

Juni 1992.

1. Ako je $f(x) = ax^2 + bx + c$, tada je $f(x+3) - 3f(x+2) + 3f(x+1)$ za svako realno x jednako:

A) $f(x)$; B) $f(-x)$; C) 0; D) $-f(x)$; E) $7f(x) - 2c$.

2. Ako $a \in R \setminus \{-1, 0, 1\}$, vrednost izraza $\left(\frac{1}{a-1} - \frac{a^3+1}{a^4-a}\right) : \frac{a+1}{a-a^3}$ je:

A) 1; B) $\frac{1-a-a^2}{1+a+a^2}$; C) $\frac{1-a-a^2}{(a^3-a^2)(a^3-1)}$; D) $\frac{a^2+a-1}{a^2+a+1}$;

E) $\frac{a+1}{1+a+a^2}$.

3. Vrednost izraza $\left(\frac{1}{3}\right)^{-10} \cdot 27^{-3} + 0,2^{-4} \cdot 25^{-2} + \left(64^{-\frac{1}{9}}\right)^{-3}$ je:

A) $\frac{3}{25}$; B) 1; C) $\frac{5}{3}$; D) 3; E) 8.

4. Proizvod svih rešenja jednačine $|4x-6| - 2x - 12 = 0$ je:

A) -18; B) -9; C) -6; D) 3; E) 9.

5. Sve `e pe-urke sadr`e 90% vode, a suve 12%. Koliko se kilograma suvih pe-urki mo`e dobiti od 22 kilograma sve`ih?

A) 2,464; B) 2,5; C) 2,64; D) 4,576; E) 4,84.

6. Neka je u trouglu ABC $AB = AC$ i ugao kod temena A ve}i od 30° . Neka je D ta-ka na stranici BC takva da je ugao $BAD = 30^\circ$ i neka je E ta-ka na stranici AC takva da je

$AE = AD$. Ugao EDC jednak je:

A) 10° ; B) 12° ; C) 15° ; D) 18° ; E) 30° .

7. Na segmentu $[0, 3\pi]$ broj rešenja jednačine $\sin 2x = \cos x$ je:

A) 2; B) 3; C) 4; D) 5; E) 7.

8. Geometrijsko mesto ta-aka (x, y) temena parabola $y = x^2 + kx + k + 1$, $k \in R$, odre|eno je sa:

A) $y = 2 - (x+1)^2$; B) $y = x^2 + 2x$; C) $y = 3x$;

D) $y = (1-3x)^2$; E) $y = \frac{3}{4}$.

9. Date su realne funkcije $f_1(x) = (x-1)^2$, $f_2(x) = |x-1|^2$, $f_3(x) = \sqrt{\frac{(x-1)^5}{x-1}}$, $f_4(x) = |x-1|\sqrt{x^2-2x+1}$ i $f_5(x) = (x-1)\sqrt{(x-1)^2}$.

Ta-ko je tvrdjenje:

A) sve date funkcije su međusobno različite;

B) $f_3 \neq f_1 = f_2 = f_4 \neq f_5$;

C) $f_1 = f_2 = f_3 = f_4 \neq f_5$;

D) $f_3 \neq f_1 = f_2 \neq f_4$ i $f_5 \neq f_1$;

E) sve date funkcije su jednake.

10. Tačka simetrična tački $M\left(\frac{2}{5}, \frac{4}{5}\right)$ u odnosu na pravu $x - 3y - 4 = 0$ je:

A) (2, -3); B) $\left(\frac{8}{5}, \frac{-14}{5}\right)$; C) $\left(\frac{3}{2}, \frac{-5}{2}\right)$; D) (2, -4); E) $\left(\frac{5}{3}, -3\right)$.

11. Ako su stranice trougla ABC $AB = 5$, $BC = 6$, $AC = 9$, poluprečnik opisane kružnice tog trougla je:

A) $\frac{5\sqrt{3}}{2}$; B) $\frac{22}{5}$; C) $\frac{27\sqrt{2}}{8}$; D) $\frac{7}{2}\sqrt{2}$; E) $2\sqrt{6}$.

