N - 1);
    double x;
    printf(" x      sin(x)\n");
```

```
    for (x = 1; x <= d; x += h)
        printf("%4.2lf  %7.4lf\n", x, sin(x));
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.3:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    double x, s;
    unsigned n, i;
    printf("Unesi broj x: ");
    scanf("%lf", &x);
    printf("Unesi izlozilac n: ");
    scanf("%d", &n);
    for (s = 1.0, i = 0; i < n; i++)
        s *= x;
    printf("x^n = %lf\n", s);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.4:

```
#include <stdio.h>

#define N 4

int main() {
    int i, j;

    /* Deo pod (a): */

    for (i = 0; i < N; i++) {
        for (j = 0; j < N; j++)
            putchar('*');
        putchar('\n');
    }

    printf("-----\n");

    /* Deo pod (b): */
    for (i = 0; i < N; i++) {
        for (j = 0; j < N - i; j++)
            putchar('*');
        putchar('\n');
    }
}
```

```
printf("-----\n");

/* Deo pod (c): */
for (i = 0; i < N; i++) {
    for (j = 0; j < i + 1; j++)
        putchar('*');
    putchar('\n');
}

printf("-----\n");

/* Deo pod (d): */
for (i = 0; i < N; i++) {
    for (j = 0; j < i; j++)
        putchar(' ');
    for (j = 0; j < N - i; j++)
        putchar('*');
    putchar('\n');
}

printf("-----\n");

/* Deo pod (e): */
for (i = 0; i < N; i++) {
    for (j = 0; j < N - i - 1; j++)
        putchar(' ');
    for (j = 0; j < i + 1; j++)
        putchar('*');
    putchar('\n');
}

printf("-----\n");

/* Deo pod (f): */
for (i = 0; i < N; i++) {
    for (j = 0; j < i; j++)
        putchar(' ');
    for (j = 0; j < N - i - 1; j++) {
        putchar('*'); putchar(' ');
    }
    putchar('*');
    putchar('\n');
}

printf("-----\n");
```

```

/* Deo pod (g): */
for (i = 0; i < N; i++) {
    for (j = 0; j < N - i - 1; j++)
        putchar(' ');
    for (j = 0; j < i; j++) {
        putchar('*'); putchar(' ');
    }
    putchar('*');
    putchar('\n');
}

return 0;

```

```

}

```

Rešenje zadatka 8.4.5:

```

#include <stdio.h>

```

```

int main() {
    unsigned n, d;
    scanf("%u", &n);
    for (d = 1; d <= n; d++)
        if (n % d == 0)
            printf("%u\n", d);
    return 0;
}

```

```

#include <stdio.h>

```

```

/* Delioci se dodaju u parovima:
   ako je n deljiv sa d, deljiv je i sa n/d.
   Pretraga se vrši do korena iz n.
   Ako je n potpun kvadrat, koren se sabira
   samo jednom. */

```

```

int main() {
    unsigned n, s, d;
    scanf("%u", &n);
    for (s = 0, d = 1; d*d < n; d++)
        if (n % d == 0)
            s += d + n / d;
    if (d * d == n)
        s += d;
    printf("Suma: %u\n", s);
    return 0;
}

```

Rešenje zadatka 8.4.6:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n, d;
    int prost;
    scanf("%d", &n);
    for (prost = 1, d = 2; prost && d*d <= n; d++)
        if (n % d == 0)
            prost = 0;
    printf("Broj je %s\n", prost ? "prost" : "slozen");
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.7:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned d, n;
    scanf("%u", &n);

    d = 2;
    while (n > 1) {
        if (n % d == 0) {
            printf("%u\n", d);
            n /= d;
        } else
            d++;
    }
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.8:

```
#include <stdio.h>
#include <limits.h>
#include <math.h>

int main() {
    int a; /* broj koji se unosi */
    int n = 0; /* broj unetih brojeva */
    int s = 0; /* zbir unetih brojeva */
    int p = 1; /* proizvod unetih brojeva */
    int min = INT_MAX; /* minimum unetih brojeva */
    int max = INT_MIN; /* maksimum unetih brojeva */
    double sr = 0; /* zbir reciprocnih vrednosti */
    while (1) {
```

```

scanf("%d", &a);
if (a == 0) break;
n++;
s += a;
p *= a;
if (a < min) min = a;
if (a > max) max = a;
sr += 1.0/a;
}
if (n == 0) {
printf("Nije unet nijedan broj\n");
return 1;
}
printf("broj: %d\n", n);
printf("zbir: %d\n", s);
printf("proizvod: %d\n", p);
printf("minimum: %d\n", min);
printf("maksimum: %d\n", max);
printf("aritmeticka sredina: %f\n", (double)s / (double)n);
printf("geometrijska sredina: %f\n", pow(p, 1.0/n));
printf("harmonijska sredina: %f\n", n / sr);

return 0;
}

