

1. Koristeći matematičku indukciju pokazati sledeća tvrđenja:

- $1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$
- $1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
- $2^3 + 4^3 + 6^3 + \dots + (2n)^3 = 2n^2(n+1)^2$
- $1^2 - 2^2 + 3^2 - \dots + (-1)^{n-1}n^2 = (-1)^{n-1} \frac{n(n+1)}{2}$
- $\frac{1}{3} + \frac{2}{3^2} + \dots + \frac{n}{3^n} = \frac{3}{4} - \frac{2n+3}{4 \cdot 3^n}$
- $\sqrt{p^n} + \sqrt{q^n} \leq \sqrt{(p+q)^n}$ , gde su  $p$  i  $q$  prirodni brojevi, a  $n \leq 2$ .

2. Rešiti koristeći rekurzivne funkcije sledeće zadatke, a potom dokazati ispravnost programa i odrediti vremensku složenost:

- Odrediti  $n$ -ti član Fibonačijevog niza.
- Odrediti zbir cifara datog broja  $n$ .
- Neka su  $a_1, a_2, \dots, a_k$  redom sleva na desno cifre broja  $n$ . Izračunati sledeći zbir:  
 $k * a_1 + (k - 1) * a_2 + \dots + 1 * a_k$
- Ispisati broj  $n$  u faktorijelnom sistemu, tj.  
 $n = (a_m a_{m-1} \dots a_2 a_1)_f = a_m \cdot m! + a_{m-1} \cdot (m-1)! + \dots + a_2 \cdot 2! + a_1 \cdot 1!$