12. Ako su a, b, c, d pozitivni realni brojevi različiti od 1, vrednost izraza $\log_b a \cdot \log_c b \cdot \log_d c \cdot \log_a d$ je:

A) $abcd$; B) $\log_{abcd}(a+b+c+d)$; C) ad ; D) $\frac{ad}{bc}$; E) 1.

13. Skup svih vrednosti realnog parametra m za koje su koreni kvadratne jednačine

$(m-2)x^2 - 2mx + 2m + 2 = 0$ realni i različitog znaka jeste:

A) (-1, 2); B) $(1-\sqrt{5}, -1) \cup (2, 1+\sqrt{5})$; C) $(1-\sqrt{5}, 1+\sqrt{5})$;

D) $(2, \infty)$; E) \emptyset .

14. Ako su prave $x + y - 8 = 0$ i $x + 3y + 16 = 0$ tangente elipse $b^2x^2 + a^2y^2 = a^2b^2$, uređen par (a, b) jednak je:

A) (6, 5); B) $(6, 2\sqrt{6})$; C) $(2\sqrt{10}, 5)$;

D) $(2\sqrt{10}, 2\sqrt{6})$; E) $(4\sqrt{2}, 3\sqrt{2})$.

15. Oko polulopte poluprečnika r opisana je prava kupa minimalne zapremine čija je osnova u ravni osnove polulopte. Zapremina te kupa iznosi:

A) $\frac{4}{5}r^3p$; B) $\frac{2\sqrt{2}}{3}r^3p$; C) $\frac{\sqrt{2}}{2}r^3p$; D) $\frac{\sqrt{3}}{2}r^3p$; E) $\frac{4}{3}r^3p$.

16. Na teniskom turniru učestvuje 2^n takmičara. Turnir se igra po kup-sistemu, tj. u narednokrugu se plasira pobjednik u meču, a poraženi ispada iz daljeg takmičenja. Svaki meč se igra do tri dobijena seta, odnosno, pobjedjuje igrač koji prvi dobije tri seta. Poznato je da je na celom turniru odigrano ukupno $2^{n+1} + 4n^2 + 184$ setova. Broj takmičara na turniru je:

A) 32 ; B) 64 ; C) 128 ; D) 256 ; E) 512 .

17. Jednačina $\sin^4 x + \cos^4 x = a$, $a \in R$, ima bar jedno re{enje ako i samo ako je:

A) $-1 < a < 1$; B) $0 \leq a \leq 1$; C) $0 \leq a \leq \frac{1}{2}$;

D) $\frac{1}{2} \leq a \leq 1$; E) $-1 < a < \frac{1}{2}$.

18. Sistem jedna~ina $2^{1+\sqrt{xy}} + 3^{x+y-1} = a$, $8^{1+\sqrt{xy}} + 27^{x+y-1} = a^3 - 3a^2 + 3a$, $a \in R$, ima bar jedno re{enje (x, y) , $x, y \in R$ ako i samo ako je:

A) $a \geq 3$; B) $1 + \sqrt{2} \leq a \leq 1 + 2\sqrt{2}$; C) $3 \leq a \leq 1 + 2\sqrt{2}$;

D) $a > 1$; E) $\sqrt{2} \leq a \leq 4$.

19. Ako je niz funkcija $f_n(x)$, $n \in N$, definisan na slede}i na~in: $f_1(x) = \frac{x}{x-1}$, $f_2(x) = \frac{1}{1-x}$,
 $f_{n+2}(x) = f_{n+1}(f_n(x))$, $n \in N$, onda je $f_{1992}(1992)$ jednako:

A) -1991 ; B) $\frac{-1}{1991}$; C) $\frac{1}{1992}$; D) $\frac{1991}{1992}$; E) $\frac{1992}{1991}$.

20. Tetive AB i AC kruga k su jednake, a tetiva AD se~e BC u ta~ki E . Ako je $AC = 12$ i $AE = 8$, tada je AD jednako:

A) 16 ; B) $12\sqrt{2}$; C) 17 ; D) 18 ; E) $12\sqrt{3}$.