```

Rešenje zadatka 8.4.9:

```

#include <stdio.h>

int main() {
int ts = 0; /* Tekuca serija */
int ns = 0; /* Najduza serija */
int pb, tb; /* Prethodni i tekuci broj */

scanf("%d", &pb);
if (pb != 0) {
ts = ns = 1;
while(1) {
scanf("%d", &tb);
if (tb == 0) break;
if (tb == pb)
ts++;
else
ts = 1;

if (ts > ns)
ns = ts;
}
}
}

```

```
        pb = tb;
    }
}
printf("%d\n", ns);
return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.10:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned x, N1, N2, n, l;
    n = 0; N1 = 0; N2 = 1;
    scanf("%d", &x);
    while (x != N1) {
        N1++;
        if (N1 == N2) {
            n++;
            N2++;
            l = 0;
            do {
                l++;
                N2 += 2;
            } while (l != n);
        }
    }
    printf("%d\n", n);
}
```

Rešenje zadatka 8.4.11:

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>

#define EPS 0.0001
int main() {
    double xp, x, a;
    printf("Unesite broj: ");
    scanf("%lf", &a);
    x = 1.0;
    do {
        xp = x;
        x = xp - (xp * xp - a) / (2.0 * xp);
        printf("%lf\n", x);
    } while (fabs(x - xp) >= EPS);
    printf("%lf\n", x);
}
```

```
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.12:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned fpp = 1, fp = 1, k;
    scanf("%d", &k);
    if (k == 0) return 0;
    printf("%d\n", fpp);
    if (k == 1) return 0;
    printf("%d\n", fp);
    k -= 2;
    while (k > 0) {
        unsigned f = fpp + fp;
        printf("%d\n", f);
        fpp = fp; fp = f;
        k--;
    }
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.13:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n;
    printf("Unesi broj: ");
    scanf("%u", &n);
    do {
        printf("%u\n", n % 10);
        n /= 10;
    } while (n > 0);
    return 0;
}

#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n, suma = 0;
    printf("Unesi broj: ");
    scanf("%u", &n);
    do {
        suma += n % 10;
        n /= 10;
    }
```



```
    } while (n > 0);
    printf("Suma cifara broja je: %u\n", suma);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.14:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n1, n2, tmp;
    scanf("%d", &n1);
    scanf("%d", &n2);
    tmp = n2;
    while (n2 > 0) {
        n1 *= 10;
        n2 /= 10;
    }
    n1 += tmp;
    printf("%d\n", n1);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.15:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n;      /* polazni broj */
    unsigned o = 0; /* obrnuti broj */
    scanf("%d", &n);
    do {
        /* poslednja cifra broja n se uklanja iz broja n i
           dodaje na kraj broja o */
        o = 10*o + n % 10;
        n /= 10;
    } while (n > 0);
    printf("%d\n", o);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.16:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n, s = 1, r = 0;
    scanf("%u", &n);
```

```
while (n > 0) {
    unsigned c = n % 10;
    if (c % 2 == 0) {
        r = n % 10 * s + r;
        s *= 10;
    }
    n /= 10;
}
printf("%u\n", r);
return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.17:

```
#include <stdio.h>
int main() {
    unsigned n, s = 1;
    unsigned char p, c;
    scanf("%u%hhu%hhu", &n, &p, &c);
    while (p > 0) {
        s *= 10;
        p--;
    }
    printf("%d\n", (n / s)*s*10 + c*s + n % s);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.18:

```
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n, a, b, s, poc, sred, kraj;
    scanf("%u", &n);

    if (n < 10) {
        printf("%u\n", n);
        return 0;
    }

    b = n; s = 1;
    while (b >= 10) {
        s *= 10;
        b /= 10;
    }

    poc = n / s;
```

```
sred = (n % s) / 10;
kraj = n % 10;

printf("%u\n", s*kraj + 10 * sred + poc);

return 0;

