

**Zadatak 1.** Sa standarnog ulaza unose se celi pozitivni brojevi  $m$  i  $n$  koji označavaju broj vrsta i broj kolona matrice. Potom se unose elementi matrice. Nakon unosa elemenata matrice, unose se još dva broja  $p$  i  $k$  ( $p \leq m$ ,  $k \leq n$ ). Na standari izlaz ispisati sume svih podmatrica (dimenzije  $p \times k$ ) unete matrice. U slučaju greške ispisati  $-1$ .

**Napomena 1:** Ne razmatrati slučaj negativnih brojeva.

**Napomena 2:** Nije bitan redosled kojim se ispisuju sume.

Primer 1:

3	4		
1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
3	3		
54	63		

Primer 2:

3	4		
1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
2	3		
24	30	48	54

Primer 3:

3	2
1	2
3	4
5	6
7	8
-1	

Primer 4:

5	3	
1	1	2
5	0	2
7	8	9
1	2	4
0	1	1
2	2	

7 5 20 19 18 23 4 8

**Zadatak 2.** Sa standarnog ulaza zadata je dimenzija kvadratne matrice  $n$  ( $0 < n \leq 50$ ), a zatim i vrednosti pojedinačnih elemenata. Ukoliko je  $n$  izvan ovog opsega ispisati  $-1$  i prekinuti izvršavanje programa. Napisati program koji:

- (a) Učitava matricu i ispisuje je na izlaz. U slučaju greške ispisati  $-1$  i prekinuti izvršavanje programa.
- (b) Ispituje da li su elementi matrice po kolonama, vrstama i dijagonalama (glavnoj i sporednoj) sortirani strogo rastuće. Za svaki od ovih slučajeva redom ispisati 1 ako jesu i 0 ako nisu sortirani - videti primere.

Primer 1:

3		
1	2	3
4	5	6
7	8	9
Izlaz:		
1	2	3
4	5	6
7	8	9
1	1	1

Primer 2:

2		
6	9	
4	10	
Izlaz:		
6	9	
4	10	
0	1	0

Primer 3:

4			
5	5	7	9
6	10	11	13
8	12	14	15
13	15	16	20
13	15	16	20
1	0	1	

Primer 4:

1		
5		
Izlaz:		
1	1	1

**Zadatak 3.** Sa standarnog ulaza se unosi broj  $n$  ( $0 < n \leq 10$ ), a potom i elementi kvadratne matrice dimenzije  $n \times n$ . Elementi matrice su celi brojevi. Proveriti da li važi da su zbroji elemenata kolona matrice uredjeni u strogo rastućem poretku. **Napomena 1:** Ukoliko program uvek ispisuje da ili uvek ispisuje ne smatraće se netačnim i poeni se ne mogu osvojiti.

Primer 1:	Primer 2:	Primer 3:	Primer 4:
4	3	3	5
1 0 0 0	1 2 3	2 -2 1	-1 0 2 0 20
0 0 1 0	4 5 6	1 2 2	0 0 0 10 0
0 0 0 1	7 8 9	2 1 -2	0 0 -1 0 0
0 1 0 0			0 1 0 0 0
ne	da	ne	0 0 0 0 -1
			da

**Zadatak 4.** Sa standarnog ulaza unosi se broj  $n$  ( $0 < n \leq 200$ ), a potom i elementi kvadratne matrice dimenzije  $n \times n$ . Elementi matrice su celi brojevi. Proveriti da li je uneta matrica ortonormirana i na standarni izlaz ispisati da ako jeste ili ne ako nije ortonormirana. Matrica je ortonormirana ako je skalarni proizvod svakog para različitih vrsta jednak 0, a skalarni proizvod vrste sa samom sobom 1. U slučaju greške ispisati -1.

**Napomena 1:** Skalarni proizvod vektora  $a = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  i  $b = (b_1, b_2, \dots, b_n)$  je  $a_1 \cdot b_1 + a_2 \cdot b_2 + \dots + a_n \cdot b_n$ .

**Napomena 2:** Ukoliko program uvek ispisuje da ili uvek ispisuje ne smatraće se netačnim i poeni se ne mogu osvojiti.

Primer 1:	Primer 2:	Primer 3:	Primer 4:
4	3	3	5
1 0 0 0	1 2 3	2 -2 1	-1 0 0 0 0
0 0 1 0	4 5 6	1 2 2	0 0 0 1 0
0 0 0 1	7 8 9	2 1 -2	0 0 -1 0 0
0 1 0 0			0 1 0 0 0
da	ne	ne	0 0 0 0 -1
			da

**Zadatak 5.** Napisati funkciju koja kao argumente prima kvadratnu matricu celih brojeva i njenu dimenziju, a vraća 1 ako je matrica donja trougaona, odnosno 0 ako nije. Prepostavka je da je maksimalna dimenzija matrice 100. Matrica je donja trougaona ako se u gornjem trouglu (iznad glavne dijagonale, ne uključujući je) nalaze sve nule.

**Zadatak 6.** Napisati program koji sa standardnog ulaza unosi prvo dimenziju matrice ( $n < 10$ ) pa zatim elemente matrice i izračunava sumu elemenata iznad sporedne dijagonale matrice.

**Zadatak 7.** Za datu kvadratnu matricu kažemo da je magični kvadrat ako je suma elemenata u svakoj koloni i svakoj vrsti jednaka. Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava prirodni broj  $n$  ( $n < 10$ ) i zatim elemente kvadratne matrice, proverava da li je ona magični kvadrat i ispisuje odgovarajuću poruku na standarni izlaz.

Primer, matrica:

1 5 3 1  
 2 1 2 5  
 3 2 2 3  
 4 2 3 1

je magični kvadrat.

**Zadatak 8.** Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava prvo dimenzije matrice ( $n \times m$ ) a zatim redom i elemente matrice (ne postoje prepostavke o dimenziji matrice). Nakon toga na standardni izlaz, zapisati indekse ( $i \times j$ ) onih elemenata matrice koji su jednaki zbiru svih svojih susednih elemenata (pod susednim elementima podrazumevamo okolnih 8 polja matrice ako postoje). Na primer, za matricu:

1 1 2 1 3  
 0 8 1 9 0  
 1 1 1 0 0  
 0 3 0 2 2

polja na pozicijama [1][1], [1][3], [3][2] i [3][4] zadovoljavaju traženi uslov pa treba ispisati:

1 1  
 1 3  
 3 2  
 3 4

**Zadatak 9.** Sa standarnog ulaza se zadaje prvo dimenziju kvadratne matrice  $n$  ( $n < 100$ ), a zatim elemente matrice. Nakon toga, na standardni izlaz ispisati redni broj kolone koja ima najveći zbir elemenata. Na primer:

1 2 3  
 7 3 4  
 5 3 1

program treba da ispiše redni broj 0 (jer je suma elemenata u nultoj koloni  $1 + 7 + 5 = 13$ , u prvoj  $2 + 3 + 3 = 8$ , u drugoj  $3 + 4 + 1 = 8$ ).

**Zadatak 10.** Napisati funkciju koja treba da ispiše elemente matrice u grupama koje su paralelne sa sporednom dijagonalom matrice.

Na primer

1 2 3  
 4 5 6  
 7 8 9

a funkcija treba da ispiše sledeće:

1  
 2 4  
 3 5 7  
 6 8  
 9

Može se prepostaviti da matrica nije dimenzije veće od  $100 \times 100$ .