}

/* Rotiranje ulevo */
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n, a, b, s;
    scanf("%u", &n);

    b = n; s = 1;
    while (b >= 10) {
        s *= 10;
        b /= 10;
    }

    printf("%u\n", s * (n % 10) + n / 10);

    return 0;
}

/* Rotiranje udesno */
#include <stdio.h>

int main() {
    unsigned n, a, b, s;
    scanf("%u", &n);

    b = n; s = 1;
    while (b >= 10) {
        s *= 10;
        b /= 10;
    }

    printf("%u\n", n % s * 10 + n / s);

    return 0;
}
```

Rešenje zadatka [8.4.19](#):

```
#include <stdio.h>

int main() {
    int d, m, g, dm;
    scanf("%d%d%d", &d, &m, &g);
    switch(m) {
        case 1: case 3: case 5: case 7: case 8: case 10: case 12:
            dm = 31;
            break;
        case 4: case 6: case 9: case 11:
            dm = 31;
            break;
        case 2:
            dm = (g % 4 == 0 && g % 100 != 0 || g % 400 == 0) ? 29 : 28;
            break;
        default:
            printf("Pogresan mesec\n");
            return 1;
    }
    if (d < 1 || d > dm) {
        printf("Pogresan dan\n");
        return 1;
    }
    if (g < 0) {
        printf("Pogresna godina\n");
        return 1;
    }
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 8.4.20:

```
#include <stdio.h>
#include <limits.h>

int main() {
    int x; /* tekuci broj */
    int m; /* najmanji prethodno unet broj */
    int n; /* broj unetih brojeva */
    int s; /* suma unetih brojeva */

    /* Prvi uneti broj mora biti specificno obradjen jer nema
       prethodnih brojeva kako bi se odredio njihov minimum. Po uslovu
       zadatka, uvek ga ispisujemo.
    */
    scanf("%d", &x);
    printf("manji od minimuma: %d\n", x);
}
```

```
m = x;
/* Za sredinu prethodnih se uzima da je 0.0 */
if (x > 0.0)
    printf("Veci od proseka prethodnih: %d\n", x);
/* Azuriram prosek prethodnih */
s = x; n = 1;

/* Obradjujemo ostale brojeve dok se ne pojavi 0 */
while (x != 0) {
    scanf("%d", &x);
    if (x < m) {
        printf("Manji od minimuma: %d\n", x);
        /* Azuriram vrednost minimuma */
        m = x;
    }
    if (x > s / n)
        printf("Veci od proseka prethodnih: %d\n", x);
    /* Azuriram prosek prethodnih */
    s += x; n++;
}

return 0;
}
```

Rešenje zadatka 9.1.1:

```
#include <stdio.h>

int prost(unsigned n) {
    unsigned d;
    for (d = 2; d * d <= n; d++)
        if (n % d == 0)
            return 0;
    return 1;
}

int main() {
    unsigned n;
    scanf("%u", &n);
    printf(prost(n) ? "Prost\n" : "Slozen\n");
}
```

Rešenje zadatka 9.1.3:

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
```

```
double rastojanje(double x1, double y1, double x2, double y2) {
    double dx = x2 - x1, dy = y2 - y1;
    return sqrt(dx*dx + dy*dy);
}

int main() {
    double xa, ya, xb, yb, xc, yc;
    scanf("%lf%lf", &xa, &ya);
    scanf("%lf%lf", &xb, &yb);
    scanf("%lf%lf", &xc, &yc);
    double a = rastojanje(xb, yb, xc, yc);
    double b = rastojanje(xa, ya, xc, yc);
    double c = rastojanje(xa, ya, xb, yb);
    double s = (a + b + c) / 2.0;
    double P = sqrt(s * (s - a) * (s - b) * (s - c));
    printf("%lf\n", P);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 9.1.4:

```
#include <stdio.h>

unsigned suma_delilaca(unsigned n) {
    unsigned s = 1, d;
    for (d = 2; d*d < n; d++)
        if (n % d == 0)
            s += d + n / d;
    if (d * d == n)
        s += d;
    return s;
}

int savrsen(unsigned n) {
    return n == suma_delilaca(n);
}

int main() {
    unsigned n;
    for (n = 1; n <= 10000; n++)
        if (savrsen(n))
            printf("%u\n", n);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 7.3.1:

```
#include <stdio.h>
```

```
int sadrzi(int a[], int n, int x) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        if (a[i] == x)
            return 1;
    return 0;
}

int prva_poz(int a[], int n, int x) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        if (a[i] == x)
            return i;
    return -1;
}

int poslednja_poz(int a[], int n, int x) {
    int i;
    for (i = n; i >= 0; i--)
        if (a[i] == x)
            return i;
    return -1;
}

int suma(int a[], int n) {
    int i;
    int s = 0;
    for (i = 0; i < n; i++)
        s += a[i];
    return s;
}

double prosek(int a[], int n) {
    int i;
    int s = 0;
    for (i = 0; i < n; i++)
        s += a[i];
    return (double)s / (double)n;
}

/* Pretpostavlja se da je niz neprazan */
int min(int a[], int n) {
    int i, m;
    m = a[0];
    for (i = 1; i < n; i++)
```

```

        if (a[i] < m)
            m = a[i];
    return m;
}

/* Pretpostavlja se da je niz neprazan */
int max_poz(int a[], int n) {
    int i, mp;
    mp = 0;
    for (i = 1; i < n; i++)
        if (a[i] > a[mp])
            mp = i;
    return mp;
}

int sortiran(int a[], int n) {
    int i;
    for (i = 0; i + 1 < n; i++)
        if (a[i] > a[i+1])
            return 0;
    return 1;
}

int main() {
    int a[] = {3, 2, 5, 4, 1, 3, 8, 7, 5, 6};
    int n = sizeof(a) / sizeof(int);
    printf("Sadrzi: %d\n", sadrzi(a, n, 3));
    printf("Prva pozicija: %d\n", prva_poz(a, n, 3));
    printf("Poslednja pozicija: %d\n", poslednja_poz(a, n, 3));
    printf("Suma: %d\n", suma(a, n));
    printf("Prosek: %lf\n", prosek(a, n));
    printf("Minimum: %d\n", min(a, n));
    printf("Pozicija maksimuma: %d\n", max_poz(a, n));
    printf("Sortiran: %d\n", sortiran(a, n));
    return 0;
}

```

Rešenje zadatka 7.3.2:

```

#include <stdio.h>

int izbaci_poslednji(int a[], int n) {
    return n - 1;
}

/* Cuva se redosled elemenata niza */
int izbaci_prvi_1(int a[], int n) {

```



```
    int i;
    for (i = 0; i + 1 < n; i++)
        a[i] = a[i + 1];
    return n - 1;
}

/* Ne cuva se redosled elemenata niza. */
int izbaci_prvi_2(int a[], int n) {
    int i;
    a[0] = a[n - 1];
    return n - 1;
}

/* Cuva se redosled elemenata niza. */
int izbaci_kti(int a[], int n, int k) {
    int i;
    for (i = k; i + 1 < n; i++)
        a[i] = a[i + 1];
    return n - 1;
}

/* Izbacivanje prvog se moze svesti na izbacivanje k-tog. */
int izbaci_prvi_3(int a[], int n) {
    return izbaci_kti(a, n, 0);
}

/* Pretpostavlja se da ima dovoljno prostora za ubacivanje. */
int ubaci_na_kraj(int a[], int n, int x) {
    a[n] = x;
    return n + 1;
}

/* Pretpostavlja se da ima dovoljno prostora za ubacivanje.
   Cuva se redosled elemenata niza. */
int ubaci_na_pocetak_1(int a[], int n, int x) {
    int i;
    for (i = n; i > 0; i--)
        a[i] = a[i-1];
    a[0] = x;
    return n + 1;
}

/* Pretpostavlja se da ima dovoljno prostora za ubacivanje.
   Ne cuva se redosled elemenata niza. */
int ubaci_na_pocetak_2(int a[], int n, int x) {
    int i;
```

```
a[n] = a[0];
a[0] = x;
return n + 1;
}

/* Pretpostavlja se da ima dovoljno prostora za ubacivanje.
   Cuva se redosled elemenata niza. */
int ubaci_na_poz_k(int a[], int n, int k, int x) {
    int i;
    for (i = n; i > k; i--)
        a[i] = a[i-1];
    a[k] = x;
    return n + 1;
}

/* Ubacivanje na pocetak se moze svesti na ubacivanje na poziciju k. */
int ubaci_na_pocetak_3(int a[], int n, int x) {
    return ubaci_na_poz_k(a, n, 0, x);
}

int izbaci_sve(int a[], int n, int x) {
    int i, j;
    for (j = 0, i = 0; i < n; i++)
        if (a[i] != x)
            a[j++] = a[i];
    return j;
}

void ispisi(int a[], int n) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", a[i]);
    printf("\n");
}

int main() {
    int a[10] = {1, 2, 3};
    int n = 3;
    n = ubaci_na_pocetak_1(a, n, 0);
    ispisi(a, n);
    n = izbaci_poslednji(a, n);
    ispisi(a, n);
    n = ubaci_na_poz_k(a, n, 2, 4);
    ispisi(a, n);
    n = ubaci_na_kraj(a, n, 1);
    ispisi(a, n);
}
```

```
    n = izbaci_sve(a, n, 1);
    ispisi(a, n);
    return 0;
}
```

Rešenje zadatka 7.3.3:

```
#include <stdio.h>
```

```
/* Napomena: odredjen broj funkcija u ovom zadatku se moze
   implementirati i efikasnije, medjutim, uz prilicno komplikovaniji
   kod. */
```

```
int najduza_serija(int a[], int n) {
    int i;
    int ts = n != 0;
    int ns = ts;
    for (i = 1; i < n; i++) {
        if (a[i] == a[i-1])
            ts++;
        else
            ts = 1;
        if (ts > ns)
            ns = ts;
    }
    return ns;
}
```

```
int podniz_uzastopnih(int a[], int n, int b[], int m) {
    int i, j;
    for (i = 0; i + m - 1 < n; i++) {
        for (j = 0; j < m; j++)
            if (a[i + j] != b[j])
                break;
        if (j == m)
            return 1;
    }
    return 0;
}
```

```
int podniz(int a[], int n, int b[], int m) {
    int i, j;
    for (i = 0, j = 0; i < n && j < m; i++)
        if (a[i] == b[j])
            j++;
    return j == m;
}
```

```
int palindrom(int a[], int n) {
    int i, j;
    for (i = 0, j = n-1; i < j; i++, j--)
        if (a[i] != a[j])
            return 0;
    return 1;
}

void obrni(int a[], int n) {
    int i, j;
    for (i = 0, j = n-1; i < j; i++, j--) {
        int tmp = a[i];
        a[i] = a[j];
        a[j] = tmp;
    }
}

void rotiraj_desno(int a[], int n, int k) {
    int i, j;
    for (j = 0; j < k; j++) {
        int tmp = a[n-1];
        for (i = n-1; i > 0; i--)
            a[i] = a[i-1];
        a[0] = tmp;
    }
}

void rotiraj_levo(int a[], int n, int k) {
    int i, j;
    for (j = 0; j < k; j++) {
        int tmp = a[0];
        for (i = 0; i + 1 < n; i++)
            a[i] = a[i+1];
        a[n - 1] = tmp;
    }
}

void ispisi(int a[], int n) {
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", a[i]);
    printf("\n");
}

int izbaci_duplikate(int a[], int n) {
```

```
int i, j, k;
for (i = 0; i < n; i++) {
    for (k = i + 1, j = i + 1; j < n; j++)
        if (a[j] != a[i])
            a[k++] = a[j];
    n = k;
}
return n;
}

/* Pretpostavlja se da u niz c moze da se smesti bar n + m elemenata */
int spoji(int a[], int n, int b[], int m, int c[]) {
    int i, j, k;
    i = 0, j = 0, k = 0;
    while (i < n && j < m)
        c[k++] = a[i] < b[j] ? a[i++] : b[j++];
    while (i < n)
        c[k++] = a[i++];
    while (j < m)
        c[k++] = b[j++];
    return k;
}
```

Rešenje zadatka 7.3.7:

```
#include <stdio.h>

/* Provera da li je godina prestupna */
int prestupna(int g) {
    return (g % 4 == 0 && g % 100 != 0) || (g % 400 == 0);
}

int main() {
    int d, m, g, b, M;
    int br_dana[] = {-1, 31, 28, 31, 30, 31, 30, 31, 31, 30, 31, 30, 31};
    scanf("%d%d%d", &d, &m, &g);
    /* Provera ispravnosti datuma */
    if (g < 0) {
        printf("Pogresna godina\n");
        return 1;
    }
    if (m < 1 || m > 12) {
        printf("Pogresan mesec\n");
        return 1;
    }
    if (d < 1 || d > (m == 2 && prestupna(g) ? 29 : br_dana[m])) {
        printf("Pogresan dan\n");
    }
}
```

```
    return 1;
}

b = 0;
/* Broj dana u prethodnim mesecima */
for (M = 1; M < m; M++)
    b += br_dana[M];
/* Broj dana u tekucem mesecu */
b += d;
/* Eventualno dodati i 29. 2. */
if (prestupna(g) && m > 2)
    b++;
printf("%d\n", b);
